

1.  $A$ 가  $1, \frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \dots, \frac{1}{9}, \frac{1}{10}$  일 때, 유한소수로 나타낼 수 있는 수는 몇 개인지 구하여라.

▶ 답: 개

▷ 정답: 6 개

해설

유한소수를 기약분수로 나타내려면 분모의 소인수가 2나 5 뿐이어야 한다.

분모의 소인수가 2나 5가 되려면  $x$  값은 1, 2, 4, 5, 8, 10 이 된다.

2. 다음 순환소수를 분수로 나타낸 것 중 옳은 것은?

$$\begin{array}{lll} \textcircled{1} \quad 0.\dot{7} = \frac{7}{10} & \textcircled{2} \quad 1.\dot{3}\dot{2} = \frac{131}{99} & \textcircled{3} \quad 3.\dot{4} = \frac{34}{9} \\ \textcircled{4} \quad 0.3\dot{9} = \frac{13}{30} & \textcircled{5} \quad 2.35\dot{4} = \frac{2211}{990} & \end{array}$$

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{1} \quad 0.\dot{7} &= \frac{7}{9} \\ \textcircled{2} \quad 1.\dot{3}\dot{2} &= \frac{131}{99} \\ \textcircled{3} \quad 3.\dot{4} &= \frac{34 - 3}{9} = \frac{31}{9} \\ \textcircled{4} \quad 0.3\dot{9} &= \frac{12}{30} = \frac{4}{10} = \frac{2}{5} \\ \textcircled{5} \quad 2.35\dot{4} &= \frac{2354 - 235}{900} = \frac{2119}{900} \end{aligned}$$

⑤ Ⓛ → ① Ⓛ → ⑦ Ⓛ → ⑦

- Ⓐ 1.1111 ⋯  
Ⓑ 1.0111 ⋯

- .. ④ → ⑤ → ⑥ → ⑦의 순서이다.

4. 다음 중 옳은 것은?

①  $4 \times (-2)^3 = 32$       ②  $(-2)^2 \times (-2)^2 = -16$

③  $(-2)^2 \times (-8) = -32$       ④  $9 \times 3^2 = 3^3$

⑤  $(-3) \times (-3)^3 = -3^4$

해설

①  $4 \times (-2)^3 = 4 \times (-8) = -32$

②  $(-2)^2 \times (-2)^2 = (-2)^4 = 16$

③  $(-2)^2 \times (-8) = 4 \times (-8) = -32$

④  $9 \times 3^2 = 3^2 \times 3^2 = 3^4$

⑤  $(-3) \times (-3)^3 = (-3)^4 = 81$

5. 식  $(x^2)^4 \times y^3 \times x \times (y^3)^2$  을 간단히 하면?

- ①  $x^{10}y^9$     ②  $x^9y^{10}$     ③  $x^9y^9$     ④  $x^8y^9$     ⑤  $x^8y^8$

해설

$$x^8 \times y^3 \times x \times y^6 = x^9 \times y^9$$

6. 다음 중 옳은 것을 모두 고르면? (정답 2 개)

①  $2x^6 \times 3x^2 = 6x^8$

②  $(3a^2)^3 = 9a^6$

③  $-2x^3 \times 3y^2 = -6xy^6$

④  $48a^2x^3 \div 8ax^2 = 6ax$

⑤  $\frac{25a^{10}}{5a^5} = 5a^2$

해설

②  $(3a^2)^3 = 3^3(a^2)^3 = 27a^6$

③  $-2x^3 \times 3y^2 = -2 \times 3 \times x^3 \times y^2 = -6x^3y^2$

⑤  $\frac{25a^{10}}{5a^5} = 5a^{10-5} = 5a^5$

7.  $a^3x^2y^3 \times (-xy)^b = -8x^c y^6$  일 때, 자연수  $a, b, c$ 에 대하여  $ab - 2c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -4

해설

$$a^3x^2y^3 \times (-xy)^b = a^3 \times (-1)^b \times x^{2+b} \times y^{3+b}$$

$$= -8x^c y^6$$

$$a^3 \times (-1)^b = -8, 2 + b = c, 3 + b = 6 \text{ } \circ \text{므로}$$

$$\therefore a = 2, b = 3, c = 5$$

$$\therefore ab - 2c = 2 \times 3 - 2 \times 5 = -4$$

8. 다음 식을 계산하면?

$$\frac{3}{7}x^4 \times \left( \frac{7}{12}x^3y \right) \div \left( -\frac{1}{4}xy^2 \right)$$

Ⓐ  $-\frac{x^6}{y}$  Ⓑ  $-\frac{x^4}{y^2}$  Ⓒ  $\frac{x^4}{y^2}$  Ⓓ  $\frac{x^6}{y}$  Ⓕ  $\frac{x^6}{y^2}$

해설

$$\begin{aligned} & \frac{3}{7}x^4 \times \left( \frac{7}{12}x^3y \right) \div \left( -\frac{1}{4}xy^2 \right) \\ &= \frac{3}{7}x^4 \times \frac{7}{12}x^3y \times \left( -\frac{4}{xy^2} \right) \\ &= -\frac{x^6}{y} \end{aligned}$$

9. 자연수, 정수, 유리수에 대하여, 다음 중 옳지 않은 것은 모두 몇 개인가?

- Ⓐ -1은 자연수가 아니다.
- Ⓑ 3은 정수가 아니다.
- Ⓒ  $\frac{5}{3}$ 은 자연수이다.
- Ⓓ -1.23은 유리수가 아니다.
- Ⓔ  $\frac{7}{12}$ 는 유리수이다.

① 1개      ② 2개      ③ 3개      ④ 4개      ⑤ 5개

해설

- Ⓐ -1은 음의 정수
- Ⓑ 3은 정수
- Ⓒ  $\frac{5}{3}$ 는 정수가 아닌 유리수
- Ⓓ -1.23은 정수가 아닌 유리수
- Ⓔ  $\frac{7}{12}$ 는 정수가 아닌 유리수

즉, 옳지 않은 것은 Ⓑ, Ⓟ, Ⓣ로 3개이다.

10. 다음 분수 중 분모를 10의 거듭제곱의 꼴로 나타낼 수 있는 것은?

①  $\frac{2}{3}$       ②  $\frac{3}{14}$       ③  $\frac{8}{15}$       ④  $\frac{9}{22}$       ⑤  $\frac{7}{125}$

해설

10의 거듭제곱의 꼴로 나타내기 위해서는 기약 분수의 분모의 소인수가 2 또는 5만 있어야 한다.

$$\textcircled{5} \quad \frac{7}{125} = \frac{7}{5^3} = \frac{7 \times 2^3}{5^3 \times 2^3} = \frac{56}{10^3}$$

11. 다음 순환소수 중 정수인 것을 모두 구하면?

- ①  $2.\dot{9}$       ②  $4.\dot{6}$       ③  $5.\dot{0}\dot{9}$       ④  $1.\dot{9}$       ⑤  $3.\dot{4}$

해설

$$\textcircled{1} 2.\dot{9} = \frac{29 - 2}{9} = \frac{27}{9} = 3 \text{ (정수)}$$

$$\textcircled{2} 4.\dot{6} = \frac{46 - 4}{9} = \frac{42}{9} = \frac{14}{3}$$

$$\textcircled{3} 5.\dot{0}\dot{9} = \frac{509 - 5}{99} = \frac{504}{99} = \frac{56}{11}$$

$$\textcircled{4} 1.\dot{9} = \frac{19 - 1}{9} = \frac{18}{9} = 2 \text{ (정수)}$$

$$\textcircled{5} 3.\dot{4} = \frac{34 - 3}{9} = \frac{31}{9}$$

12. 다음 중 순환소수  $x = 1.\dot{3}\dot{2}\dot{7}$  를 분수로 고치는데 필요한 가장 적당한 식은?

- ①  $100x - x$       ②  $100x - 10x$       ③  $\cancel{1000x - 10x}$   
④  $1000x - 100x$       ⑤  $10000x - 100x$

해설

$$x = 1.\dot{3}\dot{2}\dot{7} \text{에서 } x = 1.3272727\cdots$$

$$\begin{array}{r} 1000x = 1327.2727\cdots \\ -) 10x = 13.2727\cdots \\ \hline 990x = 1314 \end{array}$$

등식의 성질에 의해  $1000x - 10x = 1314$   
이와 같이 해야 소수점 이하 부분이 없어진다.

13. 기약분수  $A$  를 순환소수로 나타내는데, 이린이는 분자를 잘못 보아서 답이  $0.\dot{3}1$  이 되었고, 나연이는 분모를 잘못 보아서 답이  $0.1\dot{4}$  가 되었다. 이 때, 기약분수  $A$ 를 구하면?

①  $\frac{10}{99}$       ②  $\frac{11}{99}$       ③  $\frac{12}{99}$       ④  $\frac{13}{99}$       ⑤  $\frac{14}{99}$

해설

이린 :  $0.\dot{3}1 = \frac{31}{99}$ ,

나연 :  $0.1\dot{4} = \frac{14 - 1}{90} = \frac{13}{90}$

따라서 처음의 기약분수는

$\frac{(나연이가 본 분자)}{(이린이가 본 분모)} = \frac{13}{99} = A$  이다.

14. 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?

① 분수를 기약분수로 나타냈을 때, 분모의 소인수가 2나 5뿐이면 그 분수는 유한소수이다.

② 모든 정수는 유리수이다.

③ 순환소수는 유리수와 유리수가 아닌 것으로 나타내어진다.

④ 정수가 아닌 유리수는 모두 유한소수로 나타낼 수 있다.

⑤ 유한소수와 순환소수는 유리수이다.

해설

③ 순환소수는 유리수이다.

④ 정수가 아닌 유리수는 유한소수 또는 순환소수이다.

15.  $2^n = A$ ,  $3^n = B$  일 때,  $\frac{1}{4^n} \times 27^n \div 6^n$  을  $A$ ,  $B$ 에 관한 식으로 나타낸 것은?

- ①  $-\frac{B^3}{A^3}$       ②  $-\frac{B^4}{A^2}$       ③  $\frac{B^2}{A^3}$       ④  $\frac{B^4}{A^2}$       ⑤  $\frac{B^2}{A^4}$

해설

$$\begin{aligned}\frac{1}{4^n} \times 27^n \div 6^n &= \frac{1}{2^{2n}} \times 3^{3n} \div (2 \times 3)^n \\&= \frac{1}{2^{2n}} \times 3^{3n} \times \frac{1}{2^n \times 3^n} \\&= \frac{3^{2n} \times 2^n \times 3^n}{3^{3n-n}} \\&= \frac{3^{2n}}{3^{2n}} \\&= \frac{(3^n)^2}{(2^n)^3} \\&= \frac{B^2}{A^3}\end{aligned}$$

16.  $a = 4^9$ ,  $b = 5^{12} + 5$  일 때,  $a \times b$  는  $n$  자리의 자연수이다. 이 때,  $n$  의 값은?

- ① 12      ② 14      ③ 17      ④ 18      ⑤ 20

해설

$$\begin{aligned}4^9(5^{12} + 5) &= 2^{18} \times 5^{12} + 2^{18} \times 5 \\&= (2 \times 5)^{12} \times 2^6 + (2 \times 5) \times 2^{17} \\&\text{이 때 } (2 \times 5)^{12} \times 2^6 > (2 \times 5) \times 2^{17} \text{ 이므로} \\&(2 \times 5)^{12} \times 2^6 \text{ 은 자연수를 고려할 때 생각하지 않는다.} \\&(2 \times 5)^{12} \times 2^6 = 64 \times (2 \times 5)^{12} \\&\text{따라서 } n \text{은 14 자리의 자연수이다.}\end{aligned}$$

17.  $\frac{1}{45}, \frac{2}{45}, \frac{3}{45}, \dots, \frac{199}{45}, \frac{200}{45}$  중에서 유한소수이면서, 정수가 아닌 유리수의 개수는?

① 4개      ② 18개      ③ 22개      ④ 62개      ⑤ 66개

해설

$\frac{n}{45} = \frac{n}{3^2 \times 5}$  이 유한소수가 되게 하는  $n$ 은 9의 배수이므로 22 개, 이때 정수가 되게 하는  $n$ 은 45의 배수로 4개이다.

따라서  $22 - 4 = 18$ 개이다.

18.  $\frac{1}{2}$  과  $\frac{7}{10}$  사이의 분수 중 분모가 30이고 분자가 자연수이면서 유한소수로 나타낼 수 있는 분수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{18}{30}$

해설

$$\frac{1}{2} = \frac{15}{30} < \frac{x}{30} < \frac{7}{10} = \frac{21}{30}$$

$x$ 는 15 <  $x$  < 21인 3의 배수이므로 18이다.

19. 부등식  $3.\dot{9} < x < \frac{43}{7}$  을 만족하는 자연수  $x$ 의 값을 모두 합하면?

- ① 9      ② 11      ③ 13      ④ 18      ⑤ 20

해설

$\frac{36}{9} < x < \frac{43}{7}$  이므로 만족하는  $x$  값은 5, 6이다. 따라서  $x$  값의 합은 11이다.

20.  $(x^a \times y^b \times z^c)^m = x^{10} \times y^8 \times z^6$  일 때,  $m$  의 최댓값을 구하여라. (단,  $a, b, c, m$  은 자연수)

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$$(x^a \times y^b \times z^c)^m = x^{am} \times y^{bm} \times z^{cm}$$

$$x^{am} \times y^{bm} \times z^{cm} = x^{10} \times y^8 \times z^6$$

$$am = 10, \quad bm = 8, \quad cm = 6$$

모두 자연수의 곱이므로 10, 8, 6 의 공약수가 곱해질 수 있다.

$m$  의 최댓값은 2 이다.