## **1.** 150 에 가장 가까운 9 의 배수를 구하여라.

- 답:
- ➢ 정답: 153

- 해설

9 × 16 = 144, 9 × 17 = 153 이므로 150 에 가장 가까운 9 의 배수는 153 이다.

## **2.** 4<sup>3</sup> 에 대한 다음 설명 중 옳지 <u>않은</u> 것은?

- ① 12 와 같다.
  - ② 밑은 4 이다.
  - ③ 지수는 3 이다.
  - ④ 4×4×4를 나타낸 것이다.
  - ⑤ 3<sup>4</sup> 보다 작다.

#### 해설

- ①  $4^3 = 4 \times 4 \times 4 = 64$  이므로 12 와 같지 않다.
- $3^4 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 81$

- . 다음 중 30이하의 소수가 <u>아닌</u> 것은?
  - ① 11 ② 17
    - ③ 23
- (4) 27 (5) 29

해설

30 이하의 소수는 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29 이다.

- 4. 다음 중에서 옳은 것을 모두 고르면?(정답 2개)
  - ① 1 은 소수가 아니다.
    - ② 모든 소수는 홀수이다.
    - ③ 모든 수는 약수의 개수가 2 개 이상이다.
    - ④ 가장 작은 소수는 3 이다.
  - ⑤ 4 와 9 는 서로소이다.

- 해설
- ② 소수는 2, 3, 5, 7, · · · 이다.
- ③ 1 의 약수는 1 뿐이다.
- ④ 가장 작은 소수는 2 이다.

(1)  $150 = 2 \times 3 \times 5^2$ 

다음 중 소인수분해가 옳지 않은 것은?

- $3 108 = 2^2 \times 3^3$
- $\bigcirc$  168 =  $2^3 \times 3 \times 7$



- $4 63 = 3^2 \times 7$

 $2, 16 = 2^4$ 

(4) 2 × 7

 $2^2 \times 3$ 

(5)  $2 \times 3 \times 5 \times 7$ 

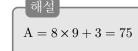
$$\boxed{3} 2^2 \times 3^2$$

해설

 $420 = 2^2 \times 3 \times 5 \times 7$  이므로 ③이 약수가 아니다.

7. 어떤 수 A 를 8 로 나누었더니 몫이 9 이고, 나머지가 3 이었다. 어떤 수 A 는?

① 70 ② 75 ③ 80 ④ 85 ⑤ 90



다음 중 12 의 약수가 아닌 것은?







12의 약수는 1, 2, 3, 4, 6, 12 이다.

① 
$$3 \times 3 \times 3 = 3^3$$

(2) 
$$2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 = 2^3 \times 3^2$$

10.	다음 수를 작은 수부터 차례로 기호를 나열하여라.		
	$\bigcirc$ 5 <sup>3</sup>	© 39	© 2 <sup>5</sup>
		$\bigcirc$ 3 <sup>2</sup> × 7	
	▶ 답:		
	답:		
	▶ 답:		
	▶ 답:		
	답:		
	▷ 정답: ②		
	▷ 정답: ⑤		
	▷ 정답: ⑩		
	▷ 정답: ②		
	▷ 정답: ⑤		
	해설		
	$\bigcirc 5^3 = 5 \times 5 \times 5 =$ $\bigcirc 39$	125	
	② 22 × 33 = 2 × 2 × 3 × 3 × 3 = 108 $ ③ 32 × 7 = 3 × 3 × 7 = 63$		
	따라서 작은 수부터	차례로 나열하면 🕞	, ①, ⑩, ②, ①이다.

# **11.** 다음 중 소수는?

 $\bigcirc$  33

(2) 63

③ 57

4) 77



```
소수는 1 보다 큰 자연수 중 1 과 자기 자신만을 약수로 가지는
수이다.
따라서 소수는 101 이다.
```

### **12.** 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?

- ① 3 은 소수이다.
- ② 1 과 그 수 자신만의 약수를 가지는 자연수를 소수라 한다.
- ③ 가장 작은 소수는 1 이다.
- ④ 2 의 배수 중 소수는 1 개이다.
- ⑤ 소수는 약수가 2 개이다.

가자 자으 소스느

가장 작은 소수는 2이다.

13. 360 을 소인수분해하였을 때, 각 소인수의 지수의 합을 구하여라.

답:

▷ 정답: 6

- 2)360 2)180
- 2) 90
- 3) 45 3) 15
- $360 = 2^3 \times 3^2 \times 5$

 $\therefore 3 + 2 + 1 = 6$ 

**14.** 288 을 어떤 수 x 로 나누어 자연수의 제곱이 되게 하려고 할 때, 가장 작은 자연수 x 를 구하면?

① 2 3 3 4 4 6 5 8

```
해설
```

 $288 = 2^5 \times 3^2$ 가장 작은 자연수 x 는 2이다. **15.** 자연수  $3^a \times 5^4 \times 7^5$  의 약수의 개수가 120 이다. 이때, a 의 값은?

$$a+1=4$$

$$\therefore a=3$$

(a+1)(4+1)(5+1) = 120

**16.** 1 부터 50 까지의 자연수 중에서 약수의 개수가 3 개인 자연수의 개수를 구하여라.

답:

개

▷ 정답: 4<u>개</u>

해설

자연수 n 의 약수의 개수가 3 개이기 위해서는 1 과 n 이외에 약수가 한 개만 더 있어야하므로 자연수 n 은 소수의 완전제곱수이어야 한다. 따라서 1 부터 50 까지의 완전제곱수를 구하면  $7^2 = 49 < 50$  이고  $11^2 = 121 > 50$  이므로 50 이하인 소수의 완전제곱수는  $2^2$ ,  $3^2$ ,  $5^2$ ,  $7^2$  이다.

**17.** 어떤 자연수를 12 로 나누었더니, 몫이 5 이고 나머지가 7 이었다. 이수를 13 으로 나누었을 때의 몫을 a, 나머지를 b 라 할 때, a+b 의 값을 구하여라.

▷ 정답: 7

- 단 :

어떤 자연수를 A 라 하면  $A=12\times 5+7=13\times 5+2$  이므로  $a=5,\ b=2$  이므로 a+b=5+2=7 이다.

**18.** 연속하는 세 자연수 a, b, c 에 대하여 a+b+c 가 15 의 배수가 되는 순서쌍 (a,b,c)는 모두 몇 개인지 구하여라.(단,  $a \le 100$ )

개

해설  

$$b = a + 1, c = a + 2$$
 이므로,  
 $a + (a + 1) + (a + 2) = 15k$   
 $\rightarrow 3a = 15k - 3 \rightarrow a = 5k - 1 \rightarrow a = 5$  로 나누어서 나머지가

4 인 수이다. a ≤ 100 일 때, a 의 개수는 20 개이다.

∴ 순서쌍 (a, b, c )의 개수=20 개

48 = 2<sup>4</sup> × 3 이므로  
가장 작은 
$$x = 3$$

두 번째로 작은 수는  $2^2 \times 3 = 12$ 

20. 40 에 적당한 자연수를 곱하여 어떤 자연수의 제곱이 되게 하려고 한다. 이 때, 곱해야 할 자연수 중 300 이하의 자연수를 모두 구하여라.

▶ 답:

해설

▷ 정답: 90

$$40 = 2^3 \times 5$$

곱해야 할 자연수를 
$$x$$
 라 할 때,  
 $(2^3 \times 5) \times x = y^2$   
 $x = 2 \times 5, 2^3 \times 5, 2 \times 3^2 \times 5, 2^5 \times 5, 2 \times 5^3$ 

 $= 10, 40, 90, 160, 250, \cdots$ 

**21.** 48 에 자연수 x 를 곱하여 어떤 자연수의 제곱이 되게 하려고 한다. 다음에서 x 가 될 수 있는 수를 모두 고르면(정답 2 개)?



곱해야 할 자연수가 
$$x$$
이고, 어떤 자연수를  $y$ 라 하면  $(2^4 \times 3) \times x = y^2$ 이다.  $x = 3 \times 1^2, 3 \times 2^2, \cdots$  = 3.12....

 $48 = 2^4 \times 3$ 

22. 18 에 가장 작은 자연수를 곱하여 어떤 자연수의 제곱이 되게 하려고 한다. 곱해야 할 수를 구하여라.





 $18 = 2 \times 3^2$  이므로 어떤 자연수의 제곱이 되도록 하기 위해 곱해 주어야 할 수 중 가장 작은 수는 2 이다.

23. 다음 중 약수의 개수가 가장 큰 것을 고르면?

①  $2^4 \times 3^2$ 

 $2 \times 5 \times 7$ 

 $3 2 \times 3 \times 5 \times 7$ 

 $\textcircled{4}2^2 \times 3^3 \times 7$ 



**24.**  $3^x \times 5^2 \times 20$  의 약수의 개수가 72 일 때, x 를 구하여라.

$$3^x \times 5^2 \times 20 = 2^2 \times 3^x \times 5^3$$
 이므로  
약수의 개수는

$$(2+1) \times (x+1) \times (3+1) = 72$$
 (7ℍ)  
∴  $x = 5$ 

**25.** 자연수 x 를 소인수분해 했을 때 나타나는 소인수들의 합을 기호 S(x)로 나타내기로 할 때, 어떤 자연수 m을 소인수분해 하면 세 종류의 소인수가 나타나고, S(m)=12 라고 한다. 이 때, 이를 만족하는 m의 값의 합을 구하여라.

(예를 들면,  $72 = 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3$  이므로 S(72) = 2 + 2 + 2 + 3 + 3 = 12가 된다.)



▶ 답:

세 종류의 소수의 합이 12 이하인 경우는 (2, 3, 5), (2, 3, 7)의 두 가지 경우이다.

(2, 3, 5), (2, 3, 7)의 두 가지 경우이다. S(m) = 2 + 2 + 3 + 5 또는 S(m) = 2 + 3 + 7 이므로 m = 3

 $2 \times 2 \times 3 \times 5 = 60$  또는  $m = 2 \times 3 \times 7 = 42$ 

따라서 60 + 42 = 102이다.

**26.**  $24 \times a$  가 어떤 자연수 A의 제곱이 될 때, A 의 최솟값은?

$$24 \times a = 2^3 \times 3 \times a$$

가장 작은  $a = 2 \times 3 = 6$   $A^2 = 2^3 \times 3 \times 2 \times 3 = 2^4 \times 3^2 = (12)^2$  $\therefore A = 12$  **27.** 자연수 x, y 에 대하여  $\frac{2^2 \times 5}{x} = y^2$  을 만족하는 x 의 값을 모두 구하면?

해설 
$$\frac{2^2 \times 5}{x} = y^2$$
을 만족하는 자연수  $x 는 5, 5 \times 2^2$  이다.

**28.**  $n=3p^2q$  일 때, n 의 약수의 개수를 구하여라. (단,  $p\neq q\neq 3$  인 소수)

▷ 정답: 12 개

답:

해설 
$$p \neq q \neq 3 \text{ 인 소수이므로, } n \oplus \text{소인수분해하면 } n = 3p^2q = 3 \times p^2 \times q \text{ 이다.}$$
 따라서 약수의 개수는  $(1+1) \times (2+1) \times (1+1) = 12$  (개)이다.

**29.** 두 자연수 a, b 에 대하여  $2 \times 5^a \times 11^b$  의 약수가 12 개일 때, a + b 의 값을 구하여라.

$$(1+1) \times (a+1) \times (b+1) = 12$$

$$a = 1, b = 2 \pm a = 2, b = 1$$

a+1=2, b+1=3  $\Xi = a+1=3, b+1=2$ 

$$\therefore a+b=1+2=3$$

 $(a+1) \times (b+1) = 6$ 

**30.**  $A = 3^5 \times$  의 약수가 18 개일 때,  $\Box$  안에 들어갈 수 있는 최소의 자연수는?



