

1. 다음 보기 중 옳은 것을 모두 고른 것은?

보기

- ㉠ 가장 작은 소수는 1 이다.
- ㉡ 소수는 약수가 2 개인 수이다.
- ㉢ 자연수는 소수와 합성수로 이루어져 있다.
- ㉣  $a, b$  가 소수이면  $a \times b$  도 소수이다.

① ㉠

② ㉡

③ ㉠, ㉡

④ ㉢, ㉣

⑤ ㉠, ㉡, ㉣

2. 자연수  $a, b, c$  에 대하여  $750a = 180b = c^2$  이 성립할 때,  $c$  의 최솟값을 구하여라.



답: \_\_\_\_\_

3. 소인수분해를 이용하여 72의 약수를 구하기 위해 만든 것이다. 빈칸에 알맞은 수를 모두 구해 그 합을 구하여라.

$\times$	1	2	$2^2$	$2^3$
1	1	2	4	
3	3		12	24
$3^2$		18	36	72



답: \_\_\_\_\_

4. 세 수 250, 360, 960 의 최대공약수는?

①  $2^2$

②  $2 \times 5$

③  $2^2 \times 5^2$

④  $2 \times 3 \times 5$

⑤  $2^2 \times 3 \times 5$

5.  $A_k$ 는  $k$ 의 배수 모임이라고 하면  $A_{12}$ 는 12의 배수 모임,  $A_{18}$ 은 18의 배수 모임이다.  $A_{12}$ 와  $A_{18}$ 의 공통인 수들의 모임을  $A_n$ 이라고 할 때,  $n$ 의 값을 구하여라.



답:

\_\_\_\_\_

6. 가로, 세로의 길이가 각각 12 cm, 20 cm 인 직사각형 모양의 카드를  
늘어 놓아 가장 작은 정사각형을 만들려고 한다. 이때, 카드는 총 몇  
장이 필요한가?

① 10 장

② 12 장

③ 13 장

④ 15 장

⑤ 17 장

7. 옛날부터 우리나라에는 십간(☉☉)과 십이지(☉☉☉)를 이용하여 매해에 이름을 붙였다. 십간과 십이지를 차례대로 짝지으면 다음과 같이 그 해의 이름을 만들 수 있다. 다음 표에서 알 수 있듯이 2011년은 신묘년이다. 다음 중 신묘년이 아닌 해는?

정	무	기	경	신	임	계	갑
축	인	묘	진	사	오	미	신
정축	무인	기묘	경진	신사	임오	계미	갑신
1997	1998	1999	2000	2001	2002	2003	2004

을	병	정	무	기	경	신
유	술	해	자	축	인	묘
을유	병술	정해	무자	기축	경인	신묘
2005	2006	2007	2008	2009	2010	2011

- ① 1831년                      ② 1881년                      ③ 1951년  
 ④ 2071년                      ⑤ 2131년

8. 자연수  $a, b, c$  에 대하여  $5 \times a = 7 \times b = c^2$  을 만족하는  $c$  의 값으로  
가능하지 않은 것은?

① 35

② 70

③ 105

④ 140

⑤ 180

9. 두 수  $2^3 \times 3 \times 7^2 \times 11$ , 60 의 공약수들의 합은?

① 28

② 35

③ 48

④ 51

⑤ 64

10. 두 자연수  $a, b$  의 최대공약수가  $2 \times 3^2$  일 때,  $a, b$  의 공약수의 개수를 구하여라.



답:

개

---

11. 서로 맞물려 도는 톱니바퀴 ㉠과 ㉡이 있다. ㉠의 톱니 수는 20, ㉡의 톱니 수는 15일 때, 이 톱니가 같은 이에서 다섯 번째로 다시 맞물리는 것은 ㉡이 몇 바퀴 돈 후인가?

① 16 바퀴

② 18 바퀴

③ 20 바퀴

④ 21 바퀴

⑤ 24 바퀴

12. 어떤 자연수를 5로 나누면 3이 남고, 6으로 나누면 4가 남고, 7로 나누면 5가 남는다고 한다. 이러한 조건을 만족하는 자연수 중에서 가장 작은 수는?

① 207

② 208

③ 209

④ 210

⑤ 211

13. 다음  보기를 모두 만족시키는 자연수는 모두 몇 개인가?

보기

- ㉠ 100 이하의 자연수이다.
- ㉡ 3의 배수
- ㉢ 5의 배수
- ㉣ 4로 나누면 나머지가 3인 수

① 1개

② 2개

③ 3개

④ 4개

⑤ 5개

14. 어떤 자연수  $A$  를 두 분수  $\frac{25}{6}$ ,  $\frac{70}{9}$  에 각각 곱했더니 그 결과가 모두 자연수가 되었다. 또 어떤 분수  $\frac{A}{B}$  를 두 분수  $\frac{25}{6}$ ,  $\frac{70}{9}$  에 각각 곱했더니 그 결과 역시 모두 자연수가 되었다. 가능한 수 중 가장 작은  $A$ , 가장 큰  $B$  를 구하여  $A + B$  를 계산하여라.

① 23

② 25

③ 27

④ 33

⑤ 35

**15.** 어떤 수  $N$  을 8 로 나누었을 때 몫이  $k$  이고 나머지가  $k-1$  인 두 자릿수  $N$  중 가장 큰 수를 구하여라.



답: \_\_\_\_\_

16. 일곱 자리 수  $a132784$  가 7 의 배수이고, 네 자리 수  $b8c1$  이 11 의 배수일 때,  $a + b + c$  를 구하여라.



답: \_\_\_\_\_

17. 자연수  $n$ 에 대하여  $n$ 부터 연속하는 5개의 자연수의 곱을  $[n]$ ,  $n$ 의 약수의 개수를  $s(n)$ 로 정의한다.  $\frac{s([n+1])}{s([n])} < 1$ 을 만족하는 10보다 작은 자연수  $n$ 을 모두 구하여라.

 답: \_\_\_\_\_

 답: \_\_\_\_\_

18. 두 자연수  $p, q$  의 최대공약수를  $[p, q]$  로 정의할 때,

$\left[ \left[ \frac{[p, p]}{[p, q]}, q \right], \left[ \frac{[q, q]}{[p, q]}, p \right] \right]$  를 간단히 하여라.



답:

\_\_\_\_\_

**19.** 세 수 124, 156, 204를 어떤 수로 나누었더니 그 나머지가 모두 같았다. 어떤 수 중에서 가장 큰 수와 그 때의 나머지를 구하여라.

① 어떤 수 : 7, 나머지 : 2

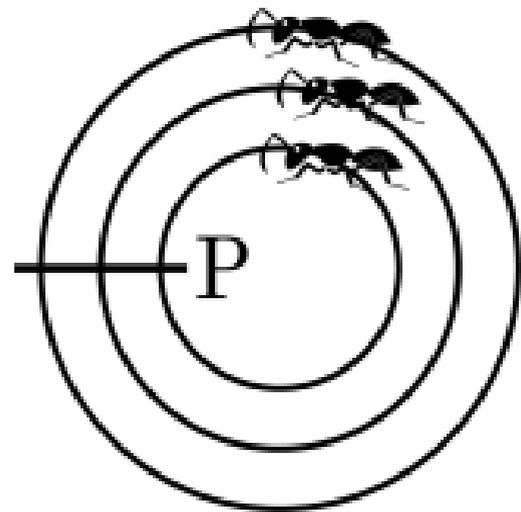
② 어떤 수 : 9, 나머지 : 5

③ 어떤 수 : 12, 나머지 : 6

④ 어떤 수 : 16, 나머지 : 2

⑤ 어떤 수 : 16, 나머지 : 12

20. 개미 3 마리가 볼펜으로 그어 놓은 원을 따라 각각의 원주 위를 일정한 속력으로 돌고 있다. 12분 동안 A 개미는 20바퀴를 돌고, B 개미는 30바퀴, C 개미는 36바퀴를 돈다. 세 개미가 동시에 P 지점에서 출발하여 50분 동안 일정한 속도로 돌았다면 동시에 P 지점을 몇 번 통과하는지 구하여라.



➤ 답: \_\_\_\_\_ 번