

1. 어느 이동통신사에는 요금제 A 와 요금제 B 가 있다. 요금제 A 는 기본요금 16000 원에 10 초당 통화요금은 18 원이고, 요금제 B 는 기본요금 12000 원에 10 초당 통화요금은  $x$  원이다. 한 달에 70 분 통화하는 사람은 요금제 B 가 유리하고, 한 달에 90 분 통화하는 사람은 요금제 A 가 유리할 때,  $x$  의 범위  $a < x < b$  에 대하여,  $a, b$  를 소수 첫째 자리에서 반올림하여 나타내어라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 :  $a = 25$

▷ 정답 :  $b = 28$

### 해설

$$70\text{분} = 4200\text{초}, 90\text{분} = 5400\text{초}$$

1) 한 달에 70 분 통화하는 사람의 경우

$$\text{(요금제 A)} = 16000 + 420 \times 18 = 23560$$

$$\text{(요금제 B)} = 12000 + 420x$$

$$\text{따라서 } 23560 > 12000 + 420x$$

$$\therefore x < \frac{578}{21} = 27.5\cdots$$

2) 한 달에 90 분 통화하는 사람의 경우

$$\text{(요금제 A)} = 16000 + 540 \times 18 = 25720$$

$$\text{(요금제 B)} = 12000 + 540 \times x$$

$$\text{따라서 } 25720 < 12000 + 540 \times x$$

$$\therefore x > \frac{686}{27} = 25.4\cdots$$

따라서  $25.4\cdots < x < 27.5\cdots$  이므로

$a = 25, b = 28$  이다.

2. 등식  $\left(\frac{1}{3}\right)^{2-14x} = 81^{3x+1}$  이 성립하도록  $x$  값을 정할 때, 다음에서  $x$ 의 값은?

- ① 0      ② 1      ③ 2      ④ 3      ⑤ 4

해설

양변의 밑이 3 이 되도록 바꾸면,

$$(3^{-1})^{2-14x} = (3^4)^{3x+1}$$

$$3^{-2+14x} = 3^{12x+4}$$

이므로  $-2 + 14x = 12x + 4$  이다.

따라서  $x = 3$  이다.

3. 분수  $\frac{7a}{130}$  를 소수로 나타내면 유한소수이고 이 분수를 기약분수로 나타내면 분자는 4의 배수가 된다고 한다. 이 때, 자연수  $a$  의 최솟값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 104

해설

$\frac{7a}{130} = \frac{7a}{2 \times 5 \times 13}$  이므로 유한소수가 되기 위해서는  $a$  가 13의 배수가 되어야 한다.

또한 분모에 소인수 2를 가지고 있으므로 기약분수로 만들었을 때, 분자가 4의 배수가 되려면 13과 8을 인수로 가지고 있어야 한다.

따라서  $a$  는 8과 13의 공배수 이어야 한다.

따라서 자연수  $a$  의 최솟값은 8과 13의 최소공배수이다.

$$\therefore 8 \times 13 = 104$$

4.  $3^m(3^n + 1) = 2430$  을 만족하는 양의 정수  $m, n$ 에 대하여  $m \times n$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: 10

해설

$$2430 = 243 \times 10 = 3^5 \times (3^2 + 1)$$

$$m = 5, n = 2$$

$$\therefore m \times n = 10$$

5.  $x * y$  를  $\begin{cases} x = y^\circ \text{면 } 1 \\ x \neq y^\circ \text{면 } -1 \end{cases}$  이고,  $a = 0.3$ ,  $b = 0.\dot{3}$ ,  $c = \frac{10}{33}$ ,  $d = 0.2\dot{9}$ ,  $e = \frac{1}{3}$  일 때, 다음의 값을 구하여라.

$$(b * c) * (a * d) * (b * e)$$

▶ 답:

▷ 정답: -1

해설

$$a = \frac{3}{10}, b = \frac{3}{9}, c = \frac{30}{99}, d = \frac{3}{10}, e = \frac{3}{9} \circ \text{므로}$$

$$(\text{준식}) = (-1) * 1 * 1 = (-1) * 1 = -1$$

6. 자연수  $n$  에 대하여  $n! = 1 \times 2 \times 3 \times \cdots \times n$  으로 정의한다. 이 때,  $n \times 9! \times 6! \times 3!$  가 어떤 자연수의 제곱이 되기 위한 가장 작은 자연수  $n$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 21

해설

$$n \times 9! \times 6! \times 3!$$

$$\begin{aligned} &= n \times (9 \times 8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1) \\ &\quad \times (6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1) \times (3 \times 2 \times 1) \\ &= n \times 3^2 \times 2^3 \times 7 \times (2 \times 3) \times 5 \times 2^2 \times 3 \times 2 \times 1 \\ &\quad \times (2 \times 3) \times 5 \times 2^2 \times 3 \times 2 \times 1 \times 3 \times 2 \times 1 \\ &= n \times 2^{12} \times 3^7 \times 5^2 \times 7 \end{aligned}$$

따라서 주어진 식이 어떤 자연수의 제곱이 되기 위해서는 소인수들의 지수가 짝수가 되어야 하므로 가장 작은 자연수  $n$  은  $3 \times 7 = 21$  이다.

$$\therefore n = 21$$

7.  $\frac{a-1}{2} + \frac{a}{3} < \frac{1}{3}$  일 때,  $ax + 3 < 3a + x$  의 해를 풀면?

①  $x < 3$

②  $x > 3$

③  $x < -3$

④  $x > -3$

⑤  $x < 1$

해설

$$\frac{a-1}{2} + \frac{a}{3} < \frac{1}{3}, \quad 3(a-1) + 2a < 2 \quad \therefore a < 1$$

$$ax + 3 < 3a + x, \quad (a-1)x < 3a - 3, \quad x > \frac{3(a-1)}{a-1} \quad \therefore x > 3$$

8.  $a, b, c$  는 연속하는 3 개의 3 의 배수이다.  $\frac{66}{b} \leq a - c \leq \frac{84}{b}$  일 때,  
 $a + b + c$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -36

해설

$a, b, c$  가 연속하는 3 의 배수이므로  $b - 3, b, b + 3$  으로 놓을 수 있다.

$$\frac{66}{b} \leq a - c \leq \frac{84}{b}$$

$$\frac{66}{b} \leq (b - 3) - (b + 3) \leq \frac{84}{b}$$

$$\frac{66}{b} \leq -6 \leq \frac{84}{b} \text{ 이므로}$$

$$\frac{66}{b} \leq -6, \frac{1}{b} \leq -\frac{1}{11}$$

$$-6 \leq \frac{84}{b}, \frac{1}{b} \geq -\frac{1}{14}$$

$$\therefore -\frac{1}{14} \leq \frac{1}{b} \leq -\frac{1}{11}, b = -12$$

따라서  $a = -15, c = -9$  이므로

$$a + b + c = -15 - 12 - 9 = -36 \text{ 이다.}$$