

1. 다음 사진은 가로, 세로의 길이가 각각 $\sqrt{8}$ cm, $\sqrt{3}$ cm인 컴퓨터 칩을 찍은 것이다. 이 때, 컴퓨터 칩의 넓이를 $a\sqrt{b}$ cm²의 꼴로 나타내어라. (단, b는 제곱인 인수가 없는 자연수)



▶ 답: cm²

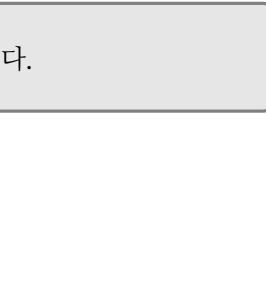
▷ 정답: $2\sqrt{6}$ cm²

해설

컴퓨터 칩의 넓이는
 $\sqrt{8} \times \sqrt{3} = \sqrt{24} = 2\sqrt{6}$ (cm²)이다.

2. 넓이가 $\sqrt{18} \text{ cm}^2$ 인 직사각형의 가로의 길이가 $\sqrt{6} \text{ cm}$ 일 때, 세로의 길이는?

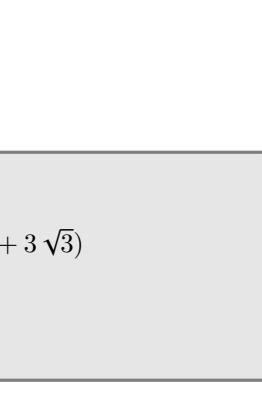
- ① $\sqrt{2} \text{ cm}$ ② $\sqrt{3} \text{ cm}$
③ 2 cm ④ $\sqrt{5} \text{ cm}$
⑤ $\sqrt{6} \text{ cm}$



해설

$\sqrt{6}x = \sqrt{18}$ 이다. 따라서 $x = \sqrt{3} \text{ cm}$ 이다.

3. 다음 직육면체의 모서리의 길이의 합을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $28\sqrt{3} + 12\sqrt{5}$

해설

$$\begin{aligned}\text{모서리의 길이의 합은} \\ 4(\sqrt{48} + \sqrt{45} + \sqrt{27}) &= 4(4\sqrt{3} + 3\sqrt{5} + 3\sqrt{3}) \\ &= 4(7\sqrt{3} + 3\sqrt{5}) \\ &= 28\sqrt{3} + 12\sqrt{5}\end{aligned}$$

4. 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?

① $(a - b)^2 = (a + b)^2$ ② $(a - b)^2 = (-b - a)^2$

③ $(a + b)^2 = (-b - a)^2$ ④ $-(a + b)^2 = (-a + b)^2$

⑤ $(b - a)^2 = (-a + b)^2$

해설

① $(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$
 $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$

② $(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$
 $(-b - a)^2 = a^2 + 2ab + b^2$

③ $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$
 $(-b - a)^2 = b^2 + 2ab + a^2$

④ $-(a + b)^2 = -(a^2 + 2ab + b^2)$
 $= -a^2 - 2ab - b^2$

$(-a + b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$

⑤ $(b - a)^2 = b^2 - 2ab + a^2$
 $(-a + b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$

5. $(x + a)^2 = x^2 + bx + 9$ 일 때, $a - b$ 의 값을 구하여라. (단, $a > 0$)

▶ 답:

▷ 정답: -3

해설

$$a^2 = 9 \therefore a = 3$$

$$(x + 3)^2 = x^2 + 6x + 9 \therefore b = 6$$

따라서 $a - b = 3 - 6 = -3$ 이다.

6. 다음을 만족하는 유리수 a , b 의 곱 ab 의 값은?

$$\sqrt{3} \times \sqrt{\frac{2}{3}} = \sqrt{a}, \quad 3\sqrt{\frac{5}{12}} \times \sqrt{\frac{2}{5}} = \sqrt{b}$$

- ① 1 ② $\sqrt{2}$ ③ $\sqrt{3}$ ④ 2 ⑤ 3

해설

$$\sqrt{3} \times \sqrt{\frac{2}{3}} = \sqrt{3 \times \frac{2}{3}} = \sqrt{2} = \sqrt{a}$$

$$3\sqrt{\frac{5}{12}} \times \sqrt{\frac{2}{5}} = \sqrt{9 \times \frac{5}{12} \times \frac{2}{5}} = \sqrt{\frac{3}{2}} = \sqrt{b}$$

$$\therefore a = 2, b = \frac{3}{2} \text{ } \circ | \text{므로 } ab = 3$$

7. $\sqrt{10} = m$ 일 때, $\sqrt{0.025}$ 를 m 에 관한 식으로 나타내면?

- ① $\frac{m}{100}$ ② $\frac{m}{50}$ ③ $\frac{m}{25}$ ④ $\frac{m}{20}$ ⑤ $\frac{m}{10}$

해설

$$\sqrt{0.025} = \sqrt{\frac{25}{1000}} = \frac{5}{10\sqrt{10}} = \frac{\sqrt{10}}{20} = \frac{m}{20}$$

8. $5\sqrt{24} - \sqrt{54} + \sqrt{96}$ 를 간단히 하면 $A\sqrt{B}$ 로 나타낼 수 있다. 이 때,
 $A + B$ 값은?

① 20 ② 19 ③ 18 ④ 17 ⑤ 16

해설

$$5\sqrt{24} - \sqrt{54} + \sqrt{96} = 10\sqrt{6} - 3\sqrt{6} + 4\sqrt{6} = 11\sqrt{6}$$

따라서 $A = 11, B = 6$ 이므로 $A + B = 17$ 이다.

9. $\frac{6}{\sqrt{12}} + \sqrt{48} \times (-\sqrt{3})^2$ 을 간단히 나타내면?

- ① $11\sqrt{3}$ ② $13\sqrt{3}$ ③ $15\sqrt{3}$
④ $-13\sqrt{3}$ ⑤ $-15\sqrt{3}$

해설

$$\begin{aligned}\frac{6}{\sqrt{12}} + \sqrt{48} \times (-\sqrt{3})^2 &= \frac{6}{2\sqrt{3}} + 4\sqrt{3} \times (-\sqrt{3})^2 \\&= \frac{3}{\sqrt{3}} + 4\sqrt{3} \times 3 \\&= \frac{3\sqrt{3}}{3} + 12\sqrt{3} \\&= \sqrt{3} + 12\sqrt{3} \\&= 13\sqrt{3}\end{aligned}$$

10. $\frac{2\sqrt{2} - \sqrt{3}}{\sqrt{5}} = a\sqrt{10} + b\sqrt{15}$ 일 때, 유리수 a, b 에 대하여 $a \div b$ 의 값은?

- ① -4 ② -2 ③ 1 ④ 2 ⑤ 4

해설

$$\frac{2\sqrt{2} - \sqrt{3}}{\sqrt{5}} = \frac{2\sqrt{10}}{5} - \frac{\sqrt{15}}{5}$$

$$\frac{2\sqrt{10}}{5} - \frac{\sqrt{15}}{5} = a\sqrt{10} + b\sqrt{15} \text{ 이므로}$$

$$\therefore a = \frac{2}{5}, b = -\frac{1}{5}$$

$$\therefore a \div b = \frac{2}{5} \div \left(-\frac{1}{5}\right) = \frac{2}{5} \times \left(-\frac{5}{1}\right) = -2$$

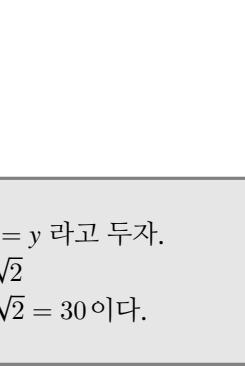
11. 제곱근표에서 $\sqrt{2} = 1.414$, $\sqrt{20} = 4.472$ 일 때, 다음 중 옳은 것은?

- ① $\sqrt{0.2} = 0.1414$ ② $\sqrt{200} = 44.72$
③ $\sqrt{0.02} = 0.4472$ ④ $\sqrt{2000} = 447.2$
⑤ $\sqrt{20000} = 141.4$

해설

① $\sqrt{0.2} = \sqrt{\frac{20}{100}} = \frac{\sqrt{20}}{10} = \frac{4.472}{10} = 0.4472$
② $\sqrt{200} = 10\sqrt{2} = 10 \times 1.414 = 14.14$
③ $\sqrt{0.02} = \sqrt{\frac{2}{100}} = \frac{\sqrt{2}}{10} = \frac{1.414}{10} = 0.1414$
④ $\sqrt{2000} = \sqrt{20 \times 10^2} = 10\sqrt{20} = 10 \times 4.472 = 44.72$
⑤ $\sqrt{20000} = \sqrt{2 \times 100^2} = 100\sqrt{2} = 100 \times 1.414 = 141.4$

12. 다음 그림과 같이 직사각형 ABCD에서 \overline{DC} , \overline{AD} 를 각각 한 변으로 하는 정사각형을 그렸더니 넓이가 18, 50이 되었다. 이 때, $\square ABCD$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 30

해설

두 정사각형의 한 변의 길이 $\overline{AD} = x$, $\overline{DC} = y$ 라고 두자.
 $x^2 = 50$, $y^2 = 18$ 이므로 $x = 5\sqrt{2}$, $y = 3\sqrt{2}$
따라서 $\square ABCD$ 의 넓이는 $xy = 5\sqrt{2} \times 3\sqrt{2} = 30$ 이다.

13. 다음 유리화의 계산 과정이 옳지 않은 것을 구하여라.

$$\begin{aligned}& \frac{2}{\sqrt{12}} \times 4\sqrt{6} \div \sqrt{3} \\&= \frac{2}{2\sqrt{3}} \times 4\sqrt{6} \times \frac{1}{\sqrt{3}} \cdots \textcircled{\text{①}} \\&= 4\sqrt{2} \times \frac{1}{\sqrt{3}} \cdots \textcircled{\text{②}} \\&= 4\sqrt{\frac{2}{3}} \cdots \textcircled{\text{③}}\end{aligned}$$

▶ 답:

▷ 정답: Ⓛ

해설

$$\begin{aligned}&= \frac{2}{2\sqrt{3}} \times 4\sqrt{6} \times \frac{1}{\sqrt{3}} \cdots \textcircled{\text{①}} (\textcircled{\text{○}}) \\&= 4\sqrt{2} \times \frac{1}{\sqrt{3}} \cdots \textcircled{\text{②}} (\textcircled{\text{○}}) \\&= \frac{4\sqrt{6}}{3} \cdots \textcircled{\text{③}}\end{aligned}$$

14. $a > 0, b > 0$ 일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

$$\begin{array}{ll} \textcircled{1} \quad \frac{b}{\sqrt{a}} = \frac{b\sqrt{a}}{a} & \textcircled{2} \quad \frac{\sqrt{b}}{c\sqrt{a}} = \frac{\sqrt{ab}}{ac} \\ \textcircled{4} \quad \frac{\sqrt{b}}{\sqrt{a}} = \frac{\sqrt{ab}}{a} & \textcircled{5} \quad \frac{b}{c\sqrt{a}} = \frac{b\sqrt{a}}{ac} \end{array}$$

해설

$$\textcircled{3} \quad \sqrt{\frac{a}{b}} \times \frac{\sqrt{b}}{\sqrt{b}} = \frac{\sqrt{ab}}{b}$$

15. $\frac{3\sqrt{2}}{2\sqrt{3}} = a\sqrt{6}$ 이고 $\frac{3\sqrt{10}}{\sqrt{5}} = b\sqrt{2}$ 일 때, \sqrt{ab} 의 값은?(단, $a > 0$, $b > 0$)

① $\frac{\sqrt{6}}{6}$ ② $\frac{\sqrt{6}}{4}$ ③ $\frac{\sqrt{6}}{3}$ ④ $\frac{\sqrt{6}}{2}$ ⑤ $\sqrt{6}$

해설

$$\frac{3\sqrt{2}}{2\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{6}}{2} = a\sqrt{6} \quad \therefore a = \frac{1}{2}$$

$$\frac{3\sqrt{10}}{\sqrt{5}} = 3\sqrt{2} = b\sqrt{2} \quad \therefore b = 3$$

$$\sqrt{ab} = \sqrt{\frac{1}{2} \times 3} = \sqrt{\frac{3}{2}} = \frac{\sqrt{3} \times \sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{\sqrt{6}}{2}$$

16. 다음 표는 제곱근표의 일부이다. 다음 중 주어진 표를 이용하여 구할 수 없는 것은?

수	0	1	2	3
1.5	1.225	1.229	1.233	1.237
1.6	1.265	1.269	1.273	1.277
1.7	1.304	1.308	1.311	1.315
1.8	1.342	1.345	1.349	1.353
1.9	1.378	1.382	1.386	1.389

- ① $\sqrt{162}$ ② $\sqrt{0.0192}$ ③ $\sqrt{17200}$
④ $\sqrt{180}$ ⑤ $\sqrt{0.00152}$

해설

$$\textcircled{1} \quad \sqrt{162} = \sqrt{1.62 \times 100} = 10 \sqrt{1.62} = 10 \times 1.273 = 12.73$$

$$\textcircled{2} \quad \sqrt{0.0192} = \sqrt{\frac{1.92}{100}} = \frac{\sqrt{1.92}}{10} = 0.1386$$

$$\textcircled{3} \quad \sqrt{17200} = \sqrt{1.72 \times 10^4} = 100 \sqrt{1.72} = 131.1$$

$$\textcircled{4} \quad \sqrt{180} = \sqrt{1.80 \times 10^2} = 10 \sqrt{1.80} = 13.42$$

$$\textcircled{5} \quad \sqrt{0.00152} = \sqrt{\frac{15.2}{10000}} = \frac{\sqrt{15.2}}{100}$$

17. $(2x + 1)^2$ 을 전개한 것은?

① $4x^2 + 4x + 1$ ② $4x^2 - 4x + 1$ ③ $2x^2 + 4x + 1$

④ $2x^2 - 4x + 1$ ⑤ $4x^2 + 2x + 1$

해설

$$\begin{aligned}(2x + 1)^2 &= (2x)^2 + 2 \times 2x \times 1 + 1^2 \\&= 4x^2 + 4x + 1\end{aligned}$$

18. 다음 중 $(x - 2)^2$ 을 전개한 것은?

- ① $x^2 - 4x - 4$ ② $x^2 - 2x - 2$ ③ $x^2 - 2x + 4$
④ $x^2 - 4x + 4$ ⑤ $x^2 + 4x + 4$

해설

$$x^2 + 2 \times x \times (-2) + (-2)^2 = x^2 - 4x + 4$$

19. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $(x + 2)^2 = x^2 + 4x + 4$
- ② $(x - 3)^2 = x^2 - 6x + 9$
- ③ $(x - 1)^2 = x^2 - 2x - 1$
- ④ $(x + 2y)^2 = x^2 + 4xy + 4y^2$
- ⑤ $(x - 5y)^2 = x^2 - 10xy + 25y^2$

해설

$$\textcircled{3} \quad (x - 1)^2 = x^2 - 2x + 1$$

20. $\left(5a - \frac{1}{3}b\right) \left(5a + \frac{1}{3}b\right)$ 를 전개하면?

- ① $5a^2 - \frac{1}{3}b^2$ ② $5a^2 - \frac{2}{3}b^2$ ③ $10a^2 - \frac{1}{9}b^2$
④ $25a^2 - \frac{2}{3}b^2$ ⑤ $25a^2 - \frac{1}{9}b^2$

해설

$$(5a)^2 - \left(\frac{1}{3}b\right)^2 = 25a^2 - \frac{1}{9}b^2$$