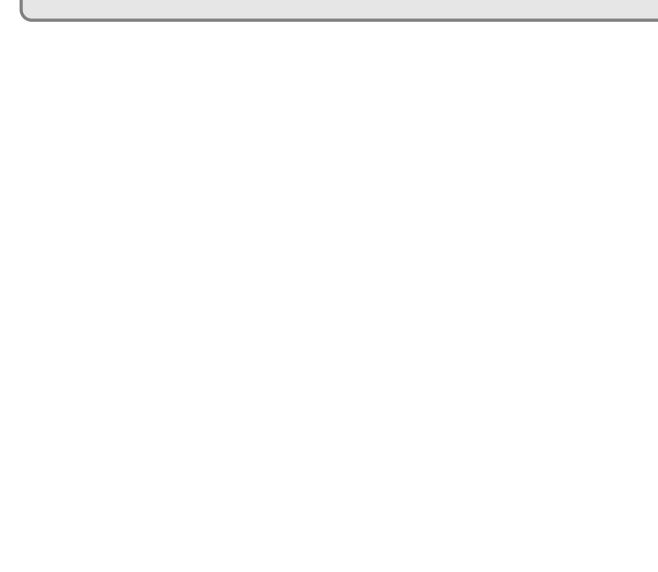
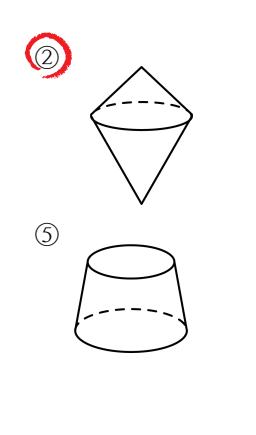


1. 다음 그림과 같은 직각삼각형 ABC를 변 AB를 지나는 직선을 축으로 하여 회전시켰을 때 생기는 입체도형은?



해설

변 AB를 축으로 하여 회전했을 때 생기는 도형은 ②이다.

2. 다음의 입체도형 중에서 밑면에 수직인 평면으로 잘랐을 때, 그 단면이 사각형이 나올 수 있는 것을 모두 고르면?

① 원뿔

② 원기둥

③ 원뿔대

④ 구

⑤ 반구

해설

원기둥, 원뿔대를 회전축을 포함하는 평면으로 자르면 각각 직사각형, 등변사다리꼴 모양이다.

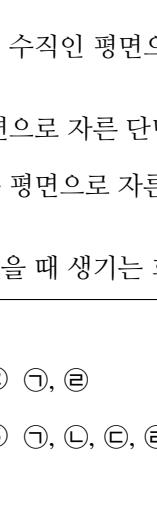
3. 다음 입체도형 중에서 밑면에 수직인 평면으로 자를 때, 그 잘린 면의 모양이 원인 것은?

- ① 원뿔 ② 원뿔대 ③ 구
④ 반구 ⑤ 원기둥

해설

③ 구는 어느 방향으로 자르더라도 단면이 항상 원이다.

4. 다음 그림과 같은 평면도형을 직선 l 을 축으로 1회전하여 회전체를 만들 때, 다음 설명 중 옳은 것을 모두 고른 것은?



- Ⓐ 회전축을 회전축에 수직인 평면으로 자르면 그 단면은 원이다.
- Ⓑ 밑면에 수직인 평면으로 자른 단면은 항상 삼각형이다.
- Ⓒ 회전축을 포함하는 평면으로 자른 단면은 이등변삼각형이다.
- Ⓓ 평면도형을 회전했을 때 생기는 회전체는 원뿔대이다.

Ⓐ

Ⓑ Ⓢ Ⓣ Ⓤ

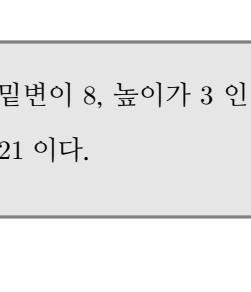
Ⓑ Ⓢ Ⓣ Ⓤ

Ⓐ Ⓢ Ⓣ Ⓤ

해설

- Ⓐ 반원이나 반타원이 될 수도 있다.
- Ⓓ 평면도형을 회전했을 때 생기는 회전체는 원뿔, 원뿔대, 구, 원기둥 등이 될 수 있다.

5. 다음 그림과 같은 회전체를 회전축을 포함하는 평면으로 자른 단면의 넓이를 구하여라.



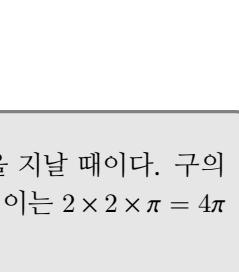
▶ 답:

▷ 정답: 21

해설

단면은 윗변이 6, 밑변이 8, 높이가 3인 사다리꼴이므로 $S = \frac{1}{2} \times (6 + 8) \times 3 = 21$ 이다.

6. 다음 그림과 같이 구를 평면으로 자를 때, 단면의 넓이가 가장 넓을 때의 단면의 넓이를 구하여라. (단, 구의 반지름은 2이다.)



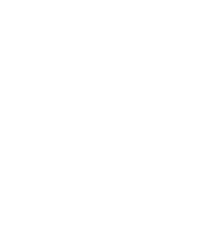
▶ 답 :

▷ 정답 : 4π

해설

단면의 넓이가 가장 넓을 때는 구의 중심을 지날 때이다. 구의 중심을 지나도록 잘랐을 때 생기는 원의 넓이는 $2 \times 2 \times \pi = 4\pi$ 이다.

7. 다음 그림과 같은 사다리꼴을 직선 l 을 축으로 하여 한 바퀴 회전시킬 때 생기는 입체도형의 전개도는?



해설

주어진 사다리꼴을 직선 l 을 축으로 하여 회전시킨 입체도형은 원뿔대이다.

8. 다음 그림과 같은 원기둥의 전개도에서 옆면이 되는 직사각형의 넓이를 구하여라. (단, π 는 3 으로 계산한다.)



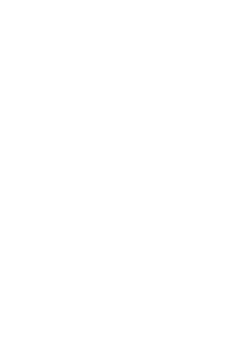
▶ 답:

▷ 정답: 240

해설

다음 그림과 같이 전개도에서 옆면인 직사각형의 가로의 길이는 밑면의 원의 둘레의 길이와 같으므로 $x = 2 \times 4 \times \pi = 2 \times 4 \times 3 = 24$

따라서 직사각형의 넓이는 $24 \times 10 = 240$ 이다.



9. 다음 조건을 모두 만족하는 회전체의 이름을 말하여라.

- ㄱ. 밑면은 하나이고, 원이다.
- ㄴ. 직각삼각형의 빗변을 제외한 변을 회전축으로 하여 1회전 시킨 회전체이다.

▶ 답:

▷ 정답: 원뿔

해설

주어진 조건을 모두 만족하는 회전체는 원뿔이다.

10. 다음 중 다면체의 개수를 a 개, 정다면체의 개수를 b 개, 회전체의 개수를 c 개라고 할 때, $a + b + c$ 의 값은?

- | | | |
|---------|--------|---------|
| Ⓐ 육각기둥 | Ⓑ 삼각뿔 | Ⓒ 반구 |
| Ⓓ 원뿔대 | Ⓔ 정팔면체 | ⓪ 직육면체 |
| ⓫ 정십이면체 | ⓬ 원뿔 | ⓭ 정이십면체 |
| ⓮ 오각뿔대 | ⓯ 원기둥 | ⓱ 삼각기둥 |

▶ 답:

▷ 정답: 15

해설

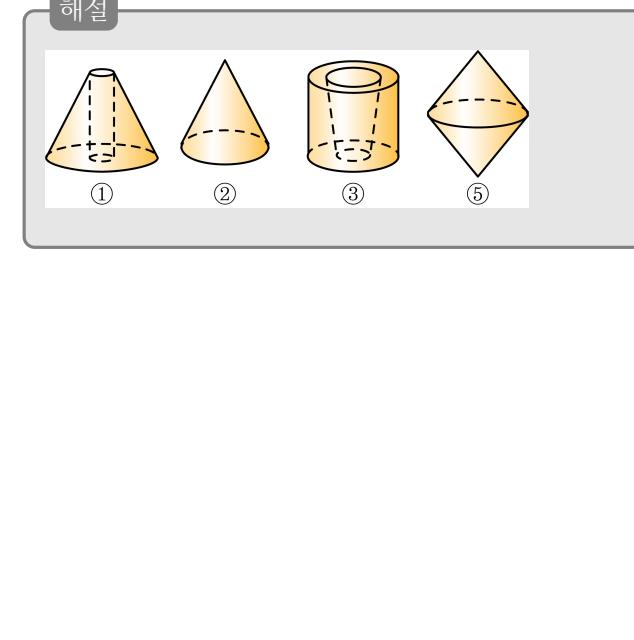
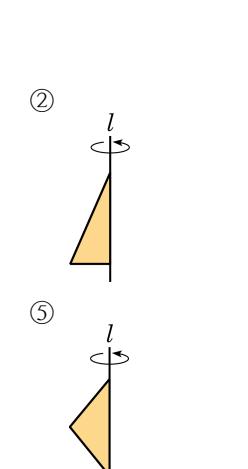
다면체는 각기둥, 각뿔, 각뿔대이므로 Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ, Ⓔ, Ⓕ, Ⓖ, Ⓗ의 8 개이다.

정다면체는 다면체 중에서 Ⓙ, Ⓕ, Ⓖ의 3 개이다.

회전체는 회전축을 갖는 입체도형이므로 Ⓒ, Ⓓ, Ⓔ, Ⓕ의 4 개이다.

$$\therefore a + b + c = 8 + 3 + 4 = 15$$

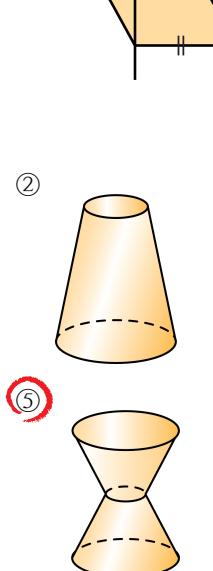
11. 다음 입체도형은 어떤 도형을 회전시킨 것인가?



해설



12. 다음 그림과 같은 평면도형을 직선 l 을 축으로 하여 1 회전시켰을 때 생기는 입체도형은?



해설

주어진 그림을 한 직선 l 을 축으로 회전시켰을 때, 생기는 도형은 ⑤이다.

13. 다음과 같은 평면도형을 직선 l 을 축으로 하여 회전시켰을 때 생기는 입체도형을 회전축을 포함하는 평면으로 자른 단면의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 40

해설

단면의 모양은 윗변이 6, 아랫변이 4, 높이가 4 인 사다리꼴을 두 개 연결시켜 놓은 모양이므로 넓이는 $2 \times \left\{ \frac{1}{2} \times (6+4) \times 4 \right\} = 40$

이다.

14. 다음 평면도형을 직선 l 을 축으로 하여 1회전 시켜서 얻어지는 입체 도형을 회전축을 포함하는 평면으로 잘랐을 때, 넓이를 구하여라.



▶ 답:

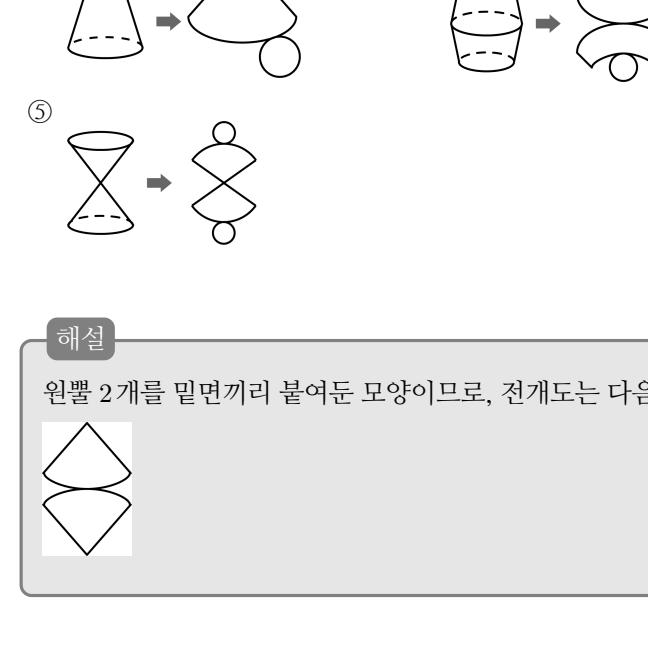
▷ 정답: 28

해설



따라서 단면의 넓이는 $\frac{1}{2} \times (2 + 8) \times 4 + 8 \times 1 = 28$ 이다.

15. 다음 중 주어진 도형과 전개도가 잘못 연결된 것은?



해설

원뿔 2개를 밑면끼리 붙여둔 모양이므로, 전개도는 다음과 같다.



16. 구에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

- ① 회전축은 무수히 많다.
- ② 전개도는 그릴 수 없다.
- ③ 평면으로 자른 단면은 모두 원이다.
- ④ 회전축에 수직인 평면으로 자른 단면은 항상 합동이다.
- ⑤ 구의 중심을 지나는 평면으로 자를 때 단면이 가장 넓다.

해설

④ 회전축에 수직인 평면으로 자른 단면은 모두 원이지만 합동은 아니다.

17. 다음 회전체에 대한 설명으로 옳은 것을 모두 고르면?

- ① 회전체를 회전축을 포함하는 어느 평면으로 잘라도 그 단면은 모두 합동이다.
- ② 원기둥을 회전축에 수직인 평면으로 자른 단면은 직사각형이다.
- ③ 회전체를 회전축을 포함하는 평면으로 잘라보면 그 회전체가 어떤 도형을 회전시킨 것인지 알 수 있다.
- ④ 원뿔대의 전개도에서 옆면은 사다리꼴이다.
- ⑤ 구는 회전축이 한 개 있다.

해설

- ② 원기둥을 회전축에 수직인 평면으로 자른 단면은 원이다.
- ④ 원뿔대의 전개도에서 옆면은 부채꼴을 잘라낸 모양이다.
- ⑤ 구는 회전축이 무수히 많다.

18. 회전체에 대한 설명 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

- Ⓐ 회전체는 원기둥, 원뿔, 사각기둥으로 3가지 밖에 없다.
- Ⓑ 평면도형을 한 직선을 회전축으로 하여 1회전시킬 때 생기는 입체도형을 회전체라고 한다.
- Ⓒ 회전축을 포함하는 평면으로 자른 단면은 항상 원이다.
- Ⓓ 회전축을 포함하는 평면으로 자른 단면은 회전축에 대하여 선대칭도형이다.
- Ⓔ 구는 어떤 모양으로 잘라도 그 단면의 모양이 항상 정사각형이다.

① Ⓐ, Ⓑ

② Ⓐ, Ⓒ, Ⓓ

③ Ⓐ, Ⓑ, Ⓕ

④ Ⓐ, Ⓒ, Ⓓ

⑤ Ⓒ, Ⓕ, Ⓖ

해설

- Ⓐ 회전체에는 원기둥, 원뿔, 원뿔대, 구 등이 있다.
- Ⓑ 회전축을 포함하는 평면으로 자른 단면은 항상 원이 되는 것은 아니다.
- Ⓔ 구는 어떤 모양으로 잘라도 그 단면의 모양이 항상 원이다.

19. 다음 중 옳지 않은 것은?

- | | | |
|--------|--------|--------|
| Ⓐ 삼각뿔대 | Ⓑ 구 | Ⓒ 사각기둥 |
| Ⓓ 원뿔 | Ⓔ 원뿔대 | Ⓕ 정육면체 |
| Ⓗ 오각뿔 | Ⓘ 정사면체 | Ⓚ 원기둥 |

① 다면체는 Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ, Ⓔ이다.

② 회전체는 Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ, Ⓕ이다.

③ 옆면의 모양이 삼각형인 입체도형은 Ⓕ, Ⓔ이다.

④ 두 밑면이 평행한 입체도형은 Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ, Ⓕ이다.

⑤ 각 면이 모두 합동이고, 각 꼭짓점에 모인 모서리의 개수가 같은 다면체는 Ⓐ, Ⓑ, Ⓔ이다.

해설

⑤ 정다면체인 것은 Ⓑ, Ⓔ이다.

20. 다음 중 옳은 것은?

[보기]

- | | | |
|--------|--------|--------|
| Ⓐ 삼각기둥 | Ⓑ 원뿔 | Ⓒ 원기둥 |
| Ⓓ 정팔면체 | Ⓔ 직육면체 | Ⓕ 오각기둥 |
| Ⓗ 삼각뿔 | Ⓘ 구 | Ⓚ 원뿔대 |

- ① 다면체는 Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ, Ⓔ이다.
② 회전체는 Ⓑ, Ⓒ, Ⓕ이다.
③ 옆면의 모양이 사각형인 다면체는 Ⓑ, Ⓒ, Ⓔ이다.
④ 두 밑면이 평행한 입체도형은 Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ, Ⓕ이다.
⑤ 각 면이 모두 합동이고, 각 꼭짓점에 모인 모서리의 개수가 같은 다면체는 Ⓓ이다.

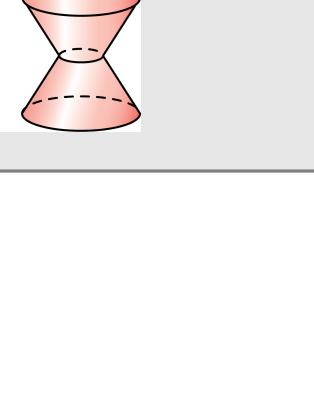
[해설]

- ① 다면체는 Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ, Ⓔ, Ⓕ이다.
② 회전체는 Ⓑ, Ⓒ, Ⓕ, Ⓕ이다.
④ 두 밑면이 평행한 입체도형은 Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ, Ⓕ, Ⓕ이다.
⑤ 각 면이 모두 합동이고, 각 꼭짓점에 모인 모서리의 개수가 같은 다면체는 Ⓓ이다.

21. 아래 그림과 같은 마름모 ABCD 를 다음 직선들을 축으로 하여 회전

체를 만들 때,  와 같은 형태의 원뿔 두 개가 합쳐진 모양을

띠게 되는 것은?



- ① ↗, ↙ ② ↗, ↘ ③ ↖, ↙ ④ ↖, ↘ ⑤ ↖, ↘



22. 다음 그림과 같은 직사각형을 직선 l 을 축으로 하여 한 바퀴 회전시킬 때 생기는 입체도형을 밑면에 수직인 평면으로 자를 때 생기는 단면 중에서 가장 큰 단면의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 48

