1. 이차방정식 $9x^2 - 6x - 1 = 0$ 을 풀면?

①
$$x = \frac{1}{3} \begin{pmatrix} \frac{2}{5} \frac{1}{1} \end{pmatrix}$$
 ② $x = -\frac{1}{3} \begin{pmatrix} \frac{2}{5} \frac{1}{1} \end{pmatrix}$ ③ $x = \frac{6 \pm \sqrt{2}}{18}$ ④ $x = \frac{2 \pm \sqrt{2}}{6}$ ⑤ $x = \frac{1 \pm \sqrt{2}}{3}$

$$ax^{2} + 2b'x + c = 0 (a \neq 0) 에서$$

$$x = \frac{-b' \pm \sqrt{b'^{2} - ac}}{a} 이다.$$

$$\therefore x = \frac{1 \pm \sqrt{2}}{3}$$

다음 중 이차방정식의 해가 옳지 <u>않은</u> 것을 모두 고르면?(정답 2개) **2**.

①
$$x^2 + \frac{1}{4}x - \frac{1}{8} = 0 \rightarrow x = -\frac{1}{2} \stackrel{\text{L}}{=} x = \frac{1}{4}$$

② $0.1x^2 - 0.2x - 0.3 = 0 \rightarrow x = -1 \stackrel{\text{L}}{=} x = 3$

(3)
$$0.1x^2 - \frac{1}{5}x - 1 = 0 \rightarrow x = -3 \, \text{\pm \frac{1}{12}} x = 5$$
(4) $0.2x^2 - 0.3x - \frac{1}{5} = 0 \rightarrow x = 2 \, \text{\pm \frac{1}{12}} x = \frac{1}{2}$
(5) $x^2 - 0.5x - 0.1 = 0 \rightarrow x = \frac{5 \pm \sqrt{65}}{20}$

⑤
$$x^2 - 0.5x - 0.1 = 0 \rightarrow x = \frac{5 \pm \sqrt{65}}{20}$$

③양변에 10 을 곱하면

 $x^2 - 2x - 10 = 0$

$$\therefore x = 1 \pm \sqrt{11}$$

④양변에 10 을 곱하면
$$2x^2 - 3x - 2 = 0$$
, $(x - 2)(2x + 1) = 0$

$$\therefore x = 2 \Xi \Xi x = -\frac{1}{2}$$

- 3. 다음 이차방정식 중에서 중근을 갖는 것은?
 - ① $x^2 + 8 = 6x + 1$ ③ $(x-2)^2 - x = 1$

- $\textcircled{4}3x 1 = 4x^2 x$

해설 $4x^2 - 4x + 1 = 0$

 $(2x-1)^2 = 0$ 따라서 중근을 갖는다. **4.** 이차방정식 $x^2 - 12x + 3 = 0$ 의 근의 개수를 구하여라.

<u>개</u>

▷ 정답: 2 <u>개</u>

 $x^2 - 12x + 3 = 0 \text{ odd}$

 $\frac{D}{4} = (-6)^2 - 1 \times 3 = 36 - 3 > 0$ 따라서 서로 다른 두 개의 근을 가진다.

- 0 의 근을 구하면?
 - ③x = 8(중간) ④ x = 2 또는 x = 8
 - ① $x = 4(\frac{\cancel{z} \cancel{1}}{\cancel{5} \cancel{1}})$ ② $x = 6(\frac{\cancel{z} \cancel{1}}{\cancel{5} \cancel{1}})$
 - ⑤ $x = 2 \pm \frac{1}{L} x = 6$

중근을 가지므로

$$\frac{D}{4} = 4^2 + a = 0, \ a = -16$$
$$x^2 - 16x + 64 = 0$$
$$(x - 8)^2 = 0$$

$$(x-8)^2 = 0$$

$$\therefore x = 8(\frac{2}{6} \frac{1}{6})$$

다음은 이차방정식 $ax^2+bx+c=0$ $(a\neq 0)$ 을 푸는 과정이다. ① ~ 6. ⑤에 들어갈 식이 바르지 못한 것은?

$$ax^{2} + bx + c = 0$$

$$x^{2} + \frac{b}{a}x = -\frac{c}{a}$$

$$x^{2} + \frac{b}{a}x + \boxed{1} = -\frac{c}{a} + \boxed{1}$$

$$(x + 2)^{2} = \boxed{3}$$

$$x = 4 \pm \boxed{5}$$

- ① $\frac{b^2}{4a^2}$ ② $\frac{b}{2a}$ ② $\frac{b}{\sqrt{b^2 4ac}}$ ② $\frac{\sqrt{b^2 4ac}}{2a}$

 $ax^2 + bx + c = 0$ \leftarrow 양변을 a 로 나눈다. $x^2 + \frac{b}{a}x = -\frac{c}{a} \leftarrow$ 양변에 $\left(\frac{b}{2a}\right)^2 = \frac{b^2}{4a^2}$ 흘 더한다.

$$x^{2} + \frac{b}{a}x + \frac{b^{2}}{4a^{2}} = -\frac{c}{a} + \frac{b^{2}}{4a^{2}}$$

$$a 4a^2 a 4a^2$$

$$\left(x + \frac{b}{2a}\right)^2 = \frac{b^2 - 4ac}{4a^2} \leftrightarrow x + \frac{b}{2a} = \pm \sqrt{\frac{b^2 - 4ac}{4a^2}}$$

$$x = -\frac{b}{2a} \pm \frac{\sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$\therefore ③ 이 잘못되었다.$$

7. 다음은 이차방정식 $ax^2 + 2bx + c = 0 \ (a \neq 0)$ 을 푸는 과정이다. ① ~ ⑤에 들어갈 식이 바르지 못한 것은? (단, $b^2-ac \ge 0$)

$$ax^{2} + 2bx + c = 0 (a \neq 0)$$

$$x^{2} + \frac{2b}{a}x = -\frac{c}{a}$$

$$x^{2} + \frac{2b}{a}x + \boxed{1} = -\frac{c}{a} + \boxed{1}$$

$$(x + \boxed{2})^{2} = \boxed{3}$$

$$x = \textcircled{4} \pm \boxed{5}$$

① $\frac{b^2}{a^2}$ ② $\frac{b}{a}$ ② $\frac{b}{a}$ ④ $\frac{\sqrt{b^2 - ac}}{a^2}$ $3 \frac{b^2 - ac}{a^2}$

 $ax^2 + 2bx + c = 0 (a \neq 0)$ 양변을 a 로 나누고 상수항을 이항하면 $x^2 + \frac{2b}{a}x = -\frac{c}{a},$ a a a b^{2} 양변에 $\frac{b^{2}}{a^{2}}$ 을 더하면 $x^{2} + \frac{2b}{a}x + \frac{b^{2}}{a^{2}} = -\frac{c}{a} + \frac{b^{2}}{a^{2}}$ $\left(x + \frac{b}{a}\right)^{2} = \frac{b^{2} - ac}{a^{2}}$ $x + \frac{b}{a} = \pm \frac{\sqrt{b^2 - ac}}{a}$ $x = -\frac{b}{a} \pm \frac{\sqrt{b^2 - ac}}{a}$ $\therefore \text{ ③가 잘못 되었다.}$

8. 이차방정식
$$3x^2 - 4x - 2 = 0$$
 을 풀면?

①
$$x = \frac{-4 \pm \sqrt{10}}{6}$$

③ $x = \frac{4 \pm \sqrt{10}}{6}$
⑤ $x = 1 \oplus 1 \pm 1 = \frac{1}{3}$

②
$$x = \frac{2 \pm \sqrt{10}}{3}$$

④ $x = \frac{-2 \pm 2\sqrt{10}}{3}$

$$x = \frac{4 \pm \sqrt{16 - 4 \times 3 \times (-2)}}{6} = \frac{2 \pm \sqrt{10}}{3}$$

9. 이차방정식 $x^2 + 4x - 1 = 0$ 의 두 근 중에서 양수를 a 라 할 때, n < a < n + 1 을 만족하는 정수 n 의 값을 구하여라.

 답:

 ▷ 정답:
 0

해설

 $x^2+4x-1=0$ 의 두 근은 $x=-2\pm\sqrt{5}$ a 는 양수이므로 $a=-2+\sqrt{5}$

 $0 < -2 + \sqrt{5} < 1$ $\therefore n = 0$

10. 이차방정식 $\frac{(x-2)(x+1)}{2} = \frac{x(x+1)}{3}$ 의 두 근 중 작은 근을 α 라고 할 때, α^2 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1

양변에 6을 곱하여 정리하면 3(x-2)(x+1) = 2x(x+1)

3(x-2)(x+1) = 2x(x+1) $3(x^2 - x - 2) = 2x^2 + 2x$

 $x^{2} - 5x - 6 = 0$ (x - 6)(x + 1) = 0

 $\therefore x = 6$ 또는 x = -1 $\alpha = -1$ 이므로 $\alpha^2 = 1$

11. 이차방정식 $(x-3)^2 - (x-3) = 12$ 를 풀면?

- $3x = 0 \pm x = 7$
- ① x = -3 또는 x = 4 ② x = -4 또는 x = 3
- $5 \quad x = 0 \pm \xi \quad x = 7$ $5 \quad x = 2 \pm \xi \quad x = 6$
- ④ x = -7 또는 x = 0

해설(x-3)

 $(x-3)^2 - (x-3) = 12$ x-3 = A 라고 하면 $A^2 - A - 12 = 0$

(A-4)(A+3) = 0

(x-3-4)(x-3+3) = 0x(x-7) = 0

 $\therefore x = 0$ 또는 x = 7

12. 이차방정식 $(x+3)^2 - 8(x+3) - 9 = 0$ 의 두 근의 합을 구하여라.

답:

▷ 정답: 2

해설

```
x+3=t 로 치환하면
```

 $t^2 - 8t - 9 = 0$, (t - 9)(t + 1) = 0, t = 9 또는 t = -1, x + 3 = 9 또는 x + 3 = -1, x = 6 또는 x = -4, 따라서 두 근의 합은 6 - 4 = 2이다.

- 13. 다음 이차방정식 중에서 근의 개수가 다른 하나는?

 - ① $x^2 + 3x + 3 = 0$ ② $3x^2 + 2x 10 = 0$
 - $(x-2)^2 = 3$
 - ③ $3x^2 6x + 1 = 0$ ④ $x^2 + 2x 4 = 0$

① D = 9 - 12 < 0이므로 해가 없다.

나머지 모두 해의 갯수는 2개이다.

14. 다음 이차방정식 중 서로 다른 두 근을 갖는 것을 모두 골라라.

 $9x^2 + 6x + 1 = 0$

▶ 답: ▶ 답:

▷ 정답: ⑤

▷ 정답: ②

① $2x^2 - 5x - 3 = 0$, $x = -\frac{1}{2}$, 3 이다. ⑤ $D = -4 \times 4 \times 1 = -16 < 0$ 이므로 근이 없다. ⓒ $D = (-2)^2 - 4 \times 4 = -12 < 0$ 이므로 근이 없다.

② $2x^2 - 6x + 1 = 0$, $x = \frac{3 \pm \sqrt{7}}{2}$ 이다.

© $(3x+1)^2 = 0$, $x = -\frac{1}{3}$ 로 중근이다.

- **15.** 이차방정식 $x^2 4x 12 = 0$ 의 근의 개수를 a 개, $\frac{1}{4}x^2 2x + 4 = 0$ 의 근의 개수를 b개라 할 때, a, b 를 근으로 하는 $x^2 + px + q = 0$ 의 근의 개수를 구하면?
 - ①2개 ③ 0개

② 1개

- ④ 무수히 많다.

⑤ 근의 개수를 구할 수 없다.

 $x^2 - 4x - 12 = 0$ 에서 $(-4)^2 + 4 \times 12 > 0$ 이므로 a = 2 이다. $\frac{1}{4}x^2 - 2x + 4 = 0$ 에서 $(-2)^2 - 4 \times \frac{1}{4} \times 4 = 0$ 이므로 b = 1 이다. 2,1 을 근으로 하는 방정식을 구하면 $(x-2)(x-1)=0, x^2-3x+2=0$ 이고 근의 개수는 $(-3)^2-4\times2\times1>0$ 이므로 2 개다.

16. 다음 이차방정식이 중근을 가질 때, 상수 a 의 값 중 작은 값은?

 $16x^2 + 4ax + 2a - 3 = 0$

① 2 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 8

 $(4a)^2 - 4 \times 16(2a - 3) = 0$ $a^2 - 8a + 12 = 0$ a = 2, 6∴ a 의 값 중 작은 값은 2 이다.

17. 이차방정식 $3x^2-2x-k=0$ 은 해를 갖고, 이차방정식 $(k-1)x^2+4x-5=$ 0 은 해가 없도록 하는 정수 k 의 값은?

① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

 $3x^2 - 2x - k = 0$ 이를 해를 가질 조건은

$$D = (-2)^2 - 4 \times 3 \times (-k) = 4 + 12k \ge 0 :: k \ge -\frac{1}{3} \cdot \cdot \cdot \bigcirc$$
$$(k-1)x^2 + 4x - 5 = 0 \circ] \text{ 해를 가지지 않을 조건은}$$

$$D = 4^2 - 4 \times (k - 1) \times (-5) = 16 + 20k - 20 < 0 : k < \frac{1}{5} \cdots \bigcirc$$

$$\bigcirc, \bigcirc \bigcirc \land \land \land -\frac{1}{3} \le k < \frac{1}{5}$$

$$\therefore k = 0$$

18. 이차방정식 $x^2 - 8x + a = 0$ 의 해가 정수일 때, 자연수 a 의 값 중 가장 큰 수를 구하여라.

▶ 답:

➢ 정답: 16

 $x^2 - 8x + a = 0$ 의 해 $x = 4 \pm \sqrt{16 - a}$ 가 정수이기 위해서는

해설

근호 안의 수가 제곱수이어야 한다. a는 자연수이므로 $0 \le 16 - a < 16$ 16 - a = 0, 1, 4, 9 $\therefore a = 7, 12, 15, 16$

따라서 가장 큰 수는 a=16이다.

19. 서로 다른 수 x, y 에 대하여 $2x^2 - 4xy + 2y^2 = 6x - 6y$ 가 성립할 때, x-y의 값을 구하여라. (단, $x \neq y$, $xy \neq 0$)

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

 $2x^{2} - 4xy + 2y^{2} = 6x - 6y$ $x^{2} - 2xy + y^{2} - 3x + 3y = 0$ $(x - y)^{2} - 3(x - y) = 0$ (x-y)(x-y-3) = 0 $x \neq y$ 이므로 x-y-3 = 0, x-y = 3 이다. **20.** x 에 관한 이차방정식 $x^2 - 2(k+a)x + (k^2 - k + b) = 0$ 이 k 값에 관계없이 중근을 가질 때, 8ab 의 값은?

① -2 ② 2

해설

$$D/4 = (k+a)^2 - (k^2 - k + b) = 0$$

k 에 대해서 정리하면

 $(2a+1)k+a^2-b=0$, 이 식이 k에 관한 항등식이므로 2a+1=

 $0, \ a^2 - b = 0$ $\therefore a = -\frac{1}{2}, \ b = \frac{1}{4}$ $\therefore 8ab = 8\left(-\frac{1}{2}\right)\left(\frac{1}{4}\right) = -1$

$$.. a = -\frac{1}{2}, b =$$

$$\therefore 8ab = 8\left(-\frac{1}{2}\right)$$