

1. 다음 연립방정식의 해가 무수히 많을 때, a, b 의 값을 각각 구하여라.

$$\begin{cases} x - \frac{1}{2}ay = 3 \\ 4bx - 0.8y = 1.2 \end{cases}$$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $a = 4$

▷ 정답 : $b = 0.1$ 또는 $\frac{1}{10}$

해설

$3 \times 0.4 = 1.2$ 이므로

$1 \times 0.4 = 4b \rightarrow b = 0.1$

$-\frac{1}{2}a \times 0.4 = -0.8 \rightarrow a = 4$

2. 연립방정식 $\begin{cases} y = 2x + 3 \\ ax - 3y = b \end{cases}$ 의 해가 무수히 많을 때, a , b 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $a = 6$

▷ 정답 : $b = -9$

해설

해가 무수히 많으려면

$y = 2x + 3$ 과 $ax - 3y = b$ 가 일치해야 하므로

$y = 2x + 3$ 에 -3 을 곱하면

$$-3y = -6x - 9$$

$$6x - 3y = -9$$

$$\therefore a = 6, b = -9$$

3. 연립방정식 $\begin{cases} ax+3y=-2 \\ -3x+by=6 \end{cases}$ 의 해가 무수히 많기 위한 a, b 의 값을 구하면?

- ① $a=3, b=2$ ② $a=-2, b=6$ ③ $a=-3, b=6$
④ $a=1, b=-9$ ⑤ $a=-1, b=2$

해설

해가 무수히 많을 조건은 $\frac{a}{-3} = \frac{3}{b} = \frac{-2}{6}$ 이므로 $a=1, b=-9$ 이다.

4. 연립방정식 $\begin{cases} x+y=7 \\ 2x+ay=14 \end{cases}$ 의 해가 무수히 많을 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $a = 2$

해설

해가 무수히 많을 조건은 $\frac{1}{2} = \frac{1}{a} = \frac{7}{14}$
 $\therefore a = 2$

5. 다음 보기 중에서 두 일차방정식을 한 쌍으로 하는 연립방정식을 만들었을 때, 해가 없는 것은?

보기

ㄱ. $0.2x - 0.6y = \frac{2}{5}$
ㄴ. $\frac{x}{3} - \frac{y}{2} = -\frac{5}{2}$
ㄷ. $0.3x - 0.4y = -\frac{2}{7}$
ㄹ. $\frac{x}{6} - \frac{y}{2} = -\frac{1}{3}$

- ① ㄱ, ㄴ ② ㄴ, ㄷ ③ ㄷ, ㄹ ④ ㄱ, ㄹ ⑤ ㄴ, ㄹ

해설

ㄱ식에 $\times 10$ 을 한 $2x - 6y = 4$ 에서 ㄹ식에 $\times 12$ 를 한 $2x - 6y = -4$ 를 빼면 $0 \cdot x = 8$ 이 되므로 이 두 일차방정식을 한 쌍으로 하는 연립방정식은 해가 없다.

6. 연립방정식 $\begin{cases} ax - 2y = 8 \\ 3x + 2y = 2 \end{cases}$ 의 해가 없을 때, a 의 값은?

- ① -6 ② 6 ③ 3 ④ -3 ⑤ 12

해설

$$\begin{aligned} \frac{a}{3} &= \frac{-2}{2} \neq \frac{8}{2} \\ \frac{a}{3} &= -1 \neq 4 \\ \therefore a &= -3 \end{aligned}$$

7. 다음 연립방정식 중 해가 없는 것은?

- ① $\begin{cases} 6x + 2y = 10 \\ 3x + y = 5 \end{cases}$
- ② $\begin{cases} x - 3y = 9 \\ 4x - 12y = 36 \end{cases}$
- ③ $\begin{cases} x - 3y = 4 \\ 3x - 9y = 17 \end{cases}$
- ④ $\begin{cases} 2x - y = 3 \\ 12x - 6y = 18 \end{cases}$
- ⑤ $\begin{cases} 3x - 2y = 1 \\ 4x - 2(2y - x) + 3 = 5 \end{cases}$

해설

해가 없는 것을 찾는다.

$$\textcircled{3} \begin{cases} x - 3y = 4 \\ 3x - 9y = 17 \end{cases} \quad \text{에서} \quad \begin{cases} 3x - 9y = 12 \\ 3x - 9y = 17 \end{cases} \quad \text{이므로 해가 없다.}$$

8. 연립방정식 $\begin{cases} y = mx + 3 \\ y = (2m - 1)x + 4 \end{cases}$ 을 만족하는 (x, y) 가 적어도 한 쌍 존재하기 위한 실수 m 의 값은?
- ① 모든 실수 ② $m \neq 0$
- ③ $m \neq \frac{1}{2}$ 인 모든 수 ④ $m \neq 1$ 인 모든 수
- ⑤ m 의 값이 없다.

해설

연립방정식은 두 방정식의 그래프가 평행한 직선이 아니면 해를 갖는다.

두 직선이 평행인 경우는 기울기가 같아야 하므로 $m = 2m - 1$ 이므로, $m = 1$ 이고 직선은 $y = 2x - 1$ 이고 직선의 방정식은 $y = 2x - 1$ 이다.

두 직선이 평행인 경우는 기울기가 같아야 하므로 $m = 2m - 1$ 에서 $m = 1$ (두 직선은 m 에 관계없이 y 절편이 다르므로 일치할 수 없다.)

따라서 구하는 m 의 값은 $m \neq 1$ 의 모든 수

해설

두 식을 정리하면

$$mx - y + 3 = 0, (2m - 1)x - y + 4 = 0$$

적어도 한쌍의 해를 가질 조건은

$$\frac{m}{2m-1} \neq \frac{-1}{-1} \text{에서 } m \neq 1 \text{ 인 모든 수}$$

9. 연립방정식 $\begin{cases} 2x - y = 5 \cdots \textcircled{A} \\ ax - 2y = b \cdots \textcircled{B} \end{cases}$ 은 해를 갖지 않고 일차방정식 $\textcircled{B}$ 의 그래프가 (1, 2)를 지난다고 할 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

연립방정식이 해를 갖지 않으므로

$$\frac{2}{a} = \frac{-1}{-2} \neq \frac{5}{b} \text{에서}$$

$$a = 4$$

$\textcircled{B}$ 에 (1, 2) 를 대입하면 $a - 4 = b$ 에서

$$b = 4 - 4 = 0 \quad \therefore a + b = 4 + 0 = 4$$

10. 연립방정식 $\begin{cases} 0.4x + 3ay = 12 \\ -\frac{1}{2}bx + 1.5y = 20 \end{cases}$ 의 해가 무수히 많을 때, ab 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $-\frac{2}{5}$

해설

$$\frac{0.4}{-\frac{1}{2}b} = \frac{3a}{1.5} = \frac{12}{20}$$

$$-\frac{4}{5b} = 2a = \frac{3}{5}$$

$$a = \frac{3}{10}, b = -\frac{4}{3}$$

$$\therefore ab = -\frac{2}{5}$$