

1. 다음 중 유리수인 것을 모두 찾으시오?

① $\frac{11}{8}$

② π

③ $\frac{11}{3 \times 5^2}$

④ 1.415

⑤ $\frac{63}{2^2 \times 3 \times 7}$

해설

$\frac{b}{a}$ 는 유리수이므로 소수 중에는 유한소수와 순환소수가 유리수가 된다.

2. 다음 수 중에서 가장 큰 수는?

- ① $3.\dot{4}9$ ② $3.\dot{4}9$ ③ $3.\dot{5}$ ④ $3.\dot{5}09$ ⑤ $3.\dot{5}4$

해설

- ① $3.499999\dots$
② $3.494949\dots$
③ $3.555555\dots$
④ $3.509509\dots$
⑤ $3.545454\dots$

3. 다음 중 유리수가 아닌 것은?

① -3

② 2.45

③ $4.010101\dots$

④ $3.7\overline{62}$

⑤ $0.1010010001\dots$

해설

$0.1010010001\dots$ 은 반복되는 구간이 없는 순환하지 않는 무한 소수로 분수로 나타낼 수 없다.

4. 다음은 순환소수를 분수로 나타내는 과정이다. □ 안에 알맞은 수를 넣어라.

$$3.\dot{0}9\dot{1} = \frac{3091 - \text{[①]}}{\text{[②]}}$$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 3

▷ 정답: 999

해설

$$x = 3.091091\cdots \quad \text{--- ㉠}$$

$$1000x = 3091.091091\cdots \quad \text{--- ㉡}$$

㉡ - ㉠을 하면

$$999x = 3091 - 3$$

$$\therefore x = \frac{3088}{999}$$

5. 다음 순환소수를 분수로 나타낸 것 중 옳지 않은 것은?

① $0.4 = \frac{4}{9}$

② $0.5 = \frac{5}{9}$

③ $0.\dot{3}7 = \frac{37}{90}$

④ $0.2\dot{5} = \frac{23}{90}$

⑤ $0.3\dot{2} = \frac{29}{90}$

해설

③ $0.\dot{3}7 = \frac{37}{99}$

6. 다음은 순환소수를 분수로 나타내는 과정이다. A, B, C 의 값을 구하여라. (단, C 는 기약분수)

$$8.0\dot{4} = \frac{804 - A}{B} = C$$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $A = 80$

▷ 정답: $B = 90$

▷ 정답: $C = \frac{362}{45}$

해설

$$\begin{aligned} x &= 8.0444\cdots \\ 10x &= 80.444\cdots \quad \text{㉠} \\ 100x &= 804.444\cdots \quad \text{㉡} \\ \text{㉡} - \text{㉠} \text{을 하면} \\ 90x &= 804 - 80 \\ \therefore x &= \frac{724}{90} = \frac{362}{45} \end{aligned}$$

7. 순환소수 $x = 0.2\bar{7}$ 를 분수로 나타낼 때, 계산 결과가 정수가 되는 가장 편리한 식을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $100x - 10x$

해설

$$100x - 10x = 25$$

8. 다음의 수 중 유한소수인 것을 모두 골라라.

$$\frac{13}{20}, \frac{14}{70}, \frac{12}{55}, \frac{21}{75}, \frac{16}{150}$$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{13}{20}$

▷ 정답: $\frac{14}{70}$

▷ 정답: $\frac{21}{75}$

해설

$$\begin{aligned}\frac{13}{20} &= \frac{13}{2^2 \times 5} \\ \frac{14}{70} &= \frac{2 \times 7}{2 \times 5 \times 7} = \frac{1}{5} \\ \frac{21}{75} &= \frac{7}{25} = \frac{7}{5^2}\end{aligned}$$

9. 순환소수 $0.\dot{0}7\dot{2}$ 을 분수로 바르게 나타내어라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{8}{111}$

해설

$$0.\dot{0}7\dot{2} = \frac{72}{999} = \frac{24}{333} = \frac{8}{111}$$

10. 다음 정수 또는 유한소수를 순환소수로 나타내어라.(1) 4 (2) 0.5(3) 5.2 (4) 2.34

▶ 답 :

▷ 정답 : (1) $3.\overline{9}$ (2) $0.\overline{49}$ (3) $5.\overline{19}$ (4) $2.\overline{339}$

11. 다음 순환소수를 정수 또는 유한소수로 나타내어라.(1) $0.5\dot{9}$ (2) $0.24\dot{9}$
(3) $10.\dot{9}$ (4) $-2.\dot{9}$

▶ 답 :

▷ 정답 : (1) 0.6(2) 0.25(3) 11(4) -3

12. $\frac{A}{350}$ 가 유한소수로 나타내어질 때, A 가 될 수 있는 가장 작은 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 7

해설

$\frac{A}{350} = \frac{A}{2 \times 5^2 \times 7}$ 가 유한소수가 되기 위해서는 7 이 약분되어야 하므로 A 는 7 의 배수이다.
 $\therefore A = 7$

13. 순환소수 $8.\dot{6}0\dot{3}$ 를 분수로 나타내면?

- ① $\frac{8603}{999}$ ② $\frac{8595}{900}$ ③ $\frac{191}{20}$ ④ $\frac{955}{111}$ ⑤ $\frac{8595}{909}$

해설

$$\frac{8603 - 8}{999} = \frac{8595}{999} = \frac{955}{111}$$

14. 다음 중 순환소수 $x = 0.\dot{2}6$ 을 분수로 나타내려고 할 때, 가장 편리한 식은?

① $10x - x$

② $100x - x$

③ $100x - 10x$

④ $1000x - 10x$

⑤ $1000x - 100x$

해설

첫 순환마디 뒤에 소수점이 오게 100 을 곱한 수에서 첫 순환마디 앞에 소수점이 오게 1 을 곱한 수를 빼야 한다. 즉, $100x - x$ 가 된다.

15. 순환소수 $x = 0.\dot{3}5$ 를 분수로 나타내려고 할 때, 가장 편리한 식을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $100x - x$

해설

첫 순환마디 뒤에 소수점이 오게 100을 곱한 수에서 첫 순환마디 앞에 소수점이 오게 1을 곱한 수를 빼야 한다. 즉, $100x - x$ 이다.

16. 다음 중 순환소수인 것을 모두 고르면?

- ① 1.2333333 ② 1.4353535... ③ 0.31243124...
④ 3.141592 ⑤ 0.27398465...

해설

순환소수는 소수점 아래의 어떤 자리에서부터 일정한 숫자의 배열이 한없이 되풀이되는 무한소수이다.

17. $x = 3.10\bar{2}$ 일 때, $1000x - 100x$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2792

해설

1000을 곱하면 $1000x = 3102.222\cdots$

100을 곱하면 $100x = 310.222\cdots$

$1000x - 100x = 2792$ 이다.

18. $a = 0.3$, $b = 0.2\dot{9}$, $c = \frac{10}{33}$ 이라 할 때, a , b , c 사이의 관계를 나타내
어라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $a = b < c$

해설

$$a = 0.3 = 0.2\dot{9} = b$$

$$c = \frac{10}{33} = 0.3030\cdots = 0.\dot{3}0 > 0.3$$

19. 다음 소수를 큰 순서대로 나열하여라.

0.135, 0.13 $\bar{5}$, 0.13 $\bar{5}$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 0.13 $\bar{5}$

▷ 정답: 0.13 $\bar{5}$

▷ 정답: 0.135

해설

순환소수를 풀어서 각 자리의 수를 비교하면

$0.13\bar{5} = 0.13555\cdots > 0.13\bar{5} = 0.13535\cdots > 0.135$ 이다.

20. 다음 중 순환소수 $4.8999\dots$ 와 값이 같은 것은 어느 것인가?

- ① 4.7 ② 4.8 ③ 4.88 ④ 4.89 ⑤ 4.9

해설

$$4.8999\dots = 4.8\dot{9} = x \text{로 놓으면}$$

$$100x = 489.999\dots$$

$$10x = 48.999\dots$$

두 식의 차를 구하면

$$90x = 441,$$

$$x = \frac{441}{90} = \frac{490}{100} = 4.9$$

21. 다음 분수 중 유한소수로 나타낼 수 있는 것을 골라라.

㉠ $\frac{27}{56}$	㉡ $\frac{7}{39}$	㉢ $\frac{3}{8}$	㉣ $\frac{7}{21}$	㉤ $\frac{5}{23}$
-------------------	------------------	-----------------	------------------	------------------

▶ 답:

▶ 정답: ㉢

해설

분수를 기약분수로 나타내고 그 분모를 소인수분해하였을 때 분모의 소인수가 2 나 5 뿐이면 그 분수는 유한소수로 나타낼 수 있다.

㉢ $\frac{3}{8} = \frac{3}{2^3}$ 이므로 유한소수로 나타낼 수 있다.

22. 다음 분수를 소수로 나타낼 때, 유한소수로 나타낼 수 없는 것은?

① $\frac{5}{8}$

② $\frac{3}{10}$

③ $\frac{14}{2^3 \times 7}$

④ $\frac{15}{2^2 \times 13}$

⑤ $\frac{27}{2^2 \times 3^3}$

해설

기약분수로 나타낼 때 분모의 소인수가 2 또는 5뿐이어야 한다.

23. 다음 분수 중 유한소수로 나타낼 수 있는 분수는?

- ① $\frac{1}{7}$ ② $\frac{6}{11}$ ③ $\frac{4}{18}$ ④ $\frac{9}{30}$ ⑤ $\frac{8}{15}$

해설

분수를 기약분수로 나타내고 그 분모를 소인수분해하였을 때 분모의 소인수가 2 나 5 뿐이면 그 분수는 유한소수로 나타낼 수 있다.

④ $\frac{9}{30} = \frac{9}{2 \times 3 \times 5} = \frac{3}{2 \times 5}$ 이므로 유한소수로 나타낼 수 있다.

24. 다음 중 순환소수 $x = 2.\dot{1}2$ 를 분수로 고치는 가장 편리한 식을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $100x - x$

해설

$$\begin{aligned}x &= 2.1212\cdots \rightarrow \text{㉠} \\100x &= 212.1212\cdots \rightarrow \text{㉡} \\ \text{㉡} - \text{㉠} &\text{을 하면} \\(100x - x) &= 210 \\ \therefore x &= \frac{210}{99} = \frac{70}{33}\end{aligned}$$

25. 소수로 나타내면 유한소수가 되는 유리수 $\frac{5a}{360}$ 가 있다. a 가 될 수 있는 수 중 가장 작은 수를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 9

해설

$\frac{5a}{360} = \frac{a}{72} = \frac{a}{2^3 \times 3^2}$ 일 때, a 는 9 이어야 분모의 소인수가 2 또는 5 로 된다.

26. 분수 $\frac{18}{2^2 \times x \times 5}$ 을 소수로 나타내면 순환소수가 된다고 한다. x 값이 될 수 있는 것은?

- ① 5 ② 6 ③ 7 ④ 8 ⑤ 9

해설

x 가 8, 5 이면 유한소수

x 가 6 이면 $\frac{3}{2^2 \times 5}$ 이 되어 유한소수

x 가 9 이면 $\frac{1}{2 \times 5}$ 로 유한소수

순환소수가 되려면 $x = 7$

27. $\frac{1}{2^2 \times 5 \times 13} \times \square$ 가 유한소수로 나타내어질 때, \square 안에 들어갈 수 있는 자연수 중에서 가장 작은 수는?

- ① 10 ② 11 ③ 12 ④ 13 ⑤ 14

해설

유한소수가 되려면 분모의 소인수가 2 나 5 뿐이어야 한다. 따라서 13 을 약분하려면 \square 안에는 13의 배수가 들어가야 한다. 따라서 가장 작은 자연수는 13 이다.

28. 다음 중 순환소수 $x = 0.1\dot{2}$ 를 분수로 나타내려고 할 때, 가장 편리한 식을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $100x - 10x$

해설

$$\begin{array}{r} 100x=12.222\dots \\ -) 10x=1.222\dots \\ \hline 90x=11 \end{array}$$

따라서 $100x - 10x$ 이다.

29. 다음 중 순환소수의 표현으로 옳은 것은?

- ① $0.242424\cdots = 0.\dot{2}4$ ② $2.34234234\cdots = \dot{2}.34$
③ $0.052052052\cdots = 0.0\dot{5}20$ ④ $1.26666\cdots = 1.\dot{2}6$
⑤ $0.432432432\cdots = 0.4\dot{3}24$

해설

② $2.\dot{3}4\dot{2}$, ③ $0.0\dot{5}2$, ④ $1.2\dot{6}$, ⑤ $0.43\dot{2}$

30. 다음 중 순환소수의 표현으로 옳은 것을 모두 고르면?

① $0.30404\cdots = 0.\dot{3}0\dot{4}$

② $1.203203\cdots = 1.\dot{2}0\dot{3}$

③ $2.2020\cdots = 2.2\dot{0}2$

④ $0.44141\cdots = 0.\dot{4}4\dot{1}$

⑤ $1.477\cdots = 1.4\dot{7}$

해설

① $0.3\dot{0}4$

③ $2.\dot{2}0$

④ $0.4\dot{4}1$

31. 다음 중 순환소수의 표현이 옳은 것을 모두 고르면?

① $2.0333\cdots = 2.\dot{0}3$

② $0.3212121\cdots = 0.3\dot{2}1$

③ $1.231231\cdots = 1.2\dot{3}$

④ $3.015015 = 3.\dot{0}1\dot{5}$

⑤ $-0.340340\cdots = -0.\dot{3}4$

해설

① 순환마디는 3 이므로 $2.0333\cdots = 2.\dot{0}3$

③ 순환마디는 231 이므로 $1.231231\cdots = 1.\dot{2}3\dot{1}$

⑤ 순환마디는 340 이므로 $-0.340340\cdots = -0.\dot{3}4\dot{0}$

32. 다음 □ 안에 알맞은 순환소수를 써넣어라.
 $0.\dot{1}3\dot{5} = \square \times 135$

▶ 답:

▷ 정답: $0.\dot{0}0\dot{1}$

해설

$$0.\dot{1}3\dot{5} = \frac{135}{999} = \frac{1}{999} \times 135 = 0.\dot{0}0\dot{1} \times 135$$

33. 다음 중 순환소수 $1.2999\cdots$ 와 값이 같은 것은 어느 것인가?

- ① 1.2 ② 1.29 ③ 1.299 ④ 1.3 ⑤ 2

해설

$$1.2999\cdots = 1.2\dot{9} = x \text{로 놓으면}$$

$$100x = 129.999\cdots$$

$$10x = 12.999\cdots$$

두 식의 차를 구하면

$$90x = 117,$$

$$x = \frac{117}{90} = 1.3$$