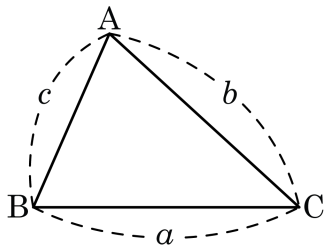


1. 다음 $\triangle ABC$ 에 대한 설명으로 옳은 것을 모두 고른 것은?



보기

- ㉠ $\angle B$ 의 대변의 길이는 b 이다.
- ㉡ $\angle C$ 의 대변은 $\overline{AB}$ 이다.
- ㉢ $\overline{BC}$ 의 대각은 $\angle C$ 이다.

① ㉠

② ㉡

③ ㉠, ㉡

④ ㉠, ㉢

⑤ ㉡, ㉢

해설

㉢ $\overline{BC}$ 의 대각은 $\angle A$ 이다.

2. $\overline{AB}$ 의 길이와 $\angle A$ 의 크기가 주어졌을 때, 한 가지 조건을 더 추가하여 $\triangle ABC$ 를 작도하려고 한다. 이 때 추가해야 할 조건 2 개를 고르면?

① $\angle B$

② $\angle C$

③ $\overline{AC}$

④ $\overline{BC}$

⑤ $\overline{AC}$ 와 $\overline{BC}$

해설

두 변의 길이와 그 끼인각의 크기가 주어질 때와 한 변의 길이와 그 양 끝각의 크기가 주어질 때 삼각형을 하나로 작도할 수 있다. 따라서 $\angle B$ 와 $\overline{AC}$ 이다.

3. 세 변의 길이가 다음과 같이 주어졌을 때, 삼각형을 작도할 수 없는 것은?

① 2, 5, 7

② 3, 4, 6

③ 4, 5, 8

④ 5, 5, 5

⑤ 6, 7, 10

해설

① 주어진 세 변의 길이로 삼각형을 작도 하려면 가장 긴 변의 길이가 나머지 두 변의 길이의 합보다 작아야 한다. 따라서 $2 + 5 = 7$ 이므로 작도할 수 없다.

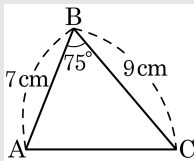
4. $\overline{AB} = 7\text{cm}$, $\overline{BC} = 9\text{cm}$, $\angle B = 75^\circ$ 인 조건으로 만들 수 있는 삼각형의 개수와 한 변의 길이가 5cm , 두 내각의 크기가 각각 20° , 80° 인 조건으로 만들 수 있는 삼각형의 개수의 합을 구하여라.

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 3 개

해설

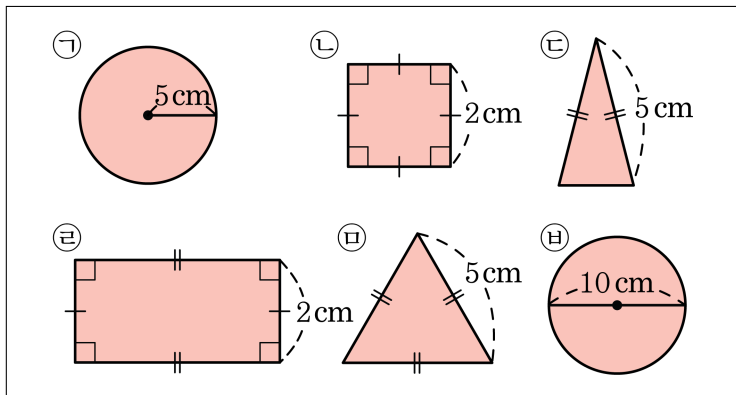
$\overline{AB} = 7\text{cm}$, $\overline{BC} = 9\text{cm}$, $\angle B = 75^\circ$ 인 조건으로 만들 수 있는 삼각형으로 만들 수 있는 삼각형은 다음 그림과 같이 1 개이다.



한 변의 길이가 5cm , 두 내각의 크기가 각각 20° , 80° 인 조건으로 만들 수 있는 삼각형은 밑변의 길이가 5cm 인 이등변삼각형과 두 변의 길이가 5cm 인 이등변삼각형으로 2 개이다.

따라서 합은 $1 + 2 = 3$ (개)

5. 다음 중 서로 합동인 도형을 골라라.



▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 정답 : ㉠

▶ 정답 : ㉢

해설

㉠ 반지름이 5cm 인 원

㉡ 한 변의 길이가 2cm 인 정사각형

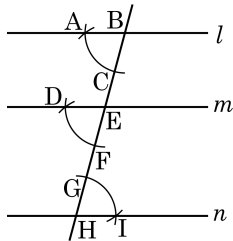
㉢ 한 쌍의 변의 길이가 5cm 인 이등변삼각형

㉣ 한 변의 길이가 2cm 인 직사각형

㉤ 한 변의 길이가 5cm 인 정삼각형

㉥ 지름이 10cm 인 원

6. 다음 그림은 점 B 를 지나고 직선 n 에 평행한 직선 l , 점 E 를 지나고 직선 n 에 평행한 직선 m 을 작도한 것이다. 다음 설명 중 옳지 않은 것은?

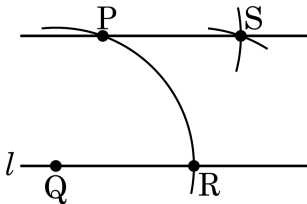


- ① $\overline{AB}$ 와 길이가 같은 선분은 5 개이다.
- ② 작도에 이용된 성질은 ‘엇각의 크기가 같으면 두 직선은 평행하다’ 이다.
- ③ $\overline{AC} = \overline{DF} = \overline{GI}$ 이다.
- ④ $\angle GHI$ 와 같은 각은 1 개이다.
- ⑤ 직선 l, m, n 은 평행하다.

해설

- ④ $\angle GHI$ 와 엇각 관계인 $\angle DEF, \angle ABC$ 는 크기가 같다.

7. 그림은 점 P 를 지나고 직선 l 에 평행한 직선 PS 를 작도하는 과정을 나타낸 것이다. 사각형 PQRS 는 어떤 사각형인가?



① 정사각형

② 직사각형

③ 사다리꼴

④ 마름모

⑤ 등변사다리꼴

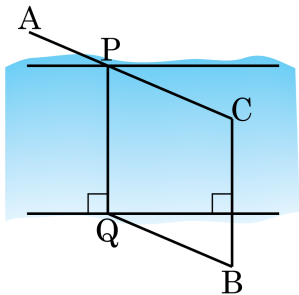
해설

점 Q 를 중심으로 원을 그리므로 $\overline{QP} = \overline{QR}$,

점 P, R 을 중심으로 반지름이 같은 원을 그리므로 $\overline{QP} = \overline{QR} = \overline{PS} = \overline{RS}$,

네 변의 길이가 같은 사각형은 마름모이다.

8. 그림에서 두 지점 A, B 사이에 강폭이 일정한 강이 있다. A 지점에서 B 지점까지 최단거리인 다리($\overline{PQ}$)를 놓으려고 작도를 한 것이다. 제일 먼저 작도해야 하는 것을 찾으려면? (단, 다리는 강에 수직이다.)



① $\overline{AP}$

② $\overline{PQ}$

③ $\overline{BC}$

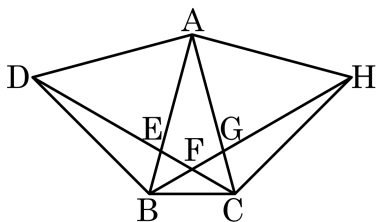
④ $\overline{PC}$

⑤ $\overline{BQ}$

해설

$\overline{BC}$ 를 작도한 다음 점 P 를 지나면서 $\overline{BC}$ 에 평행한 $\overline{PQ}$ 를 작도한다.

9. 다음 그림은 이등변삼각형의 길이가 같은 두 변을 각각 한 변으로 하는 2 개의 정삼각형을 그린 것이다. $\frac{\angle DAH - \angle DFH}{\angle BDC + \angle BHC}$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 1

해설

삼각형 ACD 와 삼각형 ABH 에서

$$\overline{AD} = \overline{AB} = \overline{AC} = \overline{AH}$$

$$\angle DAC = 60^\circ + \angle BAC = \angle BAH \text{ 이므로}$$

삼각형 ACD 와 삼각형 ABH 는 SAS 합동이다.

$$\angle ADC = \angle ACD = \angle ABH = \angle AHB = \angle a \text{ 라 하면}$$

삼각형 BFD 에서

$$\begin{aligned} \angle BFE &= 180^\circ - (\angle BDF + \angle DBF) \\ &= 180^\circ - (60^\circ - \angle a + 60^\circ + \angle a) \\ &= 60^\circ \end{aligned}$$

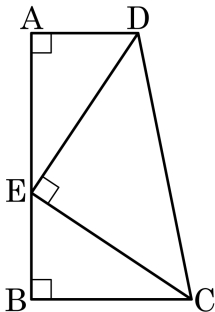
$$\therefore \angle DFH = 180^\circ - \angle BFE = 120^\circ$$

$$\begin{aligned} \angle BAH &= 180^\circ - 2\angle a \text{ 이므로 } \angle DAH = \angle DAB + \angle BAH = 60^\circ + 180^\circ - 2\angle a \\ &= 240^\circ - 2\angle a \end{aligned}$$

$$\therefore \frac{\angle DAH - \angle DFH}{\angle BDC + \angle BHC} = \frac{(240^\circ - 2\angle a) - 120^\circ}{(60^\circ - \angle a) + (60^\circ - \angle a)} =$$

$$\frac{120^\circ - 2\angle a}{120^\circ - 2\angle a} = 1$$

10. 다음 그림에서 $\angle A = \angle B = 90^\circ$ 이고 삼각형 DEC 는 $\angle DEC = 90^\circ$ 인 직각이등변삼각형이다. 선분 AB 는 15cm 이고 선분 BC 는 9cm 일 때, 사각형 ABCD 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 : cm^2

▶ 정답 : $\frac{225}{2} \text{cm}^2$

해설

$\triangle AED$ 와 $\triangle BCE$ 에서

$$\angle AED + \angle BEC = 90^\circ$$

$$\triangle AED \text{ 에서 } \angle AED + \angle ADE = 90^\circ$$

$$\therefore \angle BEC = \angle ADE$$

$$\text{즉, } \angle AED = \angle BCE, \angle ADE = \angle BEC, \overline{DE} = \overline{EC}$$

$$\therefore \triangle AED \equiv \triangle BCE \text{ (ASA 합동)}$$

$$\overline{AD} = \overline{EB} = 15 - 9 = 6(\text{cm})$$

$$\text{따라서 사각형 ABCD 의 넓이는 } (6 + 9) \times 15 \div 2 = \frac{225}{2} (\text{cm}^2)$$