1. 어느 이동통신사에는 요금제 A 와 요금제 B 가 있다. 요금제 A 는 기본요금 16000 원에 10 초당 통화요금은 18 원이고, 요금제 B 는 기본요금 12000 원에 10 초당 통화요금은 x 원이다. 한 달에 70 분 통화하는 사람은 요금제 B 가 유리하고, 한 달에 90 분 통화하는 사람은 요금제 A 가 유리할 때, x 의 범위 a < x < b 에 대하여, a,b 를 소수첫째 자리에서 반올림하여 나타내어라.</p>

 □
 □

 □
 □

 □
 □

 □
 □

ightharpoonup 정답: a=25 ightharpoonup 정답: b=28

70분 = 4200초, 90분 = 5400초

해설

1) 한 달에 70 분 통화하는 사람의 경우 (요금제 A)= 16000 + 420 × 18 = 23560

(요금제 B)= 12000 + 420x 따라서 23560 > 12000 + 420x

 $\therefore \ x < \frac{578}{21} = 27.5 \cdots$

2) 한 달에 90 분 통화하는 사람의 경우

(요금제 A)= 16000 + 540 × 18 = 25720 (요금제 B)= 12000 + 540 × x

따라서 25720 < 12000 + 540 × x ∴ $x > \frac{686}{27} = 25.4 \cdots$

따라서 $25.4 \cdots < x < 27.5 \cdots$ 이므로 $a=25,\ b=28$ 이다.

2. 등식 $\left(\frac{1}{3}\right)^{2-14x} = 81^{3x+1}$ 이 성립하도록 x 값을 정할 때, 다음에서 x의 값은?

① 0 ② 1 ③ 2 ④3 ⑤ 4

해설

양변의 밑이 3 이 되도록 바꾸면, $(3^{-1})^{2-14x} = (3^4)^{3x+1}$ $3^{-2+14x} = 3^{12x+4}$

이므로 -2 + 14x = 12x + 4 이다. 따라서 x = 3 이다.

3. 분수 $\frac{7a}{130}$ 를 소수로 나타내면 유한소수이고 이 분수를 기약분수로 나 타내면 분자는 4 의 배수가 된다고 한다. 이 때, 자연수 a 의 최솟값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 104

 $\frac{7a}{130} = \frac{7a}{2 \times 5 \times 13}$ 이므로 유한소수가 되기 위해서는 a 가 13 의 배수가 되어야 한다. 또한 분모에 소인수 2를 가지고 있으므로 기약분수로 만들었을 때, 분자가 4의 배수가 되려면 13과 8을 인수로 가지고 있어야

한다. 따라서 a 는 8과 13 의 공배수 이어야 한다. 따라서 자연수 a 의 최솟값은 8과 13 의 최소공배수이다.

 $\therefore 8 \times 13 = 104$

4. $3^m(3^n+1)=2430$ 을 만족하는 양의 정수 m, n 에 대하여 $m \times n$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

➢ 정답: 10

해설

 $2430 = 243 \times 10 = 3^5 \times (3^2 + 1)$ $m = 5, \ n = 2$

 $\therefore m \times n = 10$

5.
$$x*y$$
 를 $\begin{cases} x = y$ 이면 1 이고, $a = 0.3$, $b = 0.3$, $c = \frac{10}{33}$, $d = 0.2\dot{9}$, $e = \frac{1}{3}$ 일 때, 다음의 값을 구하여라.

$$(b*c)*(a*d)*(b*e)$$

답: ▷ 정답: -1

$$a = \frac{3}{10}, \ b = \frac{3}{9}, \ c = \frac{30}{99}, \ d = \frac{3}{10}, \ e = \frac{3}{9}$$
이므로
$$\left(\frac{2}{10}\right) = (-1) * 1 * 1 = (-1) * 1 = -1$$

6. 자연수 n 에 대하여 $n! = 1 \times 2 \times 3 \times \cdots \times n$ 으로 정의한다. 이 때, $n \times 9! \times 6! \times 3!$ 가 어떤 자연수의 제곱이 되기 위한 가장 작은 자연수 n 의 값을 구하여라.

답:

➢ 정답: 21

 $n \times 9! \times 6! \times 3!$

 $= n \times (9 \times 8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1)$ $\times (6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1) \times (3 \times 2 \times 1)$ $= n \times 3^{2} \times 2^{3} \times 7 \times (2 \times 3) \times 5 \times 2^{2} \times 3 \times 2 \times 1$

 $\times (2 \times 3) \times 5 \times 2^2 \times 3 \times 2 \times 1 \times 3 \times 2 \times 1$

 $= n \times 2^{12} \times 3^7 \times 5^2 \times 7$

따라서 주어진 식이 어떤 자연수의 제곱이 되기 위해서는 소 인수들의 지수가 짝수가 되어야 하므로 가장 작은 자연수 n 은

3×7 = 21 이다. ∴ n = 21

7.
$$\frac{a-1}{2} + \frac{a}{3} < \frac{1}{3}$$
 일 때, $ax + 3 < 3a + x$ 의 해를 풀면?

① x < 3 ② x > 3 ③ x < -3 ④ x > -3

 $\frac{a-1}{2} + \frac{a}{3} < \frac{1}{3}, \quad 3(a-1) + 2a < 2 \quad \therefore a < 1$ ax + 3 < 3a + x, (a - 1)x < 3a - 3, $x > \frac{3(a - 1)}{a - 1}$: x > 3 8. a,b,c 는 연속하는 3 개의 3 의 배수이다. $\frac{66}{b} \le a-c \le \frac{84}{b}$ 일 때, a+b+c 의 값을 구하여라.

답:▷ 정답: -36

a,b,c 가 연속하는 3 의 배수이므로 b-3,b,b+3 으로 놓을 수 있다. $\frac{66}{b} \le a-c \le \frac{84}{b}$ $\frac{66}{b} \le (b-3)-(b+3) \le \frac{84}{b}$ $\frac{66}{b} \le -6 \le \frac{84}{b}$ 이므로 $\frac{66}{b} \le -6, \frac{1}{b} \le -\frac{1}{11}$ $-6 \le \frac{84}{b}, \frac{1}{b} \ge -\frac{1}{14}$ $\therefore -\frac{1}{14} \le \frac{1}{b} \le -\frac{1}{11}, b = -12$ 따라서 a=-15, c=-9 이므로 a+b+c=-15-12-9=-36 이다.