

1. $3x(x-5) + 4x(1-3x) = ax^2 + bx + c$ 일 때, abc 의 값은?

- ① 0 ② -11 ③ -20 ④ 99 ⑤ -99

해설

$$(\text{준식}) = 3x^2 - 15x + 4x - 12x^2 = -9x^2 - 11x$$

$$a = -9, b = -11, c = 0$$

$$\therefore abc = (-9) \times (-11) \times 0 = 0$$

2. $\frac{x+2y-2}{2} + \frac{3x-4y}{3} - \frac{2x-5y-3}{4} = Ax+By+C$ 라고 할 때, $A+B+C$ 의 값은?

- ① 20 ② $\frac{5}{3}$ ③ $-\frac{1}{5}$ ④ -20 ⑤ 12

해설

$$\begin{aligned} & \frac{x+2y-2}{2} + \frac{3x-4y}{3} - \frac{2x-5y-3}{4} \\ &= \frac{6(x+2y-2) + 4(3x-4y) - 3(2x-5y-3)}{12} \\ &= \frac{12x+11y-3}{12} \\ \therefore A+B+C &= \frac{12+11-3}{12} = \frac{20}{12} = \frac{5}{3} \end{aligned}$$

3. $\frac{-4x^2 + 2x}{x} - \frac{3y^2 - 2xy}{y}$ 를 간단히 했을 때, x 의 계수를 a , y 의 계수를 b 라 하자. 이때, ab 의 값은?

- ① 8 ② 6 ③ 4 ④ -2 ⑤ -4

해설

$$\begin{aligned} \frac{-4x^2 + 2x}{x} - \frac{3y^2 - 2xy}{y} &= -4x + 2 - 3y + 2x \\ &= -2x - 3y + 2 \end{aligned}$$

$$a = -2, b = -3$$

$$\therefore ab = 6$$

4. 다음 중 계산 중 옳은 것은?

① $(x^7)^2 \div (x^3)^2 = x^{10}$

② $(3a^3b)^2 \div a^5b = 9ab$

③ $(2x^2 + 5x - 7) + (-3x^2 + 6x + 6) = -x^2 + 11x + 2$

④ $(6a^2b + 4a^2) \div 2a = 3b + 2a$

⑤ $-3x(2x - y) + 9x^2 = 15x^2 + 3xy$

해설

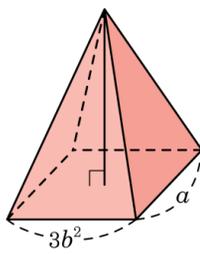
① $x^{14} \div x^6 = x^8$

③ $(2x^2 + 5x - 7) + (-3x^2 + 6x + 6)$
 $= -x^2 + 11x - 1$

④ $(6a^2b + 4a^2) \div 2a = 3ab + 2a$

⑤ $-3x(2x - y) + 9x^2 = 3x^2 + 3xy$

5. 다음 그림과 같이 밑면의 가로, 세로의 길이가 각각 $3b^2$, a 이고, 부피가 $27a^2b^2 + b^2a$ 일 때, 이 사각뿔의 높이는?



- ① $27a + 1$ ② $27b + 1$ ③ $9a + 1$
 ④ $9b + 1$ ⑤ $27ab + 1$

해설

사각뿔의 높이를 x 라 하면

$$(\text{사각뿔의 부피}) = 3b^2 \times a \times x \times \frac{1}{3} = 27a^2b^2 + b^2a$$

$$ab^2x = 27a^2b^2 + b^2a$$

$$\therefore x = 27a + 1$$

6. 밑면의 가로, 세로의 길이가 각각 $2a$, $3a$ 인 직육면체의 부피가 $12a^3 - 24a^2b$ 라고 할 때, 높이는?

① $a - 2b$

② $a - 4b$

③ $2a - 2b$

④ $2a - 4b$

⑤ $2a - 24b$

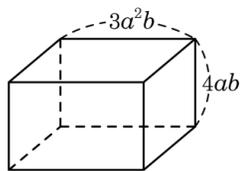
해설

직육면체의 높이 : h

직육면체의 부피 : $2a \times 3a \times h = 12a^3 - 24a^2b$

$$\therefore h = \frac{12a^3 - 24a^2b}{6a^2} = 2a - 4b$$

7. 다음 그림은 가로 길이가 $3a^2b$, 높이가 $4ab$ 인 직육면체이다. 이 입체도형의 부피가 $9a^2b^3$ 일 때 세로의 길이는?

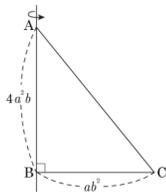


- ① $\frac{2}{3b}$ ② $\frac{3b}{4a}$ ③ $\frac{2b}{3}$ ④ $\frac{4a}{3b}$ ⑤ $\frac{4b}{3a}$

해설

$$\begin{aligned} & 9a^2b^3 \div (3a^2b \times 4ab) \\ &= \frac{9a^2b^3}{12a^3b^2} = \frac{3b}{4a} \end{aligned}$$

8. \overline{AB} 를 축으로 하여 회전시킨 회전체의 부피를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $\frac{4}{3}a^4b^5\pi$

해설

(밑넓이) = $\pi(ab^2)^2 = a^2b^4\pi$ 이므로 따라서 (부피) = $a^2b^4\pi \times 4a^2b \times \frac{1}{3} = \frac{4}{3}a^4b^5\pi$

9. $2a = -3b$ 일 때, $\frac{4a^2 - 3b^2}{2ab} - \frac{a-b}{a+b}$ 의 값은?

- ① -9 ② -7 ③ -5 ④ -3 ⑤ -1

해설

$$2a = -3b$$

$a = -\frac{3b}{2}$ 를 식에 대입하면

$$\frac{4a^2 - 3b^2}{2ab} - \frac{a-b}{a+b}$$

$$= \frac{4\left(-\frac{3b}{2}\right)^2 - 3b^2}{2\left(-\frac{3b}{2}\right)b} - \frac{\left(-\frac{3b}{2}\right) - b}{\left(-\frac{3b}{2}\right) + b}$$

$$= \frac{9b^2 - 3b^2}{-3b^2} - \frac{-\frac{5}{2}b}{-\frac{1}{2}b}$$

$$= \frac{6b^2}{-3b^2} - 5$$

$$= -2 - 5 = -7$$

10. $a+b+c=0$ 일 때, 다음 식의 값은?

$$\frac{b+c}{a} + \frac{c+a}{b} + \frac{b+a}{c}$$

- ① -3 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 3

해설

$$b+c=-a,$$

$$c+a=-b,$$

$$a+b=-c$$

$$\therefore \frac{b+c}{a} + \frac{c+a}{b} + \frac{b+a}{c} = \frac{-a}{a} + \frac{-b}{b} + \frac{-c}{c} = -3$$

11. $(x+y) : (x+2y) = 2 : 1$ 일 때, $\frac{x+3y}{x+y}$ 의 값은?

① $\frac{1}{2}$

② 0

③ $\frac{5}{2}$

④ $\frac{1}{3}$

⑤ $\frac{5}{3}$

해설

$$2(x+2y) = x+y$$

$$2x+4y = x+y$$

$x = -3y$ 이므로 주어진 식에 대입하면

$$\frac{x+3y}{x+y} = \frac{-3y+3y}{-3y+y} = 0$$

12. $x + 3y = 2x + y$ 일 때, $\frac{2x}{y}$ 의 값은?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$x + 3y = 2x + y, x = 2y$$

$$\therefore \frac{2x}{y} = \frac{4y}{y} = 4$$

13. $\frac{5}{6}, \frac{5}{18}$ 를 각각 순환소수로 나타내면 a, b 이다. $a + b - 0.2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{8}{9}$

해설

$$a + b - 0.2 = \frac{5}{6} + \frac{5}{18} - \frac{2}{9} = \frac{75 + 25 - 20}{90} = \frac{8}{9}$$

14. $x = 0.\dot{1}$ 일 때, $\frac{1}{\frac{1}{x} - 1}$ 을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

$$\text{(준식)} = \frac{1}{\frac{1-x}{x}} = \frac{1}{1-x} = \frac{1-x}{x} = \frac{1}{x} - 1$$

$$x = 0.\dot{1} = \frac{1}{9}$$

$$\frac{1}{x} - 1 = 9 - 1 = 8$$

15. $0.4x - 0.01x = 0.03$ 을 계산하여 $x = \frac{1}{b}$ 로 나타낼 때, b 의 값은?

- ① 11 ② 12 ③ 13 ④ 14 ⑤ 15

해설

$$0.4x - 0.01x = 0.03$$

$$\frac{4}{9}x - \frac{1}{90}x = \frac{3}{90}$$

$$\frac{40}{90}x - \frac{1}{90}x = \frac{3}{90}$$

$$\frac{39}{90}x = \frac{3}{90}$$

$$x = \frac{3}{90} \times \frac{90}{39} = \frac{1}{13}$$

$$\therefore b = 13$$

16. 다음 식에서 a 의 값을 순환소수로 나타내어라.

$$\frac{11}{30} = a - 0.02$$

▶ 답 :

▷ 정답 : $0.38\bar{6}$

해설

$$\frac{11}{30} = 0.3\bar{6}$$

$$0.3\bar{6} = a - 0.02$$

$$a = 0.3\bar{6} + 0.02 = 0.38\bar{6}$$

17. 다음 보기에서 ㉠은 ㉡의 몇 배인지 구하여라.

보기

- ㉠ 윗변의 길이 : $\frac{1}{3}ab^2$, 아랫변의 길이 : $\frac{5}{3}ab^2$, 높이 : $6ab$
인 사다리꼴의 넓이
- ㉡ 한 대각선의 길이 : $3a^2$, 다른 대각선의 길이 : b^3 인
마름모의 넓이

▶ 답 : 배

▷ 정답 : 4 배

해설

(사다리꼴의 넓이)

$$= \left\{ \left(\frac{1}{3}ab^2 + \frac{5}{3}ab^2 \right) \times 6ab \right\} \times \frac{1}{2}$$

(마름모의 넓이)

$$= (\text{한 대각선의 길이}) \times (\text{다른 대각선의 길이}) \times \frac{1}{2}$$

(사다리꼴의 넓이)

$$= \left\{ \left(\frac{1}{3}ab^2 + \frac{5}{3}ab^2 \right) \times 6ab \right\} \times \frac{1}{2}$$

$$= (2ab^2 \times 6ab) \times \frac{1}{2} = 6a^2b^3$$

$$(\text{마름모의 넓이}) = (3a^2 \times b^3) \times \frac{1}{2} = \frac{3}{2}a^2b^3$$

$6a^2b^3 = 4 \times \frac{3}{2}a^2b^3$ 이므로, 사다리꼴의 넓이는 마름모의 넓이의 4배이다.

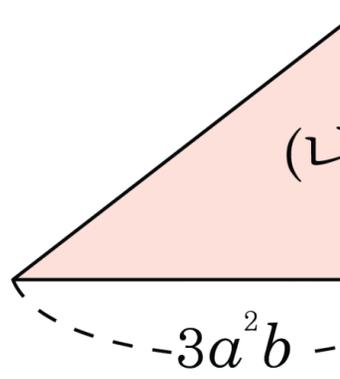
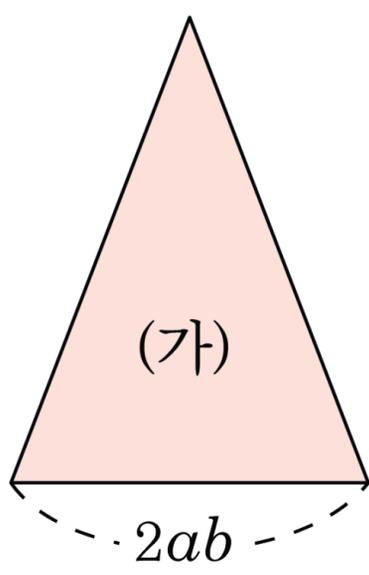
18. 정육면체의 부피가 $27a^6b^9$ 일 때, 한 모서리의 길이는?

- ① $3a^2b^3$ ② $9a^2b$ ③ $3a^3b^6$ ④ $6a^3b^3$ ⑤ $9a^3b^3$

해설

(정육면체의 부피) = (한 모서리의 길이) × (한 모서리의 길이) × (한 모서리의 길이) 이므로
 $27a^6b^9 = (3a^2b^3)^3$

19. 다음 두 삼각형의 넓이는 같다. 삼각형 (가)의 높이를 구하여라.



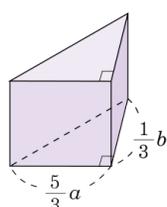
▶ 답:

▷ 정답: $\frac{21a^2b}{2}$

해설

$$\begin{aligned} \frac{1}{2} \times 2ab \times (\text{높이}) &= \frac{1}{2} \times 3a^2b \times 7ab \\ (\text{높이}) &= 3a^2b \times 7ab \times \frac{1}{2ab} = \frac{21a^2b}{2} \end{aligned}$$

20. 다음 그림은 밑면이 직각삼각형이고 부피가 $\frac{b^3}{2a}$ 인 삼각기둥이다. 밑면에서 직각을 낀 두 변의 길이가 각각 $\frac{5}{3}a, \frac{1}{3}b$ 일 때, 이 삼각기둥의 높이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $\frac{9b^2}{5a^2}$

해설

$$(\text{삼각기둥의 높이}) = \frac{b^3}{2a} \div \left(\frac{1}{2} \times \frac{5a}{3} \times \frac{b}{3} \right) = \frac{b^3}{2a} \times \frac{18}{5ab} = \frac{9b^2}{5a^2}$$

21. 안에 들어갈 가장 간단한 식을 구하여라.

$$3x - [7x - \{6x - 2y - (\square + 2y) - 4x\}] = -4y + x$$

▶ 답:

▷ 정답: $-3x$

해설

$$3x - [7x - \{6x - 2y - (\square + 2y) - 4x\}] = -4y + x$$

$$3x - 7x + 6x - 2y - \square - 2y - 4x = -4y + x$$

$$-2x - 4y - \square = -4y + x$$

$$\therefore \square = -3x$$

22. $\{(x^2 + 2x - 4) + \square\} - 2x^2 + 3x = -x^2 + 6x - 3$ 에서 \square 안에 알맞은 식을 써넣어라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $x + 1$

해설

$$\{(x^2 + 2x - 4) + \square\} - 2x^2 + 3x = -x^2 + 6x - 3 + 2x^2 - 3x$$

$$\square = x^2 + 3x - 3 - (x^2 + 2x - 4) = x + 1$$

23. 상수 a, b 에 대하여 $7x - 2y - \{5y - (x - 5y)\} = ax + by$ 일 때, $a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 20

해설

$$\begin{aligned} & 7x - 2y - \{5y - (x - 5y)\} \\ &= 7x - 2y - (5y - x + 5y) \\ &= 7x - 2y - (-x + 10y) \\ &= 7x - 2y + x - 10y \\ &= 8x - 12y \end{aligned}$$

이므로 $a = 8, b = -12$ 이다.

$$\therefore a - b = 8 - (-12) = 20$$

24. $\frac{1}{3}x^2 + 2 - \left[\frac{2}{3}x^2 + \left\{ x - \left(\frac{1}{2}x^2 - 3 \right) \right\} \right] = ax^2 + bx + c$ 에서 상수 a, b, c 의 합 $a + b + c$ 의 값은?

- ① -2 ② $-\frac{11}{6}$ ③ $\frac{1}{6}$ ④ $\frac{5}{6}$ ⑤ 1

해설

$$\begin{aligned} & \frac{1}{3}x^2 + 2 - \left[\frac{2}{3}x^2 + \left\{ x - \left(\frac{1}{2}x^2 - 3 \right) \right\} \right] \\ &= \frac{1}{3}x^2 + 2 - \left(\frac{2}{3}x^2 + x - \frac{1}{2}x^2 + 3 \right) \\ &= \frac{1}{3}x^2 + 2 - \frac{2}{3}x^2 - x + \frac{1}{2}x^2 - 3 \\ &= \frac{1}{6}x^2 - x - 1 \\ \therefore a + b + c &= \frac{1}{6} + (-1) + (-1) = -\frac{11}{6} \end{aligned}$$