

1. 100 이하의 수 중에서 3과 4의 공배수의 개수와 9의 배수의 개수의 비의 값을 분수로 구하시오.

① $\frac{11}{8}$

② $\frac{8}{11}$

③ $\frac{8}{12}$

④ $\frac{9}{12}$

⑤ $\frac{9}{11}$

해설

3과 4의 최소공배수는 12이며, 100 이하의 12의 배수는 12, 24, ..., 96으로 모두 8개입니다.

100 이하 9의 배수는 11개이므로,

비의 값은 $8 : 11 \Rightarrow \frac{8}{11}$ 입니다.

2. 6명이 15일 걸려 마칠 수 있는 일의 양이 있습니다. 처음 3일 동안은 하루에 몇 사람씩 일을 하고, 다음 4.5일 동안 5명씩 일을 하고 나니, 전체일의 5%가 남았습니다. 처음 3일 동안은 하루에 몇 사람씩 일을 했을까요?



답:

명



정답: 21명

해설

1명이 하루에 하는 일의 양이 1이라면 일의 전체는 $6 \times 15 = 90$ 입니다.

남은 일의 양은 $90 \times \frac{5}{100} = 4.5$ 이므로

4.5일간 한 일의 양은 $90 - 4.5 = 85.5$ 입니다.

처음 4일 동안 한 일의 양은 $85.5 - (4.5 \times 5) = 63$ 이므로
 $63 \div 3 = 21$ 명씩 일을 하였습니다.

3. 어느 학교의 6 학년 학생 300 명 중에서 충치가 있는 학생은 전체의 48 %이고, 눈이 근시인 학생은 전체의 12 %입니다. 또, 충치도 없고 근시도 아닌 학생은 전체의 46 %이라고 합니다. 충치가 있으면서 근시인 학생은 모두 몇 명입니까?

▶ 답 : 명

▷ 정답 : 18명

해설

$$(0.48 + 0.12 + 0.46) - 1 = 0.06$$

즉, 근시와 충치가 겹쳐지는 부분은 6 %입니다.

$$300 \times 0.06 = 18 \text{ (명)}$$

4. 두 직사각형 (가), (나)에서 (가)는 세로와 가로의 길이의 비가 1 : 4 이고, (나)는 세로와 가로의 길이의 비가 4 : 9입니다. (가), (나)의 넓이가 같을 때, (가)와 (나)의 둘레의 길이의 비를 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 15 : 13

해설

(가)의 넓이는 $\square \times \square \times 4$ 이며

(나)의 넓이는 $\bigcirc \times 4 \times \bigcirc \times 9$ 이므로

$$\square \times \square = \bigcirc \times \bigcirc \times 9, \square \times \square = \bigcirc \times \bigcirc \times 3 \times 3, \square = \bigcirc \times 3$$

(가)의 둘레의 길이는

$$(3 \times \bigcirc + 12 \times \bigcirc) \times 2 = 30 \times \bigcirc$$

(나)의 둘레의 길이는

$$(4 \times \bigcirc + 9 \times \bigcirc) \times 2 = 26 \times \bigcirc$$

(가)와 (나)둘레의 비는 $30 : 26 \Rightarrow 15 : 13$ 입니다.

5. 은혜는 은행에 매달 20000 원씩 저금을 하려고 합니다. 두 은행의 월이율과 이자에 대한 세금이 다음과 같습니다. 어느 은행에 저금을 하는 것이 더 유리합니까?

	A 은행	B 은행
월이율	5.5 %	6 %
이자에 대한 세금을	15 %	25 %

▶ 답 : 은행

▷ 정답 : A 은행

해설

(1) 각 은행에 20000 원을 입금하였을 때 나오는 이자를 구해보면

$$A \text{ 은행} \rightarrow (20000 \text{ 원의 } 5.5\%) \rightarrow 20000 \times \frac{5.5}{100} = 1100 \text{ (원)}$$

$$B \text{ 은행} \rightarrow (20000 \text{ 원의 } 6\%) \rightarrow 20000 \times \frac{6}{100} = 1200 \text{ (원)}$$

(2) 각 은행에 20000 원을 입금하였을 때의 세금을 구해보면

$$(1100 \text{ 원에 대한 세금}) = 1100 \times \frac{15}{100} = 165 \text{ (원)}$$

$$(1200 \text{ 원에 대한 세금}) = 1200 \times \frac{25}{100} = 300 \text{ (원)}$$

$$(3) (A \text{ 은행에서 받을 수 있는 이자}) = 1100 - 165 = 935 \text{ (원)}$$

$$(B \text{ 은행에서 받을 수 있는 이자}) = 1200 - 300 = 900 \text{ (원)}$$

따라서 A 은행에 저금을 하는 것이 더 유리합니다.

6. 40개가 든 참외 한 상자를 51000 원에 샀는데 15%이 상해서 팔 수 없었습니다. 나머지 참외를 팔아서 20%의 이익을 얻으려면, 참외 한 개를 얼마씩에 팔아야 합니까?

▶ 답 : 원

▷ 정답 : 1800 원

해설

참외의 15%이 상했으므로 팔 수 있는 참외는 $40 \times (1 - 0.15) = 34$ (개) 입니다.

또, 이익은 $51000 \times 0.2 = 10200$ (원) 입니다.

$51000 + 10200 = 61200$ (원) 이므로, 참외 34 개를 61200 원에 팔아야 합니다.

따라서 $61200 \div 34 = 1800$ (원) 입니다.

7. 갑, 을 두 사람이 과자를 가지고 있었습니다. 갑은 갖고 있던 과자의 $\frac{2}{3}$ 를 먹고, 을은 갖고 있던 과자의 $\frac{1}{4}$ 를 먹었더니 갑과 을의 남은 과자의 비가 2 : 1이 되었습니다. 갑과 을이 처음 갖고 있던 과자의 비를 가장 작은 자연수의 비로 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 9 : 2

해설

갑이 갖고 있는 전체 과자의 양 : ○

을이 갖고 있는 전체 과자의 양 : □

$$\text{갑이 먹고 남은 과자의 양} : \bigcirc \times \left(1 - \frac{2}{3}\right) = \bigcirc \times \frac{1}{3}$$

$$\text{을이 먹고 남은 과자의 양} : \square \times \left(1 - \frac{1}{4}\right) = \square \times \frac{3}{4}$$

$$\begin{aligned} (\text{갑}) : (\text{을}) &= \bigcirc \times \frac{1}{3} : \square \times \frac{3}{4} \\ &= \bigcirc \times \frac{1}{3} \times 12 : \square \times \frac{3}{4} \times 12 \\ &= \bigcirc \times 4 : \square \times 9 \end{aligned}$$

$$\bigcirc \times 4 : \square \times 9 = 2 : 1$$

$$\bigcirc \times 4 \times 1 = \square \times 9 \times 2$$

$$\bigcirc \times 4 = \square \times 18$$

$$\bigcirc : \square = 18 : 4 = 9 : 2$$

8. 영숙이와 영남이가 각각 가지고 있는 숫자 카드를 2장씩 뽑아 비를 만들었습니다. 만든 비를 짝지어 만들 수 있는 비례식은 몇 가지인지 구하시오. (단, 영숙이의 비를 앞에 놓습니다.)

(영숙)

1

2

3

4

5

(영남)

6

7

8

9

10

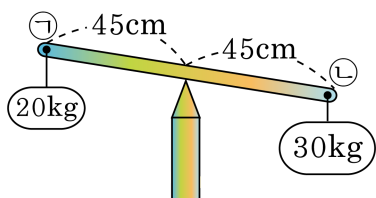
▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 8 가지

해설

영숙이가 만들 수 있는 비를 만든 후 비의 값이
같은 비를 영남이가 숫자 카드로 만들어 비례식을 만들면
 $2:3=6:9$, $3:2=9:6$, $3:4=6:8$,
 $4:3=8:6$, $3:5=6:10$, $5:3=10:6$,
 $4:5=8:10$, $5:4=10:8$
모두 8가지이다.

9. 다음에서 수평이 되게 하려면, 받침대를 ㉠과 ㉡ 중 쪽으로 만큼 옮겨야 합니다. 안에 알맞은 수나 말을 차례대로 써넣으시오.



▶ 답 :

▶ 답 : cm

▷ 정답 : ㉡

▷ 정답 : 9cm

해설

양 끝에 달린 추의 무게의 비는 지렛대의 중심에서부터의 거리의 비와 반대입니다.

$$\textcircled{㉠} \text{의 무게} : \textcircled{㉡} \text{의 무게} = 20 : 30 = 2 : 3$$

지렛대의 중심에서부터의 거리의 비 $\Rightarrow 3 : 2$

수평이 되었을 때, 중심에서부터 $\textcircled{㉠}$ 의 거리를 라 하면 $\textcircled{㉡}$ 의 거리는 $(90 - \textcircled{\hspace{1cm}})$ 가 됩니다.

$$3 : 2 = \textcircled{\hspace{1cm}} : (90 - \textcircled{\hspace{1cm}})$$

$$2 \times \textcircled{\hspace{1cm}} = 3 \times (90 - \textcircled{\hspace{1cm}})$$

$$2 \times \textcircled{\hspace{1cm}} = 3 \times 90 - 3 \times \textcircled{\hspace{1cm}}$$

$$2 \times \textcircled{\hspace{1cm}} + 3 \times \textcircled{\hspace{1cm}} = 270$$

$$5 \times \textcircled{\hspace{1cm}} = 270$$

$$\textcircled{\hspace{1cm}} = 270 \div 5$$

$$\textcircled{\hspace{1cm}} = 54$$

중심에서부터 $\textcircled{㉠}$ 까지의 거리가 54 cm, $\textcircled{㉡}$ 까지의 거리가 36 cm입니다.

따라서 수평이 되기 위해서는 받침대를 $\textcircled{㉡}$ 쪽으로 $45 - 36 = 9(\text{cm})$ 만큼 옮겨야 합니다.

10. 정민이는 5700 원을 가지고 있고, 기상은 4500 원을 가지고 있습니다. 두 사람이 같은 인형을 한 개씩 샀더니 남은 돈의 비가 3 : 2가 되었습니다. 인형의 값은 얼마인지 구하시오.

▶ 답 : 원

▷ 정답 : 2100 원

해설

인형의 값을 $\square$ 라 하면

$$(5700 - \square) : (4500 - \square) = 3 : 2$$

$$(5700 - \square) \times 2 = (4500 - \square) \times 3$$

$$11400 - \square \times 2 = 13500 - \square \times 3$$

$$\square = 13500 - 11400 = 2100 \text{ (원)}$$

11. 소 5 마리가 운반하는 짐의 양과 말 4 마리가 운반하는 짐의 양은 같습니다. 말 15 마리가 20 회에 운반하는 양은 소 5 마리가 몇 번 나르면 되는지 구하시오.

① 69 번

② 71 번

③ 73 번

④ 75 번

⑤ 77 번

해설

말 15 마리가 20 회 운반해야 하므로

말 1 마리가 하게 되면 300 회 운반해야 한다.

또 말 4 마리가 하게 되면 75 회 운반해야 한다.

말 4 마리가 운반하는 양은

소 5 마리가 운반하는 양과 같으므로

똑같은 양을 운반하기 위해서는

소 5 마리가 75 회 운반해야 한다.

