

1. $a^2x + a^2y$ 에서 각 항에 공통으로 들어 있는 인수를 찾으면?

- ① x ② y ③ ax ④ ay ⑤ a^2

해설

$$a^2x + a^2y = a^2(x + y) \quad \text{∴} \text{므로 공통인수는 } a^2$$

2. 다음 $\boxed{\quad}$ 안에 공통으로 들어갈 수 있는 수는?

$$x^2 - 2x + \boxed{\quad} = (x - \boxed{\quad})^2$$

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$x^2 - 2x + 1 = (x - 1)^2$$

3. 다음을 만족할 때, $x^2 - y^2 + 3(x + y)$ 의 값을 구하면?

$$x + y = \sqrt{3}, \quad x - y = \sqrt{5}$$

- ① $\sqrt{5} + \sqrt{3}$ ② $\sqrt{5} + \sqrt{10}$ ③ $\sqrt{10} + \sqrt{3}$
④ $\sqrt{15} + 3\sqrt{3}$ ⑤ $\sqrt{15} + 4\sqrt{3}$

해설

$$\begin{aligned} x^2 - y^2 + 3(x + y) &= (x + y)(x - y) + 3(x + y) \\ &= (x + y)(x - y + 3) \\ &= \sqrt{3}(\sqrt{5} + 3) \\ &= \sqrt{15} + 3\sqrt{3} \end{aligned}$$

4. 이차방정식 $2(x+3)(x-1) = -x^2 + 2x + 3$ 을 $ax^2 + bx + c = 0$
($a > 0$, a, b, c 는 상수)의 꼴로 나타낼 때, $a+b+c$ 의 값을 구하면?

① -5 ② -4 ③ -3 ④ -2 ⑤ -1

해설

$$2(x^2 + 2x - 3) = -x^2 + 2x + 3$$

$$3x^2 + 2x - 9 = 0$$

$$\therefore a = 3, b = 2, c = -9$$

따라서 $a+b+c = -4$ 이다.

5. 다음 중 제곱근을 근호를 사용하지 않고 나타낼 수 있는 것은?

- ① $\frac{1}{2}$ ② $\frac{1}{81}$ ③ 1.5 ④ 155 ⑤ 66

해설

$$\textcircled{1} \left(\frac{1}{2} \text{의 제곱근} \right) = \pm \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\textcircled{2} \left(\frac{1}{81} \text{의 제곱근} \right) = \pm \frac{1}{9}$$

$$\textcircled{3} (1.5 \text{의 제곱근}) = \pm \sqrt{1.5}$$

$$\textcircled{4} (155 \text{는 제곱수가 아니므로 } 155 \text{의 제곱근}) = \pm \sqrt{155}$$

$$\textcircled{5} (66 \text{은 제곱수가 아니므로 } 66 \text{의 제곱근}) = \pm \sqrt{66}$$

따라서 근호를 사용하지 않고 나타낼 수 있는 것은 ②이다.

6. $\sqrt{121} - \sqrt{(-6)^2}$ 을 계산하여라.

- ① 1 ② 3 ③ 5 ④ 7 ⑤ 9

해설

$$11 - 6 = 5$$

7. 다음 식을 간단히 하면?

$$\sqrt{2} \left(\sqrt{8} - \frac{3}{\sqrt{3}} \right) + (6 + 2\sqrt{3}) \div \sqrt{2}$$

- ① $-\sqrt{6}$ ② $4 - 2\sqrt{2}$ ③ 4
④ $4 - 3\sqrt{6}$ ⑤ $4 + 3\sqrt{2}$

해설

$$\begin{aligned} & \sqrt{2} \left(\sqrt{8} - \frac{3}{\sqrt{3}} \right) + (6 + 2\sqrt{3}) \div \sqrt{2} \\ &= 4 - \frac{3\sqrt{6}}{3} + \frac{6\sqrt{2} + 2\sqrt{6}}{2} \\ &= 4 - \sqrt{6} + 3\sqrt{2} + \sqrt{6} \\ &= 4 + 3\sqrt{2} \end{aligned}$$

8. 다음 중 무리수 $\sqrt{2}$ 와 $\sqrt{3}$ 사이에 있는 무리수가 아닌 것은? (단, $\sqrt{2} = 1.414$, $\sqrt{3} = 1.732$)

① $\sqrt{2} + 0.1$ ② $\sqrt{3} - 0.1$ ③ $\sqrt{2} + 0.2$
④ $\frac{\sqrt{2} + \sqrt{3}}{2}$ ⑤ $\frac{\sqrt{3} - \sqrt{2}}{2}$

해설

① $\sqrt{2} + 0.1 = 1.514$
② $\sqrt{3} - 0.1 = 1.632$
③ $\sqrt{2} + 0.2 = 1.614$

④ $\frac{\sqrt{2} + \sqrt{3}}{2}$ 는 $\sqrt{2}$ 와 $\sqrt{3}$ 의 중점이므로 두 수 사이에 있는 수이다.

⑤ $0.2 < \sqrt{3} - \sqrt{2} < 0.4$ 이므로 $0.1 < \frac{\sqrt{3} - \sqrt{2}}{2} < 0.2$, 따라서 $\sqrt{2}$ 와 $\sqrt{3}$ 사이에 있지 않다.

9. $\left(2x - \frac{1}{4}\right) \left(3x + \frac{1}{2}\right)$ 을 전개하였을 때, x 의 계수와 상수항의 합은?

- ① $-\frac{1}{2}$ ② $-\frac{7}{16}$ ③ $-\frac{3}{8}$ ④ $\frac{1}{8}$ ⑤ $\frac{3}{8}$

해설

$$6x^2 + x - \frac{3}{4}x - \frac{1}{8} = 6x^2 + \frac{1}{4}x - \frac{1}{8}$$

$$\therefore \frac{1}{4} - \frac{1}{8} = \frac{2-1}{8} = \frac{1}{8}$$

10. $m = -1$ 을 해로 가지지 않는 하나는 ?

- ① $m^2 + 2m + 1 = 0$ ② $m^2 - m - 2 = 0$
③ $4 - m^2 + 3m = 0$ ④ $4 - 3m^2 + m = 0$
⑤ $4 - 3m^2 - m = 0$

해설

- ① $m^2 + 2m + 1 = 0$, $(m+1)^2 = 0$
② $m^2 - m - 2 = 0$, $(m-2)(m+1) = 0$
③ $4 - m^2 + 3m = 0$, $-(m-4)(m+1) = 0$
④ $4 - 3m^2 + m = 0$, $-(3m-4)(m+1) = 0$
⑤ $4 - 3m^2 - m = 0$, $-(3m+4)(m-1) = 0$

따라서 $m = -1$ 을 해로 가지지 않는 하나는 ⑤이다.

11. 이차방정식 $\frac{3}{4}x^2 + \frac{1}{2}x - \frac{5}{6} = 0$ 의 근이 $x = \frac{A \pm \sqrt{B}}{3}$ 일 때, $A + B$ 의 값은?

① -1 ② 11 ③ 5 ④ -8 ⑤ 10

해설

양변에 12를 곱하면 $9x^2 + 6x - 10 = 0$
근의 공식(짝수 공식)을 이용하면

$$x = \frac{-3 \pm \sqrt{9 + 90}}{9} = \frac{-3 \pm 3\sqrt{11}}{9}$$

$$\therefore x = \frac{-1 \pm \sqrt{11}}{3}, A = -1, B = 11$$

$$\therefore A + B = -1 + 11 = 10$$

12. 가로, 세로의 길이가 각각 11m, 9m인 직사각형 모양의 땅에 다음 그림과 같이 세로로 x m, 가로로 x m의 길을 내어 남은 땅의 넓이가 48 m^2 가 되도록 할 때, x 의 값은?

① 1m ② 2m ③ 3m

④ 4m ⑤ 5m



해설

$$(11 - x)(9 - x) = 48$$

$$x^2 - 20x + 51 = 0$$

$$(x - 3)(x - 17) = 0$$

$x < 9$ 이므로 $x = 3(\text{m})$

13. $a^2 = 15$ 일 때, a 의 값으로 옳은 것은?

- ① $-\sqrt{15}$ ② $\sqrt{15}$ ③ $\pm 3\sqrt{5}$
④ $\pm \sqrt{15}$ ⑤ $3\sqrt{5}$

해설

a 는 15의 제곱근이므로 $\pm\sqrt{15}$ 이다.

14. $\sqrt{50-x}$ 의 값이 자연수가 되도록 하는 가장 작은 자연수 x 는?

- ① 1 ② 3 ③ 5 ④ 10 ⑤ 14

해설

$\sqrt{49}$ 이므로 $x = 1$ 이다.

15. 다음 중 옳지 않은 것은?

$$\textcircled{1} \quad \frac{\sqrt{15}}{\sqrt{3}} = \sqrt{5}$$

$$\textcircled{3} \quad \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{2}} \div \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{14}} = \sqrt{7}$$

$$\textcircled{5} \quad \sqrt{168} \div \sqrt{6} = \sqrt{27}$$

$$\textcircled{2} \quad -\sqrt{22} \div \sqrt{2} = -\sqrt{11}$$

$$\textcircled{4} \quad \sqrt{\frac{11}{3}} \div \sqrt{\frac{11}{12}} = \sqrt{4} = 2$$

해설

$$\textcircled{5} \quad \sqrt{168} \div \sqrt{6} = \sqrt{28}$$

16. $12\left(\frac{1}{3}x + \frac{1}{4}y\right)\left(\frac{1}{3}x - \frac{1}{4}y\right)$ 를 전개하면?

- ① $\frac{4}{3}x^2 - 12xy + \frac{3}{4}y^2$
② $\frac{4}{3}x^2 - 6xy - \frac{3}{4}y^2$
③ $\frac{3}{2}x^2 + 12xy + \frac{3}{4}y^2$
④ $\frac{4}{3}x^2 - \frac{3}{4}y^2$
⑤ $\frac{3}{4}x^2 + \frac{4}{3}y^2$

해설

$$12 \left\{ \left(\frac{1}{3}x \right)^2 - \left(\frac{1}{4}y \right)^2 \right\} = 12 \left(\frac{1}{9}x^2 - \frac{1}{16}y^2 \right) \\ = \frac{4}{3}x^2 - \frac{3}{4}y^2$$

17. 다음 도형의 색칠한 부분의 넓이를 나타낸
것이 아닌 것은?

① $(a - 2)(b - 1)$

② $a(b - 1) - 2(b - 1)$

③ $ab + 2$

④ $b(a - 2) - (a - 2)$

⑤ $ab - 2b - a + 2$



해설

색칠한 부분의 넓이]: $(a - 2)(b - 1)$

② $a(b - 1) - 2(b - 1) = (a - 2)(b - 1)$

③ $ab + 2$

④ $b(a - 2) - (a - 2) = (a - 2)(b - 1)$

⑤ $ab - 2b - a + 2 = a(b - 1) - 2(b - 1) = (a - 2)(b - 1)$

18. 다음 이차방정식 중에서 해가 중근이 아닌 것은?

- ① $x^2 = 0$
- ② $x(x - 6) + 9 = 0$
- ③ $\frac{1}{2}x^2 + 4x + 8 = 0$
- ④ $x^2 - 1 = 0$
- ⑤ $x^2 + 6x + 11 = -(4x + 14)$

해설

(완전제곱식)=0의 꼴이어야 중근을 갖는다.

④ $x^2 = 1$ 이므로 $x = \pm 1$

따라서 서로 다른 두 개의 근을 갖는다.

19. 이차방정식 $(x - 1)^2 = x + 3$ 을 근의 공식을 이용하여 풀면 근은

$$x = \frac{A \pm \sqrt{B}}{2} \text{ 일 때, 상수 } A + B \text{ 의 값은?}$$

- ① -20 ② -16 ③ 16 ④ 20 ⑤ 26

해설

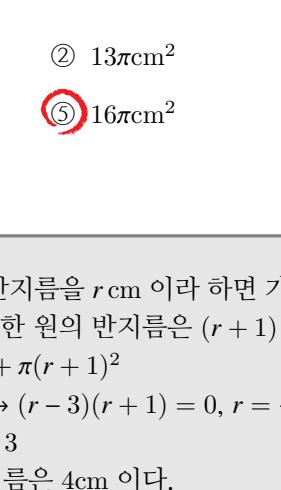
$$\text{식을 정리하면 } x^2 - 3x - 2 = 0$$

$$x = \frac{3 \pm \sqrt{9+8}}{2} = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$\therefore A = 3, B = 17$$

$$\therefore A + B = 20$$

20. 다음 그림과 같이 원 세 개가 포개어져 있다. 가장 큰 원의 넓이가 나머지 두 원의 넓이의 합과 같을 때, 색칠한 부분의 넓이는?



- ① $12\pi\text{cm}^2$ ② $13\pi\text{cm}^2$ ③ $14\pi\text{cm}^2$
④ $15\pi\text{cm}^2$ ⑤ $16\pi\text{cm}^2$

해설

가장 작은 원의 반지름을 r cm이라 하면 가장 큰 원의 반지름은 $(r + 2)$ cm, 색칠한 원의 반지름은 $(r + 1)$ cm이 된다.

$$\pi(r + 2)^2 = \pi r^2 + \pi(r + 1)^2$$

$$r^2 - 2r - 3 = 0 \rightarrow (r - 3)(r + 1) = 0, r = -1, 3 \text{에서}$$

$$r > 0 \text{ 이므로 } r = 3$$

색칠한 원의 반지름은 4cm이다.

따라서 색칠한 원의 넓이는 $4^2\pi = 16\pi(\text{cm}^2)$ 이다.