

1. 500 원짜리 사과와 700 원짜리 오렌지를 사려고 한다. 사과를 오렌지보다 4 개 더 많이 사고 전체를 12000 원 이하로 산다면 오렌지는 최대 몇 개까지 살 수 있는지 구하여라.

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 8 개

해설

오렌지를 x 개, 사과를 $x + 4$ 개 산다면

$$500(x + 4) + 700x \leq 12000$$

$$5(x + 4) + 7x \leq 120$$

$$12x \leq 100$$

$$\therefore x \leq \frac{25}{3}$$

2. 700 원짜리 빵과 500 원짜리 우유를 합하여 6 개 사려고 하는데 4000 원을 넘기지 않고 사려고 한다. 최대로 살 수 있는 빵의 개수는 몇 개인가?

① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

해설

구하고자 하는 700 원짜리 빵의 개수를 x 라고 하면 500 원짜리 우유의 개수는 $6 - x$ 이다. 둘이 합쳐 4000 원을 넘지 말아야 함으로 이것을 식으로 표현하면, $700x + 500(6 - x) \leq 4000$ 이다. $700x + 500(6 - x) \leq 4000$ 을 풀어쓰면 $700x + 3000 - 500x \leq 4000$ 이고 x 에 대해 정리하면 $200x \leq 1000$ 임으로, $x \leq \frac{1000}{200} = 5$ 이다. 빵의 개수는 자연수어야 함으로 최대로 살 수 있는 700 원짜리 빵은 5 개이다.

3. 한 송이에 800 원인 백합을 200 원짜리 바구니에 담아 그 값이 10000 원 이하가 되게 하려고 한다. 이 때, 백합은 몇 송이까지 살 수 있는가?

① 8송이

② 9송이

③ 10송이

④ 11송이

⑤ 12송이

해설

백합을 x 송이 산다고 하면

$$800x + 200 \leq 10000$$

$$800x \leq 9800$$

$$\therefore x \leq \frac{49}{4}$$

따라서, 백합은 최대 12송이까지 살 수 있다.

4. A 중학교에 다니는 혜교는 등교할 때 미술 준비물을 준비하지 못했다. 미술 준비물을 사기 위해 점심 시간 1 시간을 이용하여 시속 2km로 걸어서 문방구에서 준비하려고 한다. 미술 준비물을 사는데 20분이 걸린다면 학교에서 몇 km 이내의 문방구를 이용하면 되는가?

- ① $\frac{1}{2}$ km 이내 ② $\frac{1}{3}$ km 이내 ③ $\frac{2}{3}$ km 이내
④ $\frac{1}{4}$ km 이내 ⑤ $\frac{3}{4}$ km 이내

해설

문방구까지의 거리를 x 라 하면

$$\frac{x}{2} + \frac{20}{60} + \frac{x}{2} \leq 1$$

$$\therefore x \leq \frac{2}{3} \text{ (km)}$$

따라서 $\frac{2}{3}$ km 이내의 문방구를 이용해야 한다.

5. 한결이가 8km 떨어진 외삼촌댁에 심부름을 다녀오는 데 1시간 이내에 돌아와야 한다고 할 때, 최소 시속 몇 km로 가야 하는지 구하여라.

▶ 답 : km

▷ 정답 : 16 km

해설

시속을 x 라 하면 왕복이므로 이동 거리는 16km이므로 $\frac{16}{x} \leq 1$ 이다.
 $\therefore x \geq 16$ (km)

6. 오후 7시에 출발하는 버스를 타기 위해 오후 4시에 터미널에 도착하였다. 출발 시각까지 남은 시간을 이용하여 선물을 사려고 하는데 선물을 고르는데 1시간 걸린다고 하면, 시속 3km로 걸어서 갔다가 올 때, 터미널에서 몇 km 이내에 있는 상점을 이용해야 하는지 구하여라.

▶ 답 : km이내

▷ 정답 : 3km이내

해설

상점까지 거리를 x 라 하면

$$\frac{x}{3} + 1 + \frac{x}{3} \leq 3$$

$$\therefore x \leq 3 \text{ (km)}$$

7. 어머니와 딸의 나이의 합이 56 살이고 어머니의 나이가 딸보다 28 살이 많다. 딸의 나이는?

① 11 세 ② 12 세 ③ 13 세 ④ 14 세 ⑤ 15 세

해설

어머니의 나이를 x 세, 딸의 나이를 y 세라 하면

$$\begin{cases} x + y = 56 & \cdots (1) \\ x = y + 28 & \cdots (2) \end{cases}$$

(2)를 (1)에 대입하면 $y + 28 + y = 56$

$y = 14$, $x = y + 28 = 42$

따라서 딸의 나이는 14세이다.

8. 아버지와 아들의 나이의 합은 60 세이고, 차는 30 세이다. 아들의 나이는?

① 12 세 ② 13 세 ③ 14 세 ④ 15 세 ⑤ 16 세

해설

아버지의 나이를 x 세, 아들의 나이를 y 세라 하면

$$\begin{cases} x + y = 60 \\ x - y = 30 \end{cases}$$

두 식을 변끼리 더하면 $2x = 90$

$$\therefore x = 45, y = 15$$

9. 작년에는 철수의 나이가 영희의 나이의 4 배였는데 내년에는 3 배가 된다고 한다. 올해의 철수와 영희의 나이의 합을 구하여라.

▶ **답:** 세

▷ 정답 : 22세

해설

올해 철수의 나이를 x 세, 영희의 나이를 y 세라 하면

$$\begin{cases} x-1=4(y-1) \\ x+1=3(y+1) \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x=4y-3 & \cdots (1) \\ x=3y+2 & \cdots (2) \end{cases}$$

(1)을 (2)에 대입하면 $4y - 3 = 3y + 2$

$$y = 5, x = 3y + 2 = 17$$

따라서 올해 철수의 나이와 영희의 나이의 합은 $17 + 5 = 22$ 이다.

10. 두 수 x, y 가 있다. 큰 수를 작은 수로 나누면 몫은 7 이고 나머지는 4 이며, 또 큰 수의 2 배를 작은 수로 나누면 몫은 15 이고 나머지는 2 이다. 큰 수를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 46

해설

$$\begin{cases} x = 7y + 4 \\ 2x = 15y + 2 \end{cases}$$

연립하여 풀면 $x = 46$, $y = 6$ 이다.

11. 어떤 가게에서 사과와 귤을 10%씩 할인하여 팔고 있었다. 수희는 900원짜리 사과와 400원짜리 귤을 할인된 가격으로 총 6120원 어치를 사려고 하였는데, 실수로 사과와 귤의 개수를 바꾸어 샀더니 총 7920원 어치가 되어버렸다. 원래 사려고 했던 사과와 귤의 개수를 각각 구하여라.

▶ 답: 개▶ 답: 개

▷ 정답 : 사과 : 4개

▷ 정답 : 굴 : 8개

해설

원래 사려고 했던 사과와의 개수를 x 개, 귤의 개수를 y 개라고 하면,

총 할인금액은 $0.1(900x + 400y)$ 원이다.

$$900x + 400y - 0.1(900x + 400y) = 6120$$

$$\therefore 9x + 4y = 68$$

사과와 귤의 개수를 바꾸어 샀을 때는

$$400x + 900y - 0.1(400x + 900y) = 7920$$

$$\therefore 4x + 9y = 88$$

두 식을 연립하여 풀면 $x = 4, y = 8$

따라서 원래 사려고 했던 사과와 귤의 개수는 각각 4 개, 8 개이다.

12. 다음 조건을 만족하는 세 자연수 a, b, c 에 대하여 $a - b + c$ 의 값을 구하여라.

- (1) a, b 는 38 보다 작은 두 자리 자연수이고 $a > b$ 이다.
(2) c 는 한 자리 자연수이다.
(3) 두 자리 자연수 n 에 대하여 두 숫자를 서로 바꾼 수를 $f(n)$ 이라고 할 때,
 $|a - f(a)| + c = |b - f(b)| - c = 63$ 이다.

▶ 답 :

▷ 정답 : 18

해설

a, b 는 두 자리 자연수이므로 $a = 10p + q, b = 10s + t$ 라 하면
(3) 에서
 $|(10p + q) - (10q + p)| + c = 63,$
 $9|p - q| + c = 63,$
 $\therefore c = 9(7 - |p - q|)$
따라서 c 는 9 의 배수이고 $1 \leq c \leq 9$ 이므로 $c = 9$ 이다.
이때, $7 - |p - q| = 1$ 이므로 $|p - q| = 6$
 $\therefore (p, q) = (1, 7)(2, 8)(3, 9)(7, 1)(8, 2)(9, 3)$
그런데 a 가 38 보다 작으므로 $a = 17$ 또는 28
(3) 에서
 $|(10s + t) - (10t + s)| - 9 = 63$
 $9|s - t| = 72, |s - t| = 8$
 $\therefore (s, t) = (1, 9)(9, 1)$ 이때, b 는 38 보다 작으므로 $b = 19$
그런데 $a > b$ 이므로 $a = 28, b = 19, c = 9$
 $a - b + c = 28 - 19 + 9 = 18$ 이다.

13. 음악실에서 학생들이 한 의자에 5명씩 앉으면 5명이 남고, 6명씩 앉으면 의자 한 개가 남고 마지막 한 의자에는 5명이 앉게 된다고 한다. 학생 수와 의자의 개수를 각각 구하면?

- ① 학생 60명, 의자 12개 ② 학생 65명, 의자 11개
③ 학생 65명, 의자 13개 ④ 학생 65명, 의자 12개
⑤ 학생 60명, 의자 11개

해설

학생수를 x 명, 의자의 개수를 y 개라 하고,

$$\begin{cases} x = 5y + 5 \\ x = 6(y - 2) + 5 \end{cases} \quad \text{를 풀면 } x = 65, y = 12$$

14. 어느 중학교 신입생 156 명을 6 개반에 배치하였더니 각 반의 정원이 25 명 또는 28 명이였다. 정원이 25 명인 반은 모두 몇 개인가?

① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

해설

25 명이 정원인 반의 수를 x 개, 28 명이 정원인 반의 수를 y 개라 하면

$$\begin{cases} x + y = 6 \\ 25x + 28y = 156 \end{cases}$$

연립하여 풀면 $x = 4$, $y = 2$ 이다.

15. 어느 모임에서 회비를 내는데, 한 사람이 500 원씩 내면 500 원이 부족하고, 600 원씩 내면 1500 원이 남는다. 이 모임의 필요한 경비는 얼마인가?

① 3600 원

② 5500 원

③ 9000 원

④ 10500 원

⑤ 12000 원

해설

필요한 경비를 y 원, 사람수를 x 명이라 하면

$$\begin{cases} y = 500x + 500 \\ y = 600x - 1500 \end{cases} \quad \text{에서 } x = 20, \quad y = 10500$$

16. 논술 시험 폐지에 대한 의견하는데 반대표가 찬성표보다 3 표 적어서 전체 투표 수의 40%를 차지하였다. 투표에 참여한 사람들은 모두 몇 명인지 구하여라. (단, 무효표나 기권은 없으며, 한 사람당 한 표의 투표권이 있다.)

▶ **답:** 명

▷ 정답 : 15 명

해설

반대표를 x , 찬성표를 y 라고 하면

$$\begin{cases} x = y - 3 \\ (x + y) \times \frac{40}{100} = x \end{cases}, \stackrel{Z_7}{\sim} \begin{cases} x = y - 3 \\ 3x = 2y \end{cases}$$

$$\therefore x = 6, y = 9$$

따라서 투표한 참여한 사람은 $6 + 9 = 15$ (명)이다.

17. 산악회 모임의 전체 회원 수는 48 명이다. 이번 등산에 남자 회원의 $\frac{3}{8}$ 과 여자 회원의 $\frac{1}{2}$ 이 참가하여 모두 20 명이 모였다. 이 산악회의 여자 회원 수를 구하여라.

▶ 답 : 명

▷ 정답 : 16 명

해설

남자 회원 수를 x 명 , 여자 회원 수를 y 명이라 하면

$$\begin{cases} x+y=48 \\ \frac{3}{8}x+\frac{1}{2}y=20 \end{cases}, \text{ 즉 } \begin{cases} x+y=48 \\ 3x+4y=160 \end{cases}$$

$$\therefore x=32, y=16$$

18. 두 땅 A, B 의 1m^2 당 가격의 비는 $13 : 10$ 이다. 어떤 사람이 각각 1m^2 당 정가보다 10 만원 싼 가격으로 A 와 B 의 넓이비가 $8 : 7$ 이 되도록 땅을 구입하였는데, A 와 B 를 구입하는 데 든 금액의 비는 $8 : 9$ 였다고 한다. 이때 A, B 각각의 1m^2 당 정가를 구하여라.

▶ 답 : 원

▶ 답 : 원

▷ 정답 : $A = \frac{260}{47}$ 원

▷ 정답 : $B = \frac{200}{47}$ 원

해설

A 와 B 의 정가를 각각 x 원, y 원, 구입한 A와 B의 넓이를 각각 $8a\text{m}^2$, $7a\text{m}^2$ 라 하면

$x : y = 13 : 10$ 에서

$$10x - 13y = 0 \cdots \textcircled{A}$$

$8a(x - 10) : 7a(y - 10) = 8 : 9$ 에서

$$9x - 7y = 20 \cdots \textcircled{B}$$

$\textcircled{A}$, $\textcircled{B}$ 을 연립하여 풀면

$$\therefore x = \frac{260}{47}, y = \frac{200}{47}$$

19. 서로 반대방향으로 곧게 뻗어있는 길의 양 끝 A, B 지점에서 두 사람의 자동차 경주가 시작되었다. 철수는 A 지점에서 B 지점을 향해, 영철이는 B 지점에서 A 지점을 향해 달리다가 중간의 휴게소에서 만나서 확인결과 철수가 영철이보다 30km 더 이동했다는 사실을 알았다. 두 사람은 휴게소에서 동시에 출발하여 철수는 2 시간 만에 B 지점에, 영철이는 8 시간 만에 A 지점에 도착하였을 때, 두 지점 A, B 사이의 거리를 구하여라. (단, 두 사람이 이동하는 속력은 각각 일정하다.)

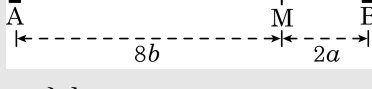
▶ 답 : km

▷ 정답 : 90km

해설

철수와 영철이의 속력을 각각 $a\text{km/h}$, $b\text{km/h}$ 라 하고 중간의 휴

게소의 위치를 M 이라 하면

 $AM = 8b(\text{km}), BM = 2a(\text{km})$ 이다.

철수와 영철이가 휴게소까지 가는 데 걸린 시간이 같으므로

$$\frac{8b}{a} = \frac{2a}{b}$$

$$2a^2 = 8b^2$$

$$\therefore a = 2b (\because a > 0, b > 0) \dots \textcircled{7}$$

또한, $\overline{AM} - \overline{BM} = 30(\text{km})$ 이므로

$$8b - 2a = 30 \cdots \textcircled{L}$$

㉠, ㉡을 연립하여 방정식을 풀면 $a = 15, b = \frac{15}{2}$

$$\therefore \overline{AB} = 8b + 2a = 90(\text{km})$$

20. 철수가 20m 걷는 동안에 영희는 30m 를 걷는 속도로, 철수와 영희가 2km 떨어진 지점에서 서로 마주보고 걸었더니 10 분 만에 만났다. 영희의 걷는 속력을 구하여라.

▶ 답 : m/min

▷ 정답 : 120 m/min

해설

철수의 속력 x m/min , 영희의 속력 y m/min 라 하면
 $x : y = 2 : 3$
 $2y = 3x \cdots \textcircled{1}$
 $10x + 10y = 2000 \cdots \textcircled{2}$
 $\textcircled{1}, \textcircled{2}$ 을 연립하여 풀면,
 $x = 80, y = 120$
 $\therefore$ 영희의 속력 120 m/min

21. 둘레의 길이가 400m 인 트랙을 A,B 두 사람이 같은 지점에서 동시에 반대 방향으로 출발하면 20초후에 만나고, 동시에 같은 방향으로 달리면 1 분 40 초 후에 다시 만난다고 한다. A,B 두 사람의 속도 (m/s)을 순서대로 구하시오. (단, B 는 A 보다 빠르다고 한다)

▶ 답 : m/s

▶ 답 : m/s

▷ 정답 : 8m/s

▷ 정답 : 12m/s

해설

A 속도 x m/s , B 속도 y m/s라 하면
A,B 두 사람이 같은 지점에서 동시에 반대 방향으로 트랙을 돌아서 처음 서로 만났다 하는 것은 20초 동안 두 사람이 달린 거리의 합은 트랙의 둘레의 길이와 같다는 것이다.
따라서 $20x + 20y = 400 \cdots \textcircled{A}$ 이다.
A,B 두 사람이 같은 지점에서 같은 방향으로 달려서 처음 서로 만났다 하는 것은 1분 40초 동안 B가 달린 거리와 A가 달린 거리의 차가 트랙의 둘레의 길이와 같다는 것과 같다.
따라서 $100y - 100x = 400 \cdots \textcircled{B}$ 이다.
 $\textcircled{A}$ 의 양변을 20 으로 나누고
 $\textcircled{B}$ 의 양변을 100 으로 나눈 다음 연립 방정식을 풀면
 $x + y = 20$
 $x - y = -4$
위의 두 식을 빼면 $2y = 24$
 $y = 12$, $x = 8$
 $\therefore$ A 속도 8 m/s, B 속도 12 m/s

22. 속력이 일정한 보트를 타고 거리가 20 km 인 강을 거슬러 올라갈 때는 4 시간이 걸렸고, 강물을 따라 내려올 때는 2 시간이 걸렸다. 흐르지 않는 물에서의 배의 속력과 강물의 속력을 각각 구하여라

▶ 답 : km

▶ 답 : km

▷ 정답 : 배의 속력 : 시속 7.5 km

▷ 정답 : 강물의 속력 : 시속 2.5 km

해설

흐르지 않는 물에서 배의 속력을 시속 xkm , 강물의 속력을 시속 ykm 라 하면

$$\begin{cases} 4(x-y) = 20 \\ 2(x+y) = 20 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 4x-4y = 20 \\ 4x+4y = 40 \end{cases}$$

$$\therefore 8x = 60$$

$$\therefore x = 7.5, y = 2.5$$

23. 속력이 일정한 유람선을 타고 거리가 15km 인 강을 거슬러 올라갈 때는 3 시간이 걸렸고, 강물을 따라 내려올 때는 1 시간이 걸렸다. 흐르지 않는 물에서의 유람선의 속력과 강물의 속력을 각각 구하여라.

▶ 답 : km

▶ 답 : km

▷ 정답 : 유람선의 속력 : 시속 10km

▷ 정답 : 강물의 속력 : 시속 5km

해설

흐르지 않는 물에서 유람선의 속력을 시속 x km , 강물의 속력을 시속 y km 라 하면

$$\begin{cases} 3(x-y) = 15 \\ x+y = 15 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 3x-3y = 15 \\ 3x+3y = 45 \end{cases}$$

$$\therefore 6x = 60$$

$$\therefore x = 10, y = 5$$

24. 10km 떨어진 강의 두 지점을 왕복하는 배가 있다. 강물을 거슬러 올라가다가 고장이 나서 10 분간 떠내려가는 바람에 왕복하는 데 2 시간이 걸렸다. 떠내려 간 시간을 빼면, 올라가는 데 걸린 시간은 내려가는 데 걸린 시간의 $\frac{6}{5}$ 배였다. 정지된 물에서의 배의 속력을 구하여라.

▶ 답 : km/h

▷ 정답 : $\frac{144}{13}$ km/h

해설

정지된 물에서의 배의 속력을 시속 x km, 흐르는 물의 속력을 시속 y km 라 하면

10 분간 떠내려 간 거리는 $\frac{y}{6}$ km 이다.

또 한, 배 가 총 움 직 인 시 간 은 (왕복 2시간) - (고장나서 떠내려 간 시간 10분) = 110분 이고,
(올라갈 때 걸린 시간) : (내려올 때 걸린 시간) = 6 : 5 이므로
올라갈 때 걸린 시간은 60 분(1 시간), 내려올 때 걸린 시간은 50

분($\frac{5}{6}$ 시간) 이다.

거리에 관한 식을 세우면

$$\begin{cases} \frac{5}{6}(x+y) = 10 & \cdots \textcircled{㉠} \\ x-y = 10 + \frac{1}{6}y & \cdots \textcircled{㉡} \end{cases}$$

㉠, ㉡을 연립하여 방정식의 해를 구하면

$$x = \frac{144}{13}, y = \frac{12}{13}$$

따라서 정지된 물에서의 배의 속력은 $\frac{144}{13}$ km/h이다.