

1. 어떤 식에 $-2x^2 + 3x + 1$ 을 빼어야 할 것을 잘못하여 더했더니 $4x^2 + 2x + 3$ 이 되었다. 올바르게 계산한 식을 구하면?

- ① $8x^2 - 4x + 1$ ② $8x^2 + 3x + 1$ ③ $4x^2 - 2x - 1$
④ $4x^2 + 3x + 4$ ⑤ $6x^2 - 2x - 4$

해설

어떤식을 A라하면

$$\begin{aligned}A + (-2x^2 + 3x + 1) &= 4x^2 + 2x + 3 \\A = (4x^2 + 2x + 3) - (-2x^2 + 3x + 1) &= 6x^2 - x + 2 \\\therefore (6x^2 - x + 2) - (-2x^2 + 3x + 1) &= 8x^2 - 4x + 1\end{aligned}$$

2. 어떤 식에서 $-2x^2 - 3x$ 를 빼어야 할 것을 잘못하여 더하였더니 $2x^2 + 5x$ 가 되었다. 바르게 계산하였을 때의 답은?

- ① $2x^2 - 3x$ ② $2x^2 - 5x$ ③ $6x^2 + 5x$
④ $6x^2 + 11x$ ⑤ $6x^2 - 15x$

해설

어떤 식을 A 라 하면

$$A + (-2x^2 - 3x) = 2x^2 + 5x$$

$$A = (2x^2 + 5x) - (-2x^2 - 3x) = 4x^2 + 8x$$

따라서 바르게 계산하면 $(4x^2 + 8x) - (-2x^2 - 3x) = 6x^2 + 11x$ 이다.

3. $x = 2y$ 일 때, $\frac{x}{x+y} + \frac{y}{x-y}$ 의 값을 구하면? (단, $x \neq 0, y \neq 0$)

- ① $\frac{2}{3}$ ② $\frac{5}{3}$ ③ $\frac{2}{5}$ ④ $\frac{3}{5}$ ⑤ $\frac{4}{3}$

해설

$$\frac{x}{x+y} + \frac{y}{x-y} \text{ 일 때 } x = 2y \text{ 를 대입하면}$$

$$\frac{2y}{2y+y} + \frac{y}{2y-y} = \frac{2y}{3y} + \frac{y}{y} = \frac{2}{3} + 1 = \frac{5}{3}$$

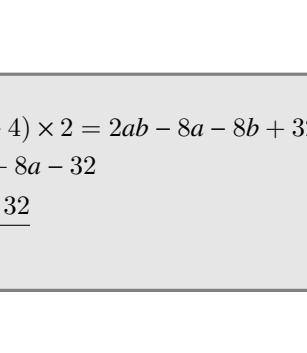
4. $(2x - 5y - 1) + (3x - 3y + 2)$ 를 간단히 하면?

- ① $2x - 3y + 2$ ② $2x + 5y - 1$ ③ $5x - 6y + 4$
④ $5x - 8y + 1$ ⑤ $5x - 5y + 3$

해설

$$\begin{aligned}(2x - 5y - 1) + (3x - 3y + 2) \\= 2x - 5y - 1 + 3x - 3y + 2 \\= 5x - 8y + 1\end{aligned}$$

5. 다음 그림과 같이 가로의 길이가 a , 세로의 길이가 b 인 직사각형 모양의 종이의 네 모퉁이에서 한 변의 길이가 2인 정사각형을 잘라내고 남은 부분으로 뚜껑이 없는 직육면체 모양의 상자를 만들었다. 이 상자의 부피를 V 라 할 때, b 를 a 와 V 에 관한 식으로 바르게 나타낸 것은?



$$\begin{array}{ll} \textcircled{1} & b = \frac{V}{8ab} \\ \textcircled{3} & b = V + \frac{V}{2a+8} \\ \textcircled{5} & b = \frac{V+8a-32}{2a-8} \\ \textcircled{2} & b = v + 32ab \\ \textcircled{4} & b = \frac{8V}{ab-32} \end{array}$$

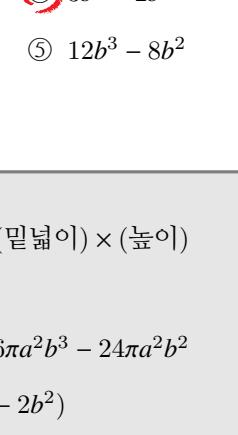
해설

$$V = (a - 4)(b - 4) \times 2 = 2ab - 8a - 8b + 32 \quad \text{으로}$$

$$b(2a - 8) = V + 8a - 32$$

$$\therefore b = \frac{V + 8a - 32}{2a - 8}$$

6. 다음 그림과 같이 밑면의 반지름의 길이가 $6a$ 인 원뿔의 부피가 $36\pi a^2 b^3 - 24\pi a^2 b^2$ 일 때, 원뿔의 높이는?



- ① $3b^2 - 2b$ ② $3b^3 - 2b^2$ ③ $6b^3 - 4b^2$
④ $6ab^3 - 4ab^2$ ⑤ $12b^3 - 8b^2$

해설

$$\text{원뿔의 부피} : \frac{1}{3} \times (\text{밑넓이}) \times (\text{높이})$$

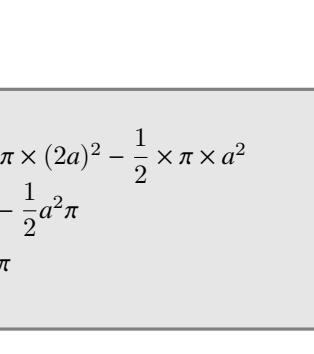
높이를 h 라 하자.

$$\frac{1}{3} \times 36\pi a^2 \times h = 36\pi a^2 b^3 - 24\pi a^2 b^2$$

$$12a^2 h = 12a^2 (3b^3 - 2b^2)$$

$$\therefore h = 3b^3 - 2b^2$$

7. 다음 그림의 직사각형에서 색칠한 부분의 넓이를 S 라 할 때, S 의 값은? (단, S 가 아닌 부분은 각각 사분원과 반원이다.)

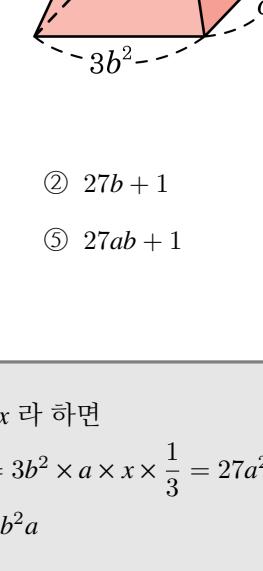


$$\begin{array}{lll} \textcircled{1} \quad 2ab - \frac{1}{2}a\pi & \textcircled{2} \quad 2ab - a^2\pi & \textcircled{3} \quad 2ab - \frac{3}{2}a^2\pi \\ \textcircled{4} \quad 2ab - 2a^2\pi & \textcircled{5} \quad 2ab - \frac{5}{2}a^2\pi & \end{array}$$

해설

$$\begin{aligned} S &= 2ab - \frac{1}{4} \times \pi \times (2a)^2 - \frac{1}{2} \times \pi \times a^2 \\ &= 2ab - a^2\pi - \frac{1}{2}a^2\pi \\ &= 2ab - \frac{3}{2}a^2\pi \end{aligned}$$

8. 다음 그림과 같이 밑면의 가로, 세로의 길이가 각각 $3b^2$, a 이고, 부피가 $27a^2b^2 + b^2a$ 일 때, 이 사각뿔의 높이는?



- ① $27a + 1$ ② $27b + 1$ ③ $9a + 1$
④ $9b + 1$ ⑤ $27ab + 1$

해설

사각뿔의 높이를 x 라 하면
 $(\text{사각뿔의 부피}) = 3b^2 \times a \times x \times \frac{1}{3} = 27a^2b^2 + b^2a$
 $ab^2x = 27a^2b^2 + b^2a$
 $\therefore x = 27a + 1$