

1. 배로 강을 30km 거슬러 올라가는데 3 시간, 같은 거리만큼 내려오는데 1 시간이 걸렸다. 배의 속력은?

- ① 5km /시
- ② 10km /시
- ③ 15km /시
- ④ 20km /시
- ⑤ 40km /시

해설

배의 속력을 $x\text{km}/\text{시}$, 강물의 속력을 $y\text{km}/\text{시}$ 라 하면

$$\begin{cases} 3(x - y) = 30 \\ x + y = 30 \end{cases}$$

두 식을 연립하여 풀면

$$\therefore x = 20$$

2. 배로 강을 20km 거슬러 올라가는데 2 시간, 같은 거리만큼 내려오는데 1 시간이 걸렸다. 강물의 속력과 배의 속력을 순서대로 구하여라. (단, 단위는 km/시)

▶ 답 : km/h

▶ 답 : km/h

▷ 정답 : 5 km/h

▷ 정답 : 15 km/h

해설

배의 속력을 y km/시, 강물의 속력을 x km/시라 하면

$$\begin{cases} x + y = 20 \cdots \textcircled{\text{I}} \\ 2(y - x) = 20 \cdots \textcircled{\text{II}} \end{cases}$$

㉠, ㉡ 을 정리하면

$$\begin{cases} x + y = 20 \\ y - x = 10 \end{cases}$$

$2y = 30$ 이므로

$y = 15$, $x = 20 - 15 = 5$ 이다.

∴ 강물의 속력은 5km/시, 배의 속력은 15km/시

3. 배로 4km의 강을 거슬러 올라가는데 1시간, 내려가는데 40분이 걸렸다. 흐르는 강물의 속력과 배의 속력은?

- ① 강물의 속력: 1km/시, 배의 속력: 5km/시
- ② 강물의 속력: 2km/시, 배의 속력: 5km/시
- ③ 강물의 속력: 1km/시, 배의 속력: 3km/시
- ④ 강물의 속력: 1km/시, 배의 속력: 4km/시
- ⑤ 강물의 속력: 2km/시, 배의 속력: 10km/시

해설

배의 속력을 x km/시, 강물의 속력을 y km/시라 하면

$$x - y = 4, \frac{2}{3}x + \frac{2}{3}y = 4$$

두 방정식을 연립하여 풀면

$$\therefore x = 5, y = 1$$

4. 작은 배로 강을 10km 올라가는 데 2 시간, 내려가는데 1 시간 걸렸다.
정지하고 있는 물에서의 작은 배의 속력과 흐르는 강물의 속력을 옳게
구한 것은?

- ① 배의 속력 $\frac{15}{2}$ km/h, 강물의 속력 $\frac{7}{2}$ km/h
- ② 배의 속력 $\frac{13}{2}$ km/h, 강물의 속력 $\frac{7}{2}$ km/h
- ③ 배의 속력 $\frac{15}{2}$ km/h, 강물의 속력 $\frac{5}{2}$ km/h
- ④ 배의 속력 $\frac{13}{2}$ km/h, 강물의 속력 $\frac{5}{2}$ km/h
- ⑤ 배의 속력 $\frac{15}{2}$ km/h, 강물의 속력 $\frac{3}{2}$ km/h

해설

배의 속력 x km/h, 강물의 속력 y km/h 라 하면

$$\begin{cases} 2(x - y) = 10 \\ x + y = 10 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x - y = 5 \\ x + y = 10 \end{cases}$$

두 식을 변끼리 더하면 정리하면 $2x = 15$,

$$x = \frac{15}{2}, y = 10 - \frac{15}{2} = \frac{5}{2}$$

\therefore 배의 속력 $\frac{15}{2}$ km/h, 강물의 속력 $\frac{5}{2}$ km/h

5. 강의 상류 쪽으로 30km 떨어진 곳까지 배를 타고 거슬러 올라가는데 1시간 30분, 다시 하류로 같은 거리를 돌아오는데 1시간 걸렸다. 배의 속력과 강물의 속력을 각각 차례대로 구하여라.

▶ 답: km/h

▶ 답: km/h

▷ 정답: 25 km/h

▷ 정답: 5 km/h

해설

배의 속력 x km/h, 강물의 속력 y km/h 라 하면

$$\begin{cases} \frac{3}{2}(x - y) = 30 \\ x + y = 30 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x - y = 20 \\ x + y = 30 \end{cases}$$

$$\therefore x = 25, y = 5$$

6. 작은 배로 강을 20km 올라가는데 2 시간, 내려가는데 1 시간 걸렸다.
흐르는 강물의 속력을 구하여라.

▶ 답 : km/h

▷ 정답 : 5 km/h

해설

배의 속력 x km/시, 강물의 속력 y km/시 라 하면

$$\begin{cases} 2 = \frac{20}{x-y} \cdots \textcircled{\text{Q}} \\ 1 = \frac{20}{x+y} \cdots \textcircled{\text{L}} \end{cases}$$

㉠, ㉡을 정리하면

$$\begin{cases} x - y = 10 \\ x + y = 20 \end{cases}$$

$$2x = 30$$

$$\therefore x = 15, y = 5$$

따라서 강물의 속력은 5km/h이다.

7. 강의 상류 쪽으로 24km 떨어진 곳까지 배를 타고 거슬러 올라가는데 1시간 30분, 다시 하류로 같은 거리를 돌아오는데 1시간 걸렸다. 배의 속력과 강물의 속력을 구하면?

- ① 배의 속력 20km /시, 강물의 속력 4km /시
- ② 배의 속력 30km /시, 강물의 속력 5km /시
- ③ 배의 속력 30km /시, 강물의 속력 4km /시
- ④ 배의 속력 20km /시, 강물의 속력 5km /시
- ⑤ 배의 속력 20km /시, 강물의 속력 8km /시

해설

배의 속력을 $x\text{km}/\text{시}$, 강물의 속력을 $y\text{km}/\text{시}$ 라고 하면

$$\frac{3}{2}x - \frac{3}{2}y = 24$$

$$x + y = 24$$

두 방정식을 연립하여 풀면

$$\therefore x = 20, y = 4$$

8. 배를 타고 40km 길이의 강을 강물이 흐르는 방향으로 가는데는 1시간, 반대 방향으로 거슬러 가는데는 2시간이 걸렸다. 강물이 흐르는 속력은?

- ① 시속 1km
- ② 시속 4km
- ③ 시속 5km
- ④ 시속 10km
- ⑤ 시속 20km

해설

강물의 속력 : $x\text{km/h}$, 배의 속력 : $y\text{km/h}$

$$\begin{cases} 1 \times (x + y) = 40 \\ 2(y - x) = 40 \end{cases}$$

$$x = 10, y = 30$$

$$\therefore x = 10(\text{km/h})$$

9. 갑이 300m 가는 동안 을은 200m 가는 속력으로 2km의 거리를 서로 마주 보고 걸어서 만나는데 20분이 걸렸다. 갑과 을의 속력의 합을 구하여라.

▶ 답 : m/min

▷ 정답 : 100 m/min

해설

갑의 속력을 $x \text{ m/min}$, 을의 속력 $y \text{ m/min}$ 라 하면

$$x : y = 3 : 2 \quad 3y = 2x \cdots \textcircled{⑦}$$

$$20x + 20y = 2000 \cdots \textcircled{⑧}$$

⑦식에서 $x = \frac{3}{2}y$ 를 ⑧에 대입하면

$$30y + 20y = 2000$$

$$y = 40, x = 60 \text{ 이다.}$$

$$\therefore \text{갑 } 60 \text{ m/min}, \text{ 을 } 40 \text{ m/min}$$

10. 철수가 20m 걷는 동안에 영희는 30m 를 걷는 속도로, 철수와 영희가 2km 떨어진 지점에서 서로 마주보고 걸었더니 10 분 만에 만났다. 영희의 걷는 속력을 구하여라.

▶ 답 : m/min

▷ 정답 : 120 m/min

해설

철수의 속력 $x \text{ m/min}$, 영희의 속력 $y \text{ m/min}$ 라 하면

$$x : y = 2 : 3$$

$$2y = 3x \cdots \textcircled{\text{I}}$$

$$10x + 10y = 2000 \cdots \textcircled{\text{L}}$$

㉠, ㉡을 연립하여 풀면,

$$x = 80, y = 120$$

∴ 영희의 속력 120 m/min

11. 갑이 60m 를 걷는 동안 을은 40m 를 걷는 속력으로 1000m 떨어진 두 지점에서 갑과 을이 서로 마주보고 걷기 시작하였다. 만날 때까지 10분이 걸렸다면 갑의 속력을 구하여라.

▶ 답: m/min

▶ 정답: 60 m/min

해설

갑의 속력을 $x \text{ m/분}$, 을의 속력을 $y \text{ m/분}$ 이라 하면

$$x : y = 3 : 2 \rightleftharpoons 3y = 2x \cdots \cdots ⑦$$

(거리) = (속력) \times (시간) 이므로

$$1000 = 10x + 10y \text{ 에서 } 2x + 2y = 200$$

$$\textcircled{7} \text{을 대입하면 } 5y = 200 \therefore y = 40, x = 60$$

12. 24km 떨어진 두 지점에서 기현이와 민혁이가 동시에 마주 보고 출발하여 도중에 만났다. 기현이는 시속 5km, 민혁이는 시속 3km로 걸었다고 할 때, 기현이가 걸은 거리를 구하여라.

▶ 답 : km

▶ 정답 : 15 km

해설

기현이가 걸은 거리를 x km, 민혁이가 걸은 거리를 y km 라 하면
 $x + y = 24$

한편 $\frac{x}{5} = \frac{y}{3}$ 이므로

$x = 15$, $y = 9$ 이다.

13. 민수와 진혁이는 6km 떨어진 곳에 살고 있다. 두 사람이 만나기 위해 민수는 1분에 600m의 속력으로, 진혁이는 1분에 300m의 속력으로 동시에 출발하였다. 도중에 두 사람이 만났을 때 민수는 진혁이보다 몇 km 더 이동했는지 구하여라.

▶ 답 : km

▷ 정답 : 2km

해설

민수와 진혁이의 속도는 2 : 1의 비율이다.

따라서, 두 사람이 만났을 때

진혁이는 전체 거리에서 $\frac{1}{3}$ 비율만큼 이동했을 것이다.

$$6 \times \frac{1}{3} = 2$$

따라서 민수는 4km, 진혁이는 2km 이동했다.

14. 갑이 30m를 걷는 동안 을은 20m를 걷는 속력으로 1000m 떨어진 두 지점에서 갑과 을이 서로 마주보고 걷기 시작하여 만날 때까지 10 분 걸렸다. 이때, 을의 속력을 구하여라.

▶ 답: m/min

▶ 정답: 40 m/min

해설

갑의 속력을 $x \text{ m/min}$, 을의 속력을 $y \text{ m/min}$ 이라 하면

$$x : y = 3 : 2 \rightleftharpoons 3y = 2x \dots\dots \textcircled{7}$$

한편 (거리) = (속력) \times (시간) 이므로

$$1000 = 10x + 10y \text{에서 } 2x + 2y = 200$$

$$\text{여기에 } \textcircled{7} \text{을 대입하면 } 5y = 200 \therefore y = 40, x = 60$$

15. 성훈이가 90m 가는 동안 유민이는 60m 가는 속력으로 2km의 거리를 서로 마주 보고 걸어서 만나는데 20분이 걸렸다. 성훈이의 속력을 구하여라.

▶ 답 : m/min

▶ 정답 : 60 m/min

해설

성훈이의 속력 $x \text{ m/min}$, 유민이의 속력 $y \text{ m/min}$ 라 하면

$$x : y = 3 : 2, 3y = 2x, x = \frac{3}{2}y \cdots \textcircled{1}$$

$$20x + 20y = 2000 \cdots \textcircled{2}$$

①식에서 $x = \frac{3}{2}y$ 이것을 ②에 대입하면

$$30y + 20y = 2000$$

$$y = 40, x = 60 \text{ 이다.}$$

∴ 성훈 60 m/min, 유민 40 m/min

16. 갑이 300m 걷는 동안에 을은 200m를 걷는 속도로 갑과 을이 1200m 떨어진 지점에서 서로 마주 보고 걸었더니 12분 만에 만났다. 갑이 1분 동안에 걸은 거리를 구하여라.

▶ 답: m

▶ 정답: 60m

해설

갑, 을이 1분 동안 걸은 거리를 각각 $x\text{ m}$, $y\text{ m}$ 라 하면

$$x : y = 3 : 2$$

$$12x + 12y = 1200$$

두 식을 연립하여 풀면 $x = 60$, $y = 40$ 이다.

17. 영철이가 6m를 걷는 동안에 민희는 9m를 걷는 속도로, 영철이와 민희가 2km 떨어진 지점에서 서로 마주보고 걸었더니 10분만에 만났다. 영철이의 걷는 속력을 구하여라.

▶ 답:

m/min

▶ 정답: 80 m/min

해설

영철이의 속력 x m/분, 민희의 속력 y m/분 라 하면

$$x : y = 2 : 3$$

$$2y = 3x \cdots \textcircled{1}$$

$$10x + 10y = 2000 \cdots \textcircled{2}$$

비례식을 풀면 $y = \frac{3}{2}x$ 이므로

$$10x + 15x = 2000 \therefore x = 80, y = 120 \text{이다.}$$

\therefore 영철의 속력 80 m/분

18. A, B 두 사람은 6km 떨어진 곳에 살고 있다. 두 사람이 만나기 위해 A는 1분에 400m의 속력으로, B는 1분에 200m의 속력으로 동시에 출발하였다. 도중에 두 사람이 만났을 때 A는 B 보다 몇 km 더 이동했는지 구하여라.

▶ 답 : km

▷ 정답 : 2km

해설

A, B의 속도는 2 : 1의 비율이다.

따라서 두 사람이 만났을 때

B는 전체 거리에서 $\frac{1}{3}$ 비율만큼 이동했을 것이다.

$$\therefore 6 \times \frac{1}{3} = 2$$

따라서 A는 4km, B는 2km 이동했다.

19. 형철이와 한솔이가 24 km 떨어진 두 지점에 있다. 동시에 마주보고 형철이는 시속 5 km, 한솔이는 시속 3 km로 걸어서 도중에 만났을 때 한솔이가 걸은 거리를 구하여라.

▶ 답 : km

▶ 정답 : 9km

해설

형철이가 걸을 거리를 x km, 한솔이가 걸은 거리를 y km라 하면

$$x + y = 24$$

$$\frac{x}{5} = \frac{y}{3} \text{ 이므로}$$

$$x = 15, y = 9 \text{ 이다.}$$

20.

수형이가 300m 걷는 동안 진수는 200m 를 걷는 속도로 수형이와 진수가 1200m 떨어진 지점에서 서로 마주 보고 걸었더니 12분만에 만났다. 진수가 걸은 거리를 구하여라.

▶ 답 : m

▶ 정답 : 480 m

해설

수형이와 진수가 만날 때까지 걸은 거리를 각각 $x\text{m}$, $y\text{m}$ 라 하면

$$x : y = 3 : 2$$

$$x + y = 1200$$

두 방정식을 연립하여 풀면 $x = 720$, $y = 480$ 이다.

21. 배를 타고 강을 내려갈 때는 7km를 가는데 1시간이 걸리고, 강을 거슬러 올라갈 때는 21km를 가는데 4시간이 걸렸다. 이 때, 강물의 속력을 구하여라.

▶ 답 :

km/h

▶ 정답 : $\frac{7}{8}$ km/h

해설

배의 속력을 x , 강물의 속력을 y 라고 하면

$$\frac{7}{x+y} = 1, \frac{21}{x-y} = 4 \Rightarrow +) \begin{array}{r} x+y=7 \\ x-y=\frac{21}{4} \\ \hline 2x = \frac{49}{4} \end{array}$$

$$\therefore x = \frac{49}{8}, y = 7 - \frac{49}{8} = \frac{7}{8}$$

22. 둘레의 길이가 400m인 트랙을 A, B 두 사람이 같은 지점에서 동시에 반대 방향으로 출발하면 20초후에 만나고, 동시에 같은 방향으로 달리면 1분 40초 후에 다시 만난다고 한다. A, B 두 사람의 속력 (m/s)을 순서대로 구하시오. (단, B는 A 보다 빠르다고 한다)

▶ 답: m/s

▶ 답: m/s

▷ 정답: $8 m/s$

▷ 정답: $12 m/s$

해설

A 속력 $x m/s$, B 속력 $y m/s$ 라 하면

A, B 두 사람이 같은 지점에서 동시에 반대 방향으로 트랙을 돌아서 처음 서로 만났다 하는 것은 20초 동안 두 사람이 달린 거리의 합은 트랙의 둘레의 길이와 같다는 것이다.

따라서 $20x + 20y = 400 \dots \textcircled{1}$ 이다.

A, B 두 사람이 같은 지점에서 같은 방향으로 달려서 처음 서로 만났다 하는 것은 1분 40초 동안 B가 달린 거리와 A가 달린 거리의 차가 트랙의 둘레의 길이와 같다는 것과 같다.

따라서 $100y - 100x = 400 \dots \textcircled{2}$ 이다.

$\textcircled{1}$ 의 양변을 20으로 나누고

$\textcircled{2}$ 의 양변을 100으로 나눈 다음 연립 방정식을 풀면

$$x + y = 20$$

$$x - y = -4$$

위의 두 식을 빼면 $2y = 24$

$$y = 12, x = 8$$

\therefore A 속력 $8 m/s$, B 속력 $12 m/s$

23. 배로 강을 9km 오르는 데 1 시간 30 분, 같은 장소로 다시 내려오는 데 30 분이 걸렸다. 이때, 정지하고 있는 물에서의 배의 속력과 강물의 흐르는 속력을 차례로 구하면?

- ① 8km/h, 4km/h ② 8km/h, 6km/h
③ 12km/h, 6km/h ④ 24km/h, 18km/h
⑤ 24km/h, 12km/h

해설

정지하고 있는 물에서의 배의 속력을 시속 x km, 강물의 흐르는 속력을 시속 y km 라 하면,

(시간) \times (속력) = (거리) 이므로

$$\begin{cases} \frac{3}{2} \times (x - y) = 9 & \cdots \textcircled{\text{7}} \\ \frac{1}{2} \times (x + y) = 9 & \cdots \textcircled{\text{L}} \end{cases}$$

㉠ $\times \frac{2}{3} + \textcircled{\text{L}} \times 2$ 를 계산하면, $x = 12$, $y = 6$

따라서 정지하고 있는 물에서의 배의 속력은 시속 12km, 강물의 흐르는 속력은 시속 6km

24. 속도의 비가 3 : 2 인 승용차와 오토바이가 S km 떨어진 도시 A, B에서 서로 마주보고 동시에 출발하였다. 두 차량이 마주친 곳은 두 도시의 중간 지점에서 a km 떨어진 곳일 때, $\frac{S}{a}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 10

해설

승용차의 속도를 x , 오토바이의 속도를 y 라 하면

$$3 : 2 = x : y, 2x = 3y \cdots \textcircled{\text{⑦}}$$

마주칠 때까지의 시간은

$$\frac{\frac{S}{2} + a}{x} = \frac{\frac{S}{2} - a}{y} \cdots \textcircled{\text{⑧}}$$

⑦, ⑧을 연립하여 풀면 $S = 10a$

$$\text{따라서 } \frac{S}{a} = \frac{10a}{a} = 10$$

25. 현우는 A 지점에서 출발하여 sm 떨어진 B 지점까지 달리고, 주희는 B 지점에서 동시에 출발하여 A 지점을 향해 달렸다. 두 사람이 중간에 만날 때까지 달린 거리는 현우가 $50m$ 더 길었고, 나머지 거리를 달리는 데 걸린 시간은 현우가 6 초, 주희가 24 초일 때, 두 지점 사이의 거리 s 를 구하여라.

▶ 답 : m

▷ 정답 : 150m

해설

현우와 주희의 속력을 각각 am/s , bm/s 라 하고 중간에서 만난 지점을 M 이라 하면

A에서 M 까지의 거리는 $24b$, B에서 M 까지의 거리는 $6a$ 이다.
현우와 주희가 M 까지 걸린 시간이 같으므로

$$\frac{24b}{a} = \frac{6a}{b} \therefore 6a^2 = 24b^2$$

$$\therefore a = 2b (\because a > 0, b > 0) \cdots \textcircled{\text{L}}$$

또 (A에서 M까지의 거리) - (B에서 M까지의 거리) = $50m$ 이므로

$$24b - 6a = 50 \cdots \textcircled{\text{L}}$$

$$\textcircled{\text{L}}, \textcircled{\text{L}} \text{을 연립하여 풀면 } a = \frac{25}{3}, b = \frac{25}{6}$$

$$\text{따라서 두 지점 사이의 거리 } s = 24b + 6a = 24 \times \frac{25}{6} + 6 \times \frac{25}{3} = 150(\text{m})$$

26. 서로 반대방향으로 곧게 뻗어있는 길의 양 끝 A, B 지점에서 두 사람의 자동차 경주가 시작되었다. 철수는 A 지점에서 B 지점을 향해, 영철이는 B 지점에서 A 지점을 향해 달리다가 중간의 휴게소에서 만나서 확인결과 철수가 영철이보다 30km 더 이동했다는 사실을 알았다. 두 사람은 휴게소에서 동시에 출발하여 철수는 2 시간 만에 B 지점에, 영철이는 8 시간 만에 A 지점에 도착하였을 때, 두 지점 A, B 사이의 거리를 구하여라. (단, 두 사람이 이동하는 속력은 각각 일정하다.)

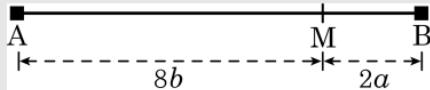
▶ 답 : km

▷ 정답 : 90km

해설

철수와 영철이의 속력을 각각 akm/h , bkm/h 라 하고 중간의 휴

게소의 위치를 M이라 하면



$$\overline{AM} = 8b(\text{km}), \overline{BM} = 2a(\text{km}) \text{ 이다.}$$

철수와 영철이가 휴게소까지 가는 데 걸린 시간이 같으므로

$$\frac{8b}{a} = \frac{2a}{b}$$

$$2a^2 = 8b^2$$

$$\therefore a = 2b (\because a > 0, b > 0) \cdots \textcircled{\text{G}}$$

$$\text{또한, } \overline{AM} - \overline{BM} = 30(\text{km}) \text{ 이므로}$$

$$8b - 2a = 30 \cdots \textcircled{\text{L}}$$

$$\textcircled{\text{G}}, \textcircled{\text{L}} \text{ 을 연립하여 방정식을 풀면 } a = 15, b = \frac{15}{2}$$

$$\therefore \overline{AB} = 8b + 2a = 90(\text{km})$$

27. 강의 하류 지점 A 와 상류 지점 B 에 부표를 달아 표시한 후, 배를 타고 A에서 B 지점까지 30분을 이동한 후, 다시 A로 돌아오기로 하였다. 그런데 A에 달아 놓은 부표의 끈이 출발과 동시에 끊어져서 실제 A 지점보다 한참 하류 쪽까지 더 가야 부표를 만날 수 있었다. 배의 속도는 5km/h, 강물의 속도는 2km/h 일 때, 실제 배를 타고 이동한 시간은 원래 계획보다 몇 시간 더 걸렸는지 소수점 첫째 자리까지 구하여라.

▶ 답 : 시간

▷ 정답 : 0.3 시간

해설

배의 처음 위치를 A, 상류로 올라가다가 배를 돌린 지점을 B이고, 부표와 마주친 지점을 C라 하면

부표가 떠내려간 시간을 x 시간, A와 C 사이의 거리를 y km라 하면

$$y = (\text{배가 } 30\text{분 동안 올라간 거리})$$

$$+ (\text{부표가 } x \text{ 시간 동안 떠내려간 거리})$$

$$= (5 - 2) \times \frac{1}{2} + 2x = 2x + \frac{3}{2} \cdots \textcircled{\text{⑦}}$$

$$y = (\text{배가 } x - \frac{1}{2} \text{ 시간 동안 내려간 거리})$$

$$= (5 + 2) \times \left(x - \frac{1}{2}\right) = 7x - \frac{7}{2} \cdots \textcircled{\text{⑧}}$$

$$\textcircled{\text{⑦}}, \textcircled{\text{⑧}} \text{ 을 연립하여 풀면 } x = 1, y = \frac{7}{2}$$

따라서 배를 타고 이동한 시간은 부표가 떠내려간 거리를 가는 시간만큼 계획보다 더 걸린 것이므로

$$\frac{1 \times 2}{5 + 2} = \frac{2}{7} = 0.285\cdots = 0.3(\text{시간}) \text{ 이 더 걸렸다.}$$

28. 10km 떨어진 강의 두 지점을 왕복하는 배가 있다. 강물을 거슬러 올라가다가 고장이 나서 10분간 떠내려가는 바람에 왕복하는 데 2시간이 걸렸다. 떠내려 간 시간을 빼면, 올라가는 데 걸린 시간은 내려가는 데 걸린 시간의 $\frac{6}{5}$ 배였다. 정지된 물에서의 배의 속력을 구하여라.

▶ 답 : km/h

▷ 정답 : $\frac{144}{13} \text{ km/h}$

해설

정지된 물에서의 배의 속력을 시속 $x\text{km}$, 흐르는 물의 속력을 시속 $y\text{km}$ 라 하면

10분간 떠내려 간 거리는 $\frac{y}{6}\text{km}$ 이다.

또 한, 배가 총 움직인 시간은 (왕복 2시간) - (고장나서 떠내려 간 시간 10분) = 110분이고, (올라갈 때 걸린 시간) : (내려올 때 걸린 시간) = 6 : 5 이므로 올라갈 때 걸린 시간은 60분(1시간), 내려올 때 걸린 시간은 50분($\frac{5}{6}$ 시간)이다.

거리에 관한 식을 세우면

$$\begin{cases} \frac{5}{6}(x+y) = 10 & \cdots \textcircled{\text{Q}} \\ x-y = 10 + \frac{1}{6}y & \cdots \textcircled{\text{L}} \end{cases}$$

⑦, ⑧을 연립하여 방정식의 해를 구하면

$$x = \frac{144}{13}, y = \frac{12}{13}$$

따라서 정지된 물에서의 배의 속력은 $\frac{144}{13} \text{ km/h}$ 이다.

29. 배를 타고 4km 길이의 강을 강물이 흐르는 방향으로 가는데 10 분, 반대 방향으로 거슬러 올라가는 데 20 분이 걸렸다. 이 때, 강물이 흐르는 속력은?

① 9km/h

② 0.1km/h

③ 6km/h

④ 0.5km/h

⑤ 18km/h

해설

배의 속력을 x , 강물의 속력을 y 라고 하면

$$\begin{cases} \frac{1}{6}x + \frac{1}{6}y = 4 \\ \frac{1}{3}x - \frac{1}{3}y = 4 \end{cases}$$

$$\therefore x = 18, y = 6$$