

1. 다음 두 연립방정식의 해가 같을 때, ab 의 값을 구하여라.

$$\begin{cases} 2x + y = 9 \\ x - 2y = a \end{cases} \quad \begin{cases} x = 6y - 2 \\ bx + 2y = 14 \end{cases}$$

▶ 답:

▷ 정답: $ab = 6$

해설

$x = 6y - 2$ 를 $2x + y = 9$ 에 대입하여 풀면 $y = 1$, $x = 4$ 가 나온다.

나머지 두식에 대입하면

$$4 - 2 = a \quad \therefore a = 2$$

$$4b + 2 = 14 \quad \therefore b = 3$$

따라서 $ab = 6$ 이다.

2. 연립방정식 $\begin{cases} 0.6x + 0.5y = 2.8 \\ \frac{1}{3}x + \frac{1}{2}y = 2 \end{cases}$ 의 해를 구하면?

- ① $x = -2, y = 3$ ② $x = 3, y = 2$
③ $x = -3, y = -2$ ④ $x = 2, y = -3$
⑤ $x = 3, y = -2$

해설

첫 번째 식에 $\times 10$, 두 번째 식에 $\times 6$ 을 하면
각각 $6x + 5y = 28, 2x + 3y = 12$ 이다.
두 방정식을 연립하면 $x = 3, y = 2$ 이다.

3. 다음 중 해가 무수히 많은 연립방정식은?

$$\begin{array}{l}
 \textcircled{1} \begin{cases} 6x - 2y = 10 \\ 9x - 3y = 12 \end{cases} \\
 \textcircled{3} \begin{cases} 6x = 4y + 8 \\ 3(x + y) - 5y = -4 \end{cases} \\
 \textcircled{5} \begin{cases} 3x = 4y - 9 \\ x = 2y - 3 \end{cases}
 \end{array}
 \qquad
 \begin{array}{l}
 \textcircled{2} \begin{cases} 0.4x - 0.2y = 1 \\ 4x - 2y = 10 \end{cases} \\
 \textcircled{4} \begin{cases} \frac{x}{2} + \frac{y}{3} = 1 \\ 2x - \frac{4}{3}y = 4 \end{cases}
 \end{array}$$

해설

두 방정식의 미지수의 계수와 상수항이 각각 같을 때 해가 무수히 많다.

따라서 $\textcircled{2} \begin{cases} 0.4x - 0.2y = 1 & \dots \textcircled{㉠} \\ 4x - 2y = 10 & \dots \textcircled{㉡} \end{cases} \quad 10 \times \textcircled{㉠} = \textcircled{㉡}$ 이므로 해가

무수히 많다.

- ① 해가 없다.
- ③ 해가 없다.
- ④ 1쌍의 해가 있다.
- ⑤ 1쌍의 해가 있다.

4. 배로 4km 의 강을 거슬러 올라가는데 1 시간, 내려가는데 40 분이 걸렸다. 흐르는 강물의 속력과 배의 속력은?

- ① 강물의 속력 : 1km/시, 배의 속력 : 5km/시
- ② 강물의 속력 : 2km/시, 배의 속력 : 5km/시
- ③ 강물의 속력 : 1km/시, 배의 속력 : 3km/시
- ④ 강물의 속력 : 1km/시, 배의 속력 : 4km/시
- ⑤ 강물의 속력 : 2km/시, 배의 속력 : 10km/시

해설

배의 속력을 x km/시, 강물의 속력을 y km/시라 하면

$$x - y = 4, \quad \frac{2}{3}x + \frac{2}{3}y = 4$$

두 방정식을 연립하여 풀면

$$\therefore x = 5, y = 1$$

5. $y = f(x)$ 인 일차함수에서 $f(x) = \frac{4}{3}x - 2$ 일 때, $2f(6) + f(-3)$ 의 값은?

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설

$$f(6) = \frac{4}{3} \times 6 - 2 = 6$$

$$f(-3) = \frac{4}{3} \times (-3) - 2 = -6$$

$$\therefore 2f(6) + f(-3) = 2 \times 6 + (-6) = 6$$

6. 일차함수 $y = -2x + 4$ 의 그래프를 y 축 방향으로 -2 만큼 평행 이동한 그래프의 y 절편을 구하면?

- ① 4 ② 2 ③ 0 ④ 8 ⑤ -2

해설

일차함수 $y = -2x + 4$ 의 그래프를 y 축 방향으로 -2 만큼 평행 이동한 함수는 $y = -2x + 2$ 이므로 이 함수의 y 절편은 $y = -2 \times 0 + 2 = 2$ 이다.

7. x 절편이 -6 이고 y 절편이 -3 인 그래프가 점 $(k, -4)$ 를 지날 때, k 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

$y = -\frac{1}{2}x - 3$ 에서 $(k, -4)$ 를 지나므로

$$-4 = -\frac{1}{2}k - 3$$

$$-1 = -\frac{1}{2}k$$

$$\therefore k = 2$$

8. 다음 중 일차방정식 $6x-18=0$ 의 그래프에 관한 설명으로 옳은 것은?

보기

- ㉠ x 의 값에 관계없이 y 의 값은 항상 -3 이다.
- ㉡ y 의 값에 관계없이 x 의 값은 항상 -3 이다.
- ㉢ y 축과 평행한 직선이다.
- ㉣ x 축과 평행한 직선이다.
- ㉤ 점 $(3, -9)$ 를 지난다.

- ① ㉠,㉢ ② ㉡,㉣ ③ ㉡,㉣ ④ ㉢,㉣ ⑤ ㉢,㉣

해설

방정식은 $x=3$ 꼴의 함수인 상수함수이고,
 y 값에 관계없이 항상 x 값은 3 이고, y 축과 평행하다.

9. 연립방정식 $\begin{cases} x-3y=a \\ 2x+by=1 \end{cases}$ 의 해가 (5, 1) 일 때, $a-b$ 의 값을 구하라.

▶ 답:

▷ 정답: 11

해설

각 식에 $x=5, y=1$ 을 대입하면,

$$5-3=a$$

$$\therefore a=2$$

$$10+b=1$$

$$\therefore b=-9$$

$$\therefore a-b=2-(-9)=11$$

10. $-3(x - 2y) = -8x + 7$, $2(x + 4y) - 3 = 4y + 3$ 에 대하여 다음 중
연립방정식의 해는?

① $\{(2, 1)\}$

② $\{(12, -1)\}$

③ $\{(3, 2)\}$

④ $\{(-2, 3)\}$

⑤ $\{(-1, 2)\}$

해설

$$\begin{cases} -3(x - 2y) = -8x + 7 & \cdots \text{㉠} \\ 2(x + 4y) - 3 = 4y + 3 & \cdots \text{㉡} \end{cases}$$

㉠, ㉡을 정리하면

$$\begin{cases} 5x + 6y = 7 & \cdots \text{㉢} \\ 2x + 4y = 6 & \cdots \text{㉣} \end{cases}$$

㉢ $\times 2$ - ㉣ $\times 3$ 을 하면 $4x = -4$

$\therefore x = -1$

$x = -1$ 을 ㉢에 대입하면 $-5 + 6y = 7$

$\therefore y = 2$

$\therefore (-1, 2)$

11. 다음 중 해가 없는 연립방정식은?

$$\begin{array}{ll} \textcircled{1} \begin{cases} 5x - 2y = 4 \\ 10x - 4y = 8 \end{cases} & \textcircled{2} \begin{cases} \frac{1}{3}x - 0.2y = 1 \\ x - 0.6y = 3 \end{cases} \\ \textcircled{3} \begin{cases} 4y = 8x + 3 \\ 4x - 2y = 1 \end{cases} & \textcircled{4} \begin{cases} 0.4x - 0.9y = 1.2 \\ 8x = 6(3y + 4) \end{cases} \\ \textcircled{5} \begin{cases} 2x - 3(x + y) = 6 \\ 3x + 9y = -18 \end{cases} & \end{array}$$

해설

두 방정식의 미지수의 계수는 각각 같고 상수항이 다를 때 해가 없다.

따라서

$$\textcircled{1} \begin{cases} 5x - 2y = 4 \quad \dots \textcircled{1} \\ 10x - 4y = 8 \quad \dots \textcircled{2} \end{cases}$$

$2 \times \textcircled{1} = \textcircled{2}$ 이므로 해가 무수히 많다.

$$\textcircled{2} \begin{cases} \frac{1}{3}x - 0.2y = 1 \quad \dots \textcircled{1} \\ x - 0.6y = 3 \quad \dots \textcircled{2} \end{cases}$$

$3 \times \textcircled{1} = \textcircled{2}$ 이므로 해가 무수히 많다.

$$\textcircled{3} \begin{cases} 4y = 8x + 3 \quad \dots \textcircled{1} \\ 4x - 2y = 1 \quad \dots \textcircled{2} \end{cases}$$

$\textcircled{1}$ 과 $2 \times \textcircled{2}$ 은 상수항만 다르므로 해가 없다.

$$\textcircled{4} \begin{cases} 0.4x - 0.9y = 1.2 \quad \dots \textcircled{1} \\ 8x = 6(3y + 4) \quad \dots \textcircled{2} \end{cases}$$

$20 \times \textcircled{1} = \textcircled{2}$ 이므로 해가 무수히 많다.

$$\textcircled{5} \begin{cases} 2x - 3(x + y) = 6 \quad \dots \textcircled{1} \\ 3x + 9y = -18 \quad \dots \textcircled{2} \end{cases}$$

$(-3) \times \textcircled{1} = \textcircled{2}$ 이므로 해가 무수히 많다.

13. 영재의 집에서 학교까지의 거리는 3km 이다. 영재가 아침 8 시에 집을 나서 시속 4km 로 학교로 걸어가다가 늦을 것 같아서 도중에 시속 8km 의 속력으로 달려서 8 시 30 분에 학교에 도착하였다. 영재가 달린 거리는?

- ① 0.5km ② 1km ③ 1.5km
④ 2km ⑤ 2.5km

해설

걸은 거리를 x km , 달린 거리를 y km 라 하면

$$\begin{cases} x + y = 3 & \cdots(1) \\ \frac{x}{4} + \frac{y}{8} = \frac{1}{2} & \cdots(2) \end{cases}$$

(2)의 양변에 8을 곱하면 $2x + y = 4 \cdots(3)$

(2) - (1) 하면 $x = 1$,

$x = 1$ 을 (1)에 대입하면 $y = 2$

따라서 영재가 달린 거리는 2km 이다.

14. 일차함수 $y = ax + b$ 가 제 3사분면을 지나지 않을 때, $y = bx + a$ 가 지나지 않는 사분면을 구하면?

- ① 제 1사분면 ② 제 2사분면 ③ 제 3사분면
④ 제 4사분면 ⑤ 제 5사분면

해설

$a < 0, b > 0$,
따라서 $y = bx + a$ 의 그래프는 제 2사분면을 지나지 않는다.

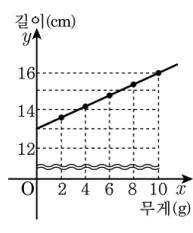
15. 공기 중에서 소리의 속도는 기온이 0°C 일 때, $331(\text{m}/\text{초})$ 이고, 온도가 1°C 높아질 때마다 소리의 속도는 $0.6(\text{m}/\text{초})$ 씩 증가한다고 한다. 소리의 속도가 $340(\text{m}/\text{초})$ 일 때의 기온은?

- ① 5°C ② 10°C ③ 15°C ④ 20°C ⑤ 30°C

해설

기온을 x 라 하면
 $331 + 0.6x = 340$
 $0.6x = 9, \frac{3}{5}x = 9$
 $\therefore x = 15^{\circ}\text{C}$

16. 다음 그림은 용수철 저울에 추를 달았을 때, 추의 무게와 용수철 저울의 길이 사이의 관계를 그래프로 나타낸 것이다. 저울에 물건을 달아 용수철 저울의 길이가 25cm가 되었을 때, 이 물건의 무게는?



- ① 10 g ② 20 g ③ 30 g ④ 40 g ⑤ 50 g

해설

(1) 그래프가 점 $(0, 13)$ 을 지나므로 $y = ax + 13$ 이라 하면, 점 $(10, 16)$ 을 지나므로 대입하면 $a = \frac{3}{10}$ 이다.

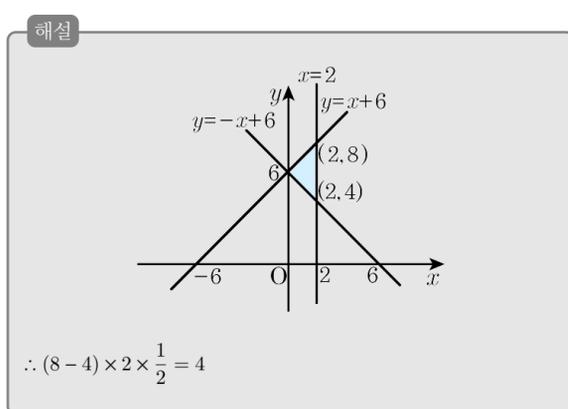
$$(2) 25 = \frac{3}{10}x + 13$$

$$\therefore x = 40$$

17. 3 개의 직선 $y = -x + 6$, $y = x + 6$, $x = 2$ 로 둘러싸인 도형의 넓이를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 4



18. 일차함수 $y = f(x)$ 에서 x 의 값의 증가량에 대한 y 의 값의 증가량의 비가 $\frac{1}{2}$ 이고, $f(2) = -2$ 일 때, $f(k) = -5$ 를 만족하는 상수 k 의 값은?

- ① -1 ② -2 ③ -3 ④ -4 ⑤ -5

해설

x 의 값의 증가량에 대한 y 의 값의 증가량의 비는 기울기이므로 기울기는 $\frac{1}{2}$, $y = ax + b$ 에서 $y = \frac{1}{2}x + b$ 이다. 점 $(2, -2)$ 를 지나므로 $(2, -2)$ 를 대입해 보면 $-2 = 1 + b, b = -3$ 이다. 따라서 일차함수의 식은 $y = \frac{1}{2}x - 3$ 이다.

점 $(k, -5)$ 를 지나므로 대입해 보면 $-5 = \frac{1}{2}k - 3, \frac{1}{2}k = -2, k = -4$ 이다.

19. 두 점 $(-2, 0)$, $(-2, -3)$ 을 지나는 직선의 방정식은?

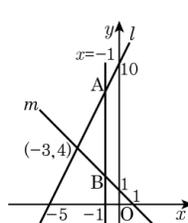
- ① $x = -2$ ② $y = -2$ ③ $x = 0$
④ $x = -3$ ⑤ $y = -3$

해설

x 의 값이 -2 로 일정하므로 $x = -2$

20. 다음 그림에서 직선 $x = -1$ 이 두 직선 ℓ, m 과 각각 두 점 A, B 에서 만난다. 이때, \overline{AB} 의 길이는?

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6



해설

직선 ℓ 의 x 절편은 -5 , y 절편이 10 이므로
 직선 ℓ 의 방정식은 $y = 2x + 10$
 직선 m 의 x 절편은 1 , y 절편이 1 이므로
 직선 m 의 방정식은 $y = -x + 1$
 $x = -1$ 일 때 y 의 값을 구하면
 $A : y = -2 + 10 = 8$
 $B : y = 1 + 1 = 2$
 $\therefore \overline{AB} = 8 - 2 = 6$

21. 다음 보기에서 일차방정식 $2x + y = 6$ 에 대한 설명으로 옳은 것을 모두 고른 것은?

보기

- ㉠ 그래프는 제 1, 2, 4 사분면 위에 나타난다.
- ㉡ 미지수가 두 개인 일차방정식이다.
- ㉢ 주어진 일차방정식의 해를 좌표평면 위에 나타내면 한 직선위의 점들이 된다.
- ㉣ 해의 개수는 유한개이다.
- ㉤ x 값이 -2 일 때, y 의 값은 10 이다.
- ㉥ 그래프를 그리면 직선 그래프가 그려진다.

① ㉠, ㉡, ㉣

② ㉠, ㉢, ㉤

③ ㉡, ㉢, ㉤, ㉥

④ ㉠, ㉡, ㉢, ㉣, ㉤, ㉥

⑤ ㉠, ㉡, ㉢, ㉣, ㉥

해설

㉢ 일차방정식 $2x + y = 6$ 은 해가 무수히 많다.

22. 두 직선 $ax + by = -2$, $ax - by = 10$ 의 교점의 좌표가 $(1, 3)$ 일 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

$ax + by = -2$ 가 점 $(1, 3)$ 을 지나므로 $a + 3b = -2 \dots \textcircled{1}$
 $ax - by = 10$ 이 점 $(1, 3)$ 을 지나므로 $a - 3b = 10 \dots \textcircled{2}$
 $\textcircled{1} - \textcircled{2}$ 을 연립하여 풀면 $a = 4, b = -2$
 $\therefore a + b = 4 - 2 = 2$

23. x 절편이 -3 , y 절편이 $\frac{3}{4}$ 인 직선과 x 축, y 축으로 둘러싸인 부분의 넓이를 직선 $y = kx$ 의 그래프가 이등분할 때, k 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $-\frac{1}{4}$

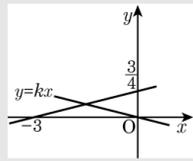
해설

x, y 절편이 각각 $-3, \frac{3}{4}$ 이므로 넓이를 구하면

$$3 \times \frac{3}{4} \times \frac{1}{2} = \frac{9}{8} \text{이다.}$$

두 직선의 교점의 x 좌표를 m 이라고 하면

$$\frac{3}{4} \times (-m) \times \frac{1}{2} = \frac{9}{8} \times \frac{1}{2} \text{에서 } m = -\frac{3}{2}$$



교점의 y 좌표를 n 이라고 하면

$$3 \times n \times \frac{1}{2} = \frac{9}{8} \times \frac{1}{2} \text{에서 } n = \frac{3}{8}$$

$$k = \frac{\frac{3}{8}}{-\frac{3}{2}} = -\frac{1}{4}$$