1. 다음 보기 중 옳은 것을 모두 고르면?

- ③ 3 의 음의 제곱근은 √-3 이다.
 ⑥ √25 는 5 이다.
- ⓒ 제곱근 16 은 4 이다.
- (교) $(-3)^2$ 의 제곱근은 3 이다. (교) $x^2 = a$ 이면 $x = \sqrt{a}$ 이다.

4 L, 🗆

① ①, 心

② (L), (E), (D)

③ ∟, ⊜

③ 3 의 음의 제곱근은 $-\sqrt{3}$ ② $(-3)^2 = 9$ 의 제곱근은 ± 3 ② $x^2 = a (a > 0)$ 이면, $x = \pm \sqrt{a}$

2. 196의 제곱근을 각각 x, y라 할 때, $\sqrt{3x-2y+11}$ 의 제곱근을 구하여라. (단, x>y)

답:

▷ 정답: ±3

- 해설 제공하

제곱하여 196이 되는 수 중 x > y인 수는 x = 14, y = -14 이므로 $\sqrt{3x - 2y + 11} = \sqrt{81} = 9$ 따라서 9의 제곱근은 ±3이다.

- 다음 중 제곱근을 근호를 사용하지 않고 나타낼 수 있는 것은? 3.
 - ① $\frac{1}{2}$ ② $\frac{1}{81}$ ③ 1.5 ④ 155 ⑤ 66

①
$$\left(\frac{1}{2}$$
의 제곱근 $\right) = \pm \frac{1}{\sqrt{2}}$
② $\left(\frac{1}{81}$ 의 제곱근 $\right) = \pm \frac{1}{9}$

②
$$\left(\frac{81}{81}$$
의 제곱근 $\right) = \pm \frac{1}{9}$
③ $(1.5$ 의 제곱근 $) = \pm \sqrt{1.5}$

- ④ (155 는 제곱수가 아니므로 155 의 제곱근)= $\pm \sqrt{155}$
- ⑤ (66 은 제곱수가 아니므로 66의 제곱근) = $\pm \sqrt{66}$ 따라서 근호를 사용하지 않고 나타낼 수 있는 것은 ②이다.

4. a < 0 일 때, $\sqrt{(-7a)^2}$ 을 간단히 나타내어라.

▶ 답:

▷ 정답: -7a

 $\sqrt{(-7a)^2} = \sqrt{49a^2} = 7|a| = -7a$

5. $\frac{6^{10}}{12^5} = \sqrt{9^a}$, $\sqrt{\frac{8^{10}}{8^4}} = 2^b$ 일 때, a + b 의 값을 구하여라.

▶ 답:

> 정답: a+b=14

$$\frac{6^{10}}{12^5} = \frac{2^{10} \times 3^{10}}{2^5 \times 2^5 \times 3^5} = 3^5 = \sqrt{(3^2)^5} = \sqrt{9^5}$$

$$\sqrt{\frac{8^{10}}{8^4}} = \sqrt{8^6} = \sqrt{(8^3)^2} = 8^3 = 2^9$$

$$a = 5, b = 9$$
이므로 $a + b = 5 + 9 = 14$

6. a > 0 일 때, $-\sqrt{(-5a)^2} + \sqrt{16a^2}$ 을 간단히 하여라.

답:

▷ 정답: -a

 $-\sqrt{(-5a)^2} + \sqrt{16a^2} = -\sqrt{25a^2} + |4a| = -|5a| + |4a| = -a$

7. 0 < a < 2 일 때, $\sqrt{(a-2)^2} + \sqrt{(2-a)^2}$ 을 간단히 하면?

① -2a+4 ② 2a+4 ③ -2a-4 $\textcircled{4} \ 2a - 4 \qquad \qquad \textcircled{5} \ -2a$

0 < a < 2 이면

해설

-2 < a - 2 < 0, 0 < 2 - a < 2 이므로 $\sqrt{(a-2)^2} + \sqrt{(2-a)^2}$ = |a-2| + |2-a|

= -(a-2) + 2 - a = -2a + 4

8. 3x+3 < 2(x+1) 일 때, $\sqrt{(x+1)^2} + (-\sqrt{1-x})^2$ 을 간단히 하여라.

▶ 답:

 > 정답: -2x

$$3x + 3 < 2(x + 1), x < -1$$

$$\sqrt{(x + 1)^{2}} + (-\sqrt{1 - x})^{2} = -(x + 1) + 1 - x$$

$$= -x - 1 + 1 - x$$

$$= -2x$$

9. 두 자연수 a, b 에 대하여 $\sqrt{270a} = b$ 일 때, a + b 의 최솟값을 구하여라.

 답:

 ▷ 정답:
 120

해설

 $\sqrt{270a} = \sqrt{3^3 \times 2 \times 5 \times a}$ 근호 안의 소인수의 지수가 모두 짝수가 되어야 하므로 a=

 $3 \times 2 \times 5 = 30$ 이다. a 를 대입하면 $\sqrt{270a} = \sqrt{3^3 \times 2 \times 5 \times a} = \sqrt{3^4 \times 2^2 \times 5^2} = 3^2 \times 2 \times 5 = b$ 이다. 따라서 b = 90 이다

따라서 b = 90 이다.

10. 10 이하의 자연수 a, b에 대하여 $\sqrt{a+b} = n (n$ 은 자연수)를 만족하는 순서쌍 (a, b)의 개수를 구하여라.

 답:
 개

 ▷ 정답:
 16 개

⊘ ⊘ □ □ □ □ □ □

해설

a=1인 경우, b=3, 8

a = 2인 경우, b = 2, 7 a = 3인 경우, b = 1, 6

a = 4인 경우, b = 5

a = 5 인 경우, b = 4 a = 6 인 경우, b = 3, 10

a = 7인 경우, b = 2, 9 a = 8인 경우, b = 1, 8, a = 9인 경우, b = 7

a = 10인 경우, b = 6 ∴ 16개

- 11. $\sqrt{54-x}$ 가 자연수가 되는 양의 정수 x 의 값들의 합은?
 - ① 60 ② 116 ③ 155 ④ 197 ⑤ 23

 $\sqrt{54-x}$ 가 자연수가 되기 위해서는, 54-x= 완전제곱수가 되어야 한다.

54 - x = 1, 4, 9, 16, 25, 36, 49

 $\therefore x = 5 + 18 + 29 + 38 + 45 + 50 + 53 = 238$

- 12. $\sqrt{90-x} \sqrt{7+x}$ 의 값이 가장 큰 자연수가 되도록 하는 자연수 x의 값은?
 - ① 5

해설

- ② 9 ③ 15 ④ 26 ⑤ 30

 $\sqrt{90-x}$, $\sqrt{7+x}$ 둘 다 자연수가 되어야 한다. $\sqrt{90-x}$ 가 최대

 $\sqrt{7+x}$ 가 최소가 되려면 x=9 이어야 한다.

- **13.** 다음 무리수 중 가장 작은 것은?
 - ① $2\sqrt{7}$ ② $3\sqrt{6}$ ③ $4\sqrt{5}$ ④ $5\sqrt{4}$ ⑤ $6\sqrt{2}$

해설 ① √28 , ② √54 , ③ √80 , ④ √100 , ⑤ √72 이므로 가장

작은 것은 ①이다.

14. 다음 중 가장 큰 수를 a 라 할 때, 어떤 정수 b 에 대해서 b-a 의 절댓값이 0 과 1 사이이다. 정수 b 가 될 수 있는 것의 합을 구하여라.

보기 $\sqrt{2}$, $\sqrt{3}$, $\frac{1}{2}$, $\sqrt{\frac{4}{5}}$

▷ 정답: 3

답:

 $\frac{1}{2} = \sqrt{\frac{1}{4}}$ 이고, $\frac{1}{4} < \frac{4}{5} < 2 < 3$ 이므로 가장 큰 수는 $\sqrt{3}$ 이다. 그런데 $1^2 < 3 < 2^2 = 4$ 이므로 $1 < \sqrt{3} < 2$ 가 성립한다. 따라서 b 가 될 수 있는 것은 1,2 이므로 이를 합하면 3 이다.

15. 다음의 두 식 A, B에 대하여 A + B를 계산하여라.

$$A = \sqrt{(3 - \sqrt{10})^2} - \sqrt{(\sqrt{10} - 3)^2}$$

$$B = \sqrt{(3 - 2\sqrt{2})^2} + \sqrt{(2\sqrt{2} - 2)^2}$$

▷ 정답: 1

해설

▶ 답:

 $3 < \sqrt{10}, 2 < 2\sqrt{2} < 3$ $A = -(3 - \sqrt{10}) - (\sqrt{10} - 3) = 0$

$$B = (3 - 2\sqrt{2}) + (2\sqrt{2} - 2) = 1$$

$$\therefore A + B = 0 + 1 = 1$$

16. 부등식 $\sqrt{5} < 2x - 1 < \sqrt{27}$ 을 만족하는 자연수 x 를 모두 구하면?

①2 ②3 ③4 ④5 ⑤6

 $(\sqrt{5} + 1) \div 2 < x < (\sqrt{27} + 1) \div 2$ $1. \times \times \times < x < 3. \times \times \times$ $\therefore x = 2, 3$

- 17. $\sqrt{42} < \sqrt{3x} < \sqrt{360}$ 을 만족하는 x 중에서 $\sqrt{3x}$ 가 자연수가 되도록 하는 x 는 몇 개인가?
 - ⊕ 4 개 ② 5 개 ③ 6 개 ④ 7 개 ⑤ 8 개

해설 $\sqrt{42}$ <

 $\sqrt{42} < \sqrt{3x} < \sqrt{360} \rightarrow 14 < x < 120 \sqrt{3x}$ 가 자연수가 되려면 $x=3\times k^2$ (k는 자연수)이어 한다. $k^2=9$ 일 때, $x=3\times 9=27$

 $k^2 = 16$ 일 때, $x = 3 \times 16 = 48$ $k^2 = 25$ 일 때, $x = 3 \times 25 = 75$

 $k^2 = 36$ 일 때, $x = 3 \times 36 = 108$

- **18.** $\sqrt{7} < \sqrt{2a+3b} < \sqrt{15}$ 를 만족하는 순서쌍 (a, b) 는 모두 몇 개인가? (단, a, b 는 자연수)
 - ① 7개 ② 10개 ③ 11개 ④ 13개 ⑤ 15개

 $\sqrt{7} < \sqrt{2a+3b} < \sqrt{15}$

7 < 2a + 3b < 15b = 1 일 때. a = 3

해설

b=1 일 때, a=3,4,5

b = 2 일 때, a = 1, 2, 3, 4b = 3 일 때, a = 1, 2

b = 4 일 때, a = 1 ∴ 10개

....

19. $-4 < -\sqrt{x} \le -3$ 을 만족하는 자연수 x 의 개수는?

① 3 개 ② 4 개 ③ 5 개 ④ 6 개

 $3 \le \sqrt{x} < 4$ $9 \le x < 16$

 $\therefore x = 9, 10, \dots, 15 (7)$

20. 다음에서 제곱근이 유리수인 것을 <u>모두</u> 고른 것은?

 \bigcirc 12 \bigcirc $\frac{9}{25}$ \bigcirc 0.4 \bigcirc 0.01

3 €,€,⊎

(4) □, □, □
(5) □, □, □

② ⑤,⊜

① ①, ©

 $\left(\frac{3}{5}\right)^2 = \frac{9}{25} \; , \left(\frac{2}{3}\right)^2 = \frac{4}{9} = 0.\dot{4} \; , \; (0.1)^2 = 0.01$ $0.049 = \frac{49}{1000} \; 이므로 제곱근은 \pm \frac{7}{10\sqrt{10}} \; 이 되어 무리수이다.$ 따라서 ①, ②, ④ 이다.

21. 다음 중 유리수는 모두 몇 개인지 구하여라.

 $\sqrt{12}$, -3, $\frac{1}{2}$, $\sqrt{4}$, $0.\dot{1}\dot{3}$, $6.2345235\cdots$

 답:
 개

 ▷ 정답:
 4개

_

 $-3 \ , \frac{1}{2} \ , \sqrt{4} = 2 \ , 0.\dot{1}\dot{3} = \frac{13}{99}$

22. 다음 보기에서 무리수는 몇 개인지 구하여라.

<u>개</u>

정답: 3<u>개</u>

따라서 무리수는 3 개이다.

▶ 답:

 $-\frac{1}{4}$, $0.\dot{2}=\frac{2}{9}$, $\sqrt{2^4}=2^2=4$ 는 유리수이다. π , $\sqrt{2}-1$, $\sqrt{5}$ 는 무리수이다.

23. 다음 식 중에서 x 의 값이 무리수인 것은?

$$\bigcirc x = 2$$

(2)
$$x^2 = \frac{1}{2}$$

①
$$x^2 = 25$$
 ② $x^2 = \frac{81}{49}$ ③ $x^2 = 0.0016$ ④ $x^2 = \frac{3}{27}$ ⑤ $x^2 = \frac{49}{1000}$

(4)
$$x^2 =$$

$$(5)$$
 $x^2 = \frac{10}{100}$

③
$$x^2 = \frac{49}{1000}$$

 $x = \frac{\pm 7}{10\sqrt{10}}$: 무리수
① $x = \pm 5$: 유리수
② $x = \pm \frac{9}{7}$: 유리수
③ $x = \pm 0.04$: 유리수
④ $x = \pm \sqrt{\frac{3}{27}} = \pm \sqrt{\frac{1}{9}} = \pm \frac{1}{3}$: 유리수

24. $a = -\sqrt{3}$ 일 때, 다음 중 무리수는 모두 몇 개인가?

 a^2 , $(-a)^2$, a^3 , $(-a)^3$, $\sqrt{3}a$, $\sqrt{3}+a$, $\frac{a}{\sqrt{3}}$, $\sqrt{3}-a$, 3a

1 4

② 5 ③ 6 ④ 7

⑤ 8

 $a^{2} = (-\sqrt{3})^{2} = 3 : 유리수$ $(-a)^{2} = \{-(-\sqrt{3})\}^{2} = 3 : 유리수$

 $a^3 = \left(-\sqrt{3}\right)^3 = -3\sqrt{3}$: 무리수

 $(-a)^3 = (\sqrt{3})^3 = 3\sqrt{3}$: 무리수 $\sqrt{3}a = \sqrt{3} \times (-\sqrt{3}) = -3$: 유리수 $\sqrt{3} + a = \sqrt{3} + (-\sqrt{3}) = 0$: 유리수

 $\frac{a}{\sqrt{3}} = \frac{-\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = -1 : 유리수$

 $\sqrt{3} - a = \sqrt{3} - (-\sqrt{3}) = 2\sqrt{3}$: 무리수 $3a = 3 \times (-\sqrt{3}) = -3\sqrt{3}$: 무리수

- 25. 다음 중 무리수에 대한 설명이 아닌 것을 <u>모두</u> 고르면? (정답 <math>2개)
 - ③ 유한소수
 ④ 순환소수
 - ① 순환하지 않는 무한소수 ② 분수로 나타낼 수 없는 수

해설

- ⑤ 유리수가 아닌 수

③ ④ 유한소수, 순환소수는 유리수이다.

26. 다음 중 옳은 것은?

- ① √9 는 무리수이다.
- ② 순환소수는 유리수이다.
- ③ 모든 무한소수는 무리수이다.
- ④ 3.14 는 무리수이다.
- ⑤ 근호를 사용하여 나타낸 수는 모두 무리수이다.

① $\sqrt{9}$ 는 유리수이다.

해설

- ② 순환소수는 유리수이다.
- ③ 무한소수 중 비순환소수는 무리수이다.
- ④ 3.14 는 유리수이다.
- ⑤ 근호를 사용하여 나타낸 수 중에 무리수가 아닌 수도 있다.
- $| \tilde{A} | \sqrt{4} = 2$

27. 다음 보기 중 옳은 것을 모두 골라라.

 $\frac{1}{\sqrt{5}}$ 는 자연수가 아니다. $3\sqrt{4}$ 는 무리수이다. $\sqrt{0.01}$ 는 정수가 아닌 유리수이다. $\sqrt{9} \times \frac{\sqrt{4}}{4}$ 는 자연수이다.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: ⑤

▷ 정답: ②

 $\bigcirc 3\sqrt{4}$ 는 6이므로 자연수이므로 무리수가 아니다.

© $\sqrt{0.01} = 0.1$ 이므로 정수가 아닌 유리수이다.

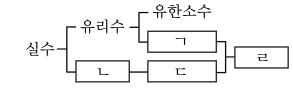
(②) $\sqrt{9} \times \frac{\sqrt{4}}{4} = 3 \times \frac{2}{4} = \frac{3}{2}$ 이므로 자연수가 아니다.

- **28.** 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것을 모두 고르면?
 - ① √9는 자연수이다.
 - ② π 는 자연수이다.
 - ③ $\sqrt{12}$, $\frac{\sqrt{8}}{2}$, $-\sqrt{0.1}$ 는 모두 무리수이다.
 - 4 는 유리수도 무리수도 아니다.
 1 √7는 무리수이다.

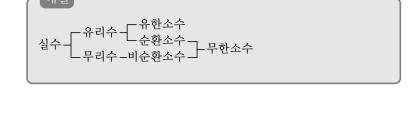
② π는 무리수이다.

- ④ 4는 유리수이다.

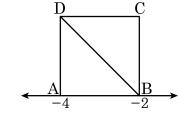
29. 다음은 실수를 분류한 표이다. \Box 안에 들어갈 말로 바르게 짝지어진 것을 $\underline{\mathbf{PF}}$ 고르면? (정답 2개)



- ③ c. 무한소수 ④ c. 순환소수
- ① ㄱ. 비순환소수 ② ㄴ. 무리수
- ③ ㄹ. 무한소수



30. 다음과 같이 수직선 위의 점 A(-4), B(-2)에 대하여 선분 AB를 한 변으로 하는 정사각형 ABCD 가 있다. 점 B 를 중심으로 하고, 대각선 BD 를 반지름으로 하는 반원의 넓이를 구하여라.

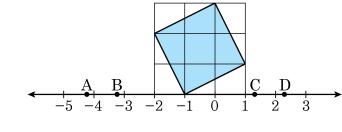


답:▷ 정답: 4π

해설 정사각형 ABCD의 한 변의 길이가 (-2) - (-4) = 2 이므로

대각선 BD의 길이는 $2\sqrt{2}$ 이다. 반지름이 $2\sqrt{2}$ 인 반원의 넓이는 $\frac{1}{2} \times \pi \times (2\sqrt{2})^2 = 4\pi$ 이다.

31. 다음 수직선 위에서 무리수 $-1 - \sqrt{5}$ 에 대응하는 점은?



⑤ 알수없다.

②B ③ C

① A ④ D

 $-3 < -\sqrt{5} < -2$
 $-4 < -1 - \sqrt{5} < -3$

- 32. 다음 중 수직선 위의 모든 점과 일대일 대응하는 수는?
 - ④ 유리수⑤ 실수
- - ① 자연수 ② 정수 ③ 무리수

해설 연속성을 갖는 수는 실수뿐이며 수직선 위의 모든 점과 일대일 대응을 이루는 수는 실수이다.

33. 다음은 $a = 3\sqrt{2} + 1$, $b = 2\sqrt{3}$ 의 대소를 비교하는 과정이다. 결과에 해당하는 것을 찾으면?

> $a - b = \left(3\sqrt{2} + 1\right) - \left(2\sqrt{3}\right)$ $=\sqrt{18}-\sqrt{12}+1$

 \bigcirc a > b② $a \ge b$ ③ a < b ④ $a \le b$ ⑤ a = b

 $\sqrt{18}+1>\sqrt{12}$ 이기 때문에 $\sqrt{18}-\sqrt{12}+1$ 의 값 또한 0 보다

해설

크다. a와 b 의 대소 관계를 구할 때, a-b 의 값이 양수이면 a>b이고, 음수이면 a < b 이므로

정답은 a > b 이다.

34. 다음 세 수의 크기를 비교하여라. $a = 3\sqrt{3}$, $b = 3\sqrt{5} + \sqrt{3}$, $c = 4\sqrt{3} - \sqrt{5}$

▶ 답:

▷ 정답: c < a < b</p>

해설 각각의 수에 대하여

 $a-b=3\sqrt{3}-3\sqrt{5}-\sqrt{3}=2\sqrt{3}-3\sqrt{5}=\sqrt{12}-\sqrt{45}<0$ 이므로 $b-c = 3\sqrt{5} + \sqrt{3} - 4\sqrt{3} + \sqrt{5} = 4\sqrt{5} - 3\sqrt{3} = \sqrt{80} - \sqrt{27}$

> 0 이므로 *b* > *c*

 $a-c=3\sqrt{3}-4\sqrt{3}+\sqrt{5}=\sqrt{5}-\sqrt{3}>0$ 이므로 a>c따라서 a,b,c 의 대소 관계를 나타내면 c < a < b 이다.

35. 두 실수 $\sqrt{3}$ 과 $\sqrt{2}+1$ 사이의 무리수는 모두 몇 개인가?

 $\sqrt{3} + 0.09$, $\sqrt{3} + 0.5$, $\sqrt{2} + 0.5$ $\sqrt{2} + 0.09$, $\sqrt{2} + 0.9$, $\sqrt{3} + 0.7$

① 2 ② 3

4 5 **5 6**

 $\sqrt{2} = 1.414, \quad \sqrt{3} = 1.732$ $\sqrt{3} < x < \sqrt{2} + 1 \rightarrow 1.732 < x < 2.414$

 $\sqrt{2} + 0.09 = 1.414 + 0.09 = 1.504$ $\sqrt{3} + 0.7 = 1.732 + 0.7 = 2.432$