

1. 이차함수 $y = x^2 - kx + 3k + 2$ 의 그래프에 의하여 잘려지는 x 축의 길이가 3일 때, 모든 실수 k 의 값의 합은?

- ① 6 ② 8 ③ 10 ④ 12 ⑤ 14

2. 이차함수 $y = x^2 + 2x + k$ 의 그래프가 x 축과 만나는 두 점 사이의 거리가 $4\sqrt{2}$ 일 때, 상수 k 의 값은?

① -8 ② -7 ③ -6 ④ -5 ⑤ -4

3. 이차함수 $y = x^2 + ax + 2a$ 의 그래프는 x 축과 두 점 A, B 에서 만나고 $\overline{AB} = 2$ 일 때, 모든 실수 a 의 값의 합을 구하여라.

 답: _____

4. 최댓값이 6 이고, 대칭축이 $x = 3$ 인 이차함수의 식이 $y = -(x-p)^2 + q$ 일 때, $p + q$ 의 값을 구하여라.

 답: _____

5. 이차함수 $y = ax^2 - 6x + c$ 는 $x = -6$ 일 때, 최댓값 3 을 가진다. 이때, ac 의 값을 구하여라.

 답: _____

6. $y = -x^2 + 2kx + k$ 의 최댓값이 6 일 때, 상수 k 의 값을 구하여라. (단, $k > 0$)

 답: _____

7. 이차함수 $y = \frac{1}{2}x^2 - 3x + m - 1$ 의 최솟값이 $\frac{1}{2}$ 일 때, m 의 값은?

① 3

② 4

③ 5

④ 6

⑤ 7

8. 두 점 $(2, 0)$, $(-6, 0)$ 을 지나고, 최댓값이 16 인 이차함수의 그래프가 지나는 점을 보기에서 모두 골라라.

보기

㉠ $(-2, 16)$

㉡ $(-1, 7)$

㉢ $(0, -12)$

㉣ $(3, -9)$

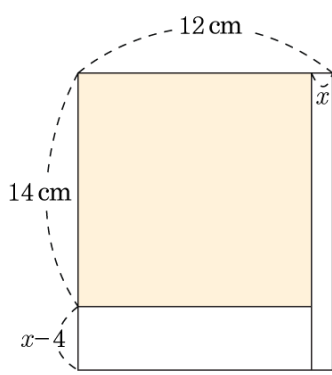
 답: _____

 답: _____

9. 이차함수 $y = x^2 + 4x + k$ 의 최솟값이 -4 일 때, k 의 값을 구하여라.

 답: _____

10. 가로, 세로의 길이가 각각 12 cm, 14 cm 인 직사각형에서 가로의 길이는 x cm 만큼 줄이고, 세로의 길이는 $(x - 4)$ cm 만큼 늘였을 때, 얻은 직사각형의 넓이를 $y \text{ cm}^2$ 라고 하면 y 가 최대가 되게 하는 x 의 값을 구하여라.



▶ 답: _____ cm

11. 가로, 세로가 각각 16cm, 6cm 인 직사각형이 있다. 가로는 1 초에 2cm 씩 줄어들고, 세로는 1 초에 1cm 씩 늘어난다고 할 때, x 초가 지난 후 직사각형의 넓이 $y\text{cm}^2$ 의 최댓값과 최대를 가지게 하는 x 초를 각각 구하여라.

, 1 초  답: _____ cm^2

, 1 초

12. 밑면의 길이가 10cm , 높이가 12cm 인 삼각형이 있다. 이 삼각형의 밑면의 길이를 x cm 만큼 줄이고, 높이를 2 x cm 만큼 늘여서 만든 삼각형의 최대 넓이를 $y\text{cm}^2$ 라고 할 때, y 의 최댓값과 그 때의 x 의 값을 각각 구하여라.

 답: _____

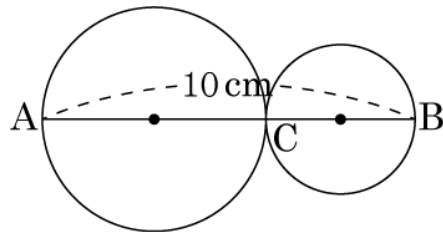
13. 돌레의 길이가 24 인 철사를 구부려서 부채꼴 모양을 만들려고 한다.
부채꼴의 넓이를 y 라고 할 때, 부채꼴의 넓이의 최댓값을 구하면?

- ① 18 ② 20 ③ 30 ④ 32 ⑤ 36

14. 둘레의 길이가 24 cm 인 부채꼴의 넓이가 최대일 때, 이 부채꼴의 호의 길이를 구하여라.

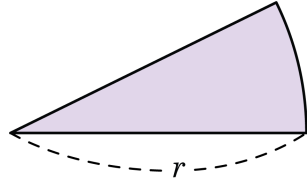
 답: _____ cm

15. 다음 그림과 같이 지름의 길이의 합이 10cm 인 두 원이 있다. 두 원의 넓이의 합의 최솟값을 구하여라. (단, 소수 첫째 자리까지 구하여라.)



▶ 답: _____

16. 둘레의 길이가 20cm 인 부채꼴의 넓이가 최대일 때의 반지름의 길이는?

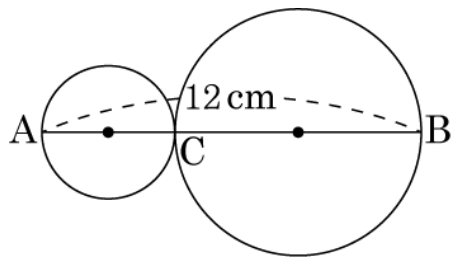


- ① 1cm ② 2cm ③ 3cm ④ 4cm ⑤ 5cm

17. 둘레의 길이가 20 cm 인 철사를 구부려서 부채꼴 모양을 만들려고 한다. 부채꼴의 넓이가 최대가 되도록 하는 부채꼴의 반지름을 a , 이때 부채꼴의 넓이를 b 라 할 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

 답: _____

18. 다음 그림과 같이 지름의 길이의 합이 12 cm 인 두 원이 있다. 두 원의 넓이의 합이 최소가 되도록 하는 두 원의 반지름의 길이와 넓이의 합을 각각 구하여라.



▶ 답: _____

▶ 답: _____

▶ 답: _____

19. 이차함수 $y = ax^2 + 4x + 2$ 에서 $a > 0$ 이고, $x = -2$ 에서 최솟값을 가질 때, a 의 값을 구하여라.

 답: _____

20. 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 는 $y = -\frac{1}{2}x^2 - 2x + 5$ 의 그래프와 모양이 같고 $x = -2$ 일 때 최댓값 3 을 갖는다. 이 때 $a + b + c$ 의 값을 구하면?

- ① $-\frac{5}{2}$ ② $-\frac{3}{2}$ ③ $-\frac{1}{2}$ ④ $\frac{3}{2}$ ⑤ $\frac{5}{2}$

21. 이차함수 $y = -3x^2 + 6x + 4a$ 의 최댓값은 음수이고, 그 그래프가 점 $(-a, 2a - 7)$ 을 지날 때, 상수 a 의 값을 구하여라.

 답: _____

- 22.** $x + y = 3$, $x \geq 0$, $y \geq 0$ 일 때, $2x^2 + y^2$ 의 최댓값을 M , 최솟값을 m 이라 하면 $M - m$ 의 값을 구하여라.

 답: _____

23. 합이 12 인 두 수가 있다. 제곱의 합의 최소값을 구하여라.

 답: _____

24. x 에 대한 이차방정식 $x^2 + (a-2)x + a^2 + a + 2 = 0$ 의 두 실근을 α, β 라 할 때, $(\alpha-1)(\beta-1)$ 의 최댓값과 최솟값의 합은? (단, a 는 상수)

- ① 1 ② 3 ③ 5 ④ 7 ⑤ 9

25. x 가 실수일 때, 함수 $f(x) = \frac{x^2 + 4x - 1}{x^2 - 2x + 3}$ 의 최댓값을 M , 최솟값을 m 이라 할 때, $M + m$ 의 값을 구하여라.

 답: _____

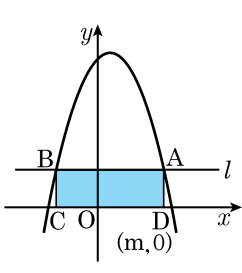
26. x 가 실수일 때, $x^2 + 4y^2 - 8x + 16y - 4 = 0$ 을 만족하는 y 의 최솟값을 구하여라.

 답: _____

27. 두 실수 x, y 가 $x^2 + y^2 + 2x - 2y - 2 = 0$ 을 만족할 때, x 의 최댓값과 최솟값의 합을 구하여라.

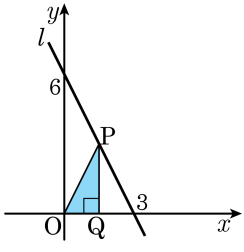
 답: _____

28. $y = -x^2 + x + 6$ 의 그래프와 x 축에 평행인 직선 l 이 만나는 두 점 A, B 에서 x 축에 수선을 그어 그 수선의 발을 각각 D, C 라 하고, 점D 의 x 좌표를 m 이라고 할 때, □ABCD 의 둘레의 길이의 최댓값은? $\left(\frac{1}{2} < m < 3\right)$



- ① $\frac{11}{2}$
- ② $\frac{31}{4}$
- ③ 10
- ④ $\frac{49}{4}$
- ⑤ $\frac{29}{2}$

29. 다음 그림과 같이 직선 l 위를 움직이는 점 P 가 있다. x 축 위에 내린 수선의 발을 Q 라고 할 때, $\triangle POQ$ 의 넓이의 최댓값을 구하여라. (단, 점 P 는 제 1 사분면 위에 있다.)

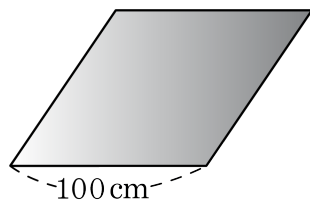


 답: _____

30. 이차함수 $y = -x^2 + 2x + 5$ 의 그래프와 x 축으로 둘러싸인 도형에 내접하고, 한 변이 x 축 위에 오는 직사각형을 만들 때, 이 직사각형의 둘레의 길이의 최댓값을 구하여라.

 답: _____

31. 다음 그림과 같은 철판을 구부려서 직사각형의 철판 S를 만들고자 한다. S의 단면적의 최댓값은?



- ① 695 cm^2 ② 710 cm^2 ③ 625 cm^2
④ 525 cm^2 ⑤ 410 cm^2

32. 태은이네 가게에서 판매하고 있는 상품의 1개당 판매가격을 원래의 가격보다 $x\%$ 올리면 이 상품의 판매량은 $\frac{2}{3}x\%$ 감소한다고 한다. 이때, 판매 금액이 최대가 되게 하는 x 의 값은?

- ① 10 ② 15 ③ 20 ④ 25 ⑤ 30

33. 길이가 80 m 인 끈으로 목장의 경계를 직사각형 모양으로 표시하려고 한다. 목장의 넓이를 최대로 하려면 이 울타리의 가로 길이는 몇 m 로 정해야 하는가?

- ① 10 m ② 20 m ③ 30 m ④ 40 m ⑤ 50 m

34. 구입 가격이 1kg에 2000원인 돼지고기를 1kg에 3000원씩 판매하면 하루에 100kg을 팔 수 있으며 1kg에 10원씩 판매 가격을 내릴 때마다 판매량이 3kg씩 증가하고 1kg에 10원씩 판매 가격을 올릴 때마다 판매량이 3kg씩 감소한다고 한다.
1kg에 p 원씩 판매할 때, 하루의 이익을 최대로 할 수 있는 p 의 값을 구하면? (단, 판매가격은 10원 단위로만 인상 또는 인하 할 수 있다.)

- ① 2600원 ② 2670원 ③ 2700원
④ 2750원 ⑤ 2800원

35. 길이가 20m 인 철망을 이용하여 벽을 한 면으로 하는 직사각형 모양의 가축 우리를 만들려고 한다. 가축 우리의 넓이가 최대가 되도록 만들 때, 그 넓이를 구하여라.



 답: _____ m²

36. 반지름의 길이가 2 인 사분원 OAB 의 호 AB 위에 $\angle AOP = 60^\circ$ 가 되도록 점 P 를 정한다. 이 때, 선분 OA 위를 움직이는 점 Q 에 대하여 $\overline{OQ}^2 + \overline{PQ}^2$ 의 최솟값은?

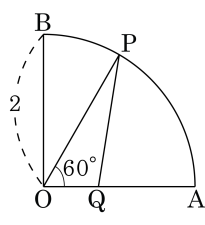
① $\frac{13}{4}$

② $\frac{7}{2}$

③ $\frac{15}{4}$

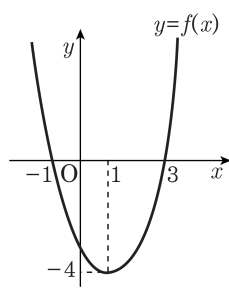
④ $\frac{17}{4}$

⑤ $\frac{9}{2}$



37. 이차함수 $y = f(x)$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 방정식 $f(|f(x)|) = 0$ 의 실근의 개수는?

- ① 2 개 ② 4 개 ③ 6 개
 ④ 8 개 ⑤ 0 개



38. 두 함수 $f(x) = |x^2 - 2x - 3| - 1$ 과 $g(x) = 2x - 1$ 에 대하여 방정식 $f(x) = g(x)$ 의 서로 다른 실근의 개수는?

- ① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

39. x 에 대한 방정식 $|x^2 - 4| = 2x + m$ 이 서로 다른 4개의 실근을 가질 때, 실수 m 의 값 또는 m 의 값의 범위는?

- | | |
|----------------------|---------------|
| ① $-4 < m < 4$ | ② $m = -4$ |
| ③ $m = 4$ 또는 $m = 5$ | ④ $4 < m < 5$ |
| ⑤ $m > 5$ | |