

1. x 가 $-1, 0, 1, 2$ 중 하나일 때, 방정식 $1 - 2x = 3x - 4$ 의 해는?

- ① -1
- ② 0
- ③ 1
- ④ 2
- ⑤ 없다.

해설

$1 - 2x = 3x - 4$ 에 $x = 1$ 을 대입하면 $1 - 2 = 3 - 4$ 이다.
등식이 참이 되므로 해는 $x = 1$ 이다.

2. 등식 $\frac{1}{3}ax + 6 = 2(b + x) + 5$ 의 해가 무수히 많을 때, $a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $a - b = \frac{11}{2}$

해설

$$\frac{1}{3}ax + 6 = 2(b + x) + 5$$

$$\frac{1}{3}ax + 6 = 2b + 2x + 5$$

$$\frac{1}{3}a = 2 \circ \text{므로 } a = 6$$

$$2b + 5 = 6 \circ \text{므로 } b = \frac{1}{2}$$

$$\therefore a - b = 6 - \frac{1}{2} = \frac{11}{2}$$

3. 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

- ① $a - 1 = b - 2$ 이면 $a = b - 1$ 이다.
- ② $b = 3$ 이면 $b + x = x + 3$ 이다.
- ③ $a = 2b$ 이면 $a + 1 = 2(b + 1)$ 이다.
- ④ $4a = 5b$ 이면 $\frac{a}{4} = \frac{b}{5}$ 이다.
- ⑤ $3(a - 2) = 3(b - 2)$ 이면 $a = b$ 이다.

해설

- ③ $a = 2b$ 의 양변에 1을 더하면 $a + 1 = 2b + 1$ 이다.
- ④ $4a = 5b$ 의 양변을 20으로 나누면 $\frac{a}{5} = \frac{b}{4}$ 이다.

4. 다음 왼쪽에 주어진 방정식에서 오른쪽의 방정식을 얻고자 한다면 어떻게 해야 하는가?

$$2x = 1 \rightarrow x = \frac{1}{2}$$

- ① 양변에 2를 곱한다.
- ② 양변을 2로 나눈다.
- ③ 양변에 2를 더한다.
- ④ 양변에 2를 뺀다.
- ⑤ 양변에 $\frac{1}{2}$ 를 곱한다.

해설

분모를 없애기 위해 양변에 2로 나눈다.

5. 다음 중 일차방정식을 모두 고르면?

① $3(1 - x) - 3x = 0$

② $4x + 8 = 8 + 4x$

③ $2 + x - 2x^2 = 1 - 2x^2$

④ $4 = 3x + 4x^2$

⑤ $x + 2 + 4 = x + 6$

해설

① $3(1 - x) - 3x = 0$, ③ $2 + x - 2x^2 = 1 - 2x^2$ 는 일차방정식이다.

6. 일차방정식 $2(x + 3) = 5(6 - 2x)$ 를 풀면?

① -2

② -1

③ 1

④ 2

⑤ 3

해설

괄호를 풀면

$$2x + 6 = 30 - 10x$$

$$2x + 10x = 30 - 6$$

$$12x = 24$$

$$\therefore x = 2$$

7. 방정식 $4 - (x+3) = 2(x-7)$ 의 해를 $x = a$, 방정식 $1.8x + 7 = 1.6 + 1.2x$ 의 해를 $x = b$ 라 할 때, $a + b$ 의 값은?

① 5

② 3

③ 0

④ -2

⑤ -4

해설

$$4 - (x + 3) = 2(x - 7)$$

$$4 - x - 3 = 2x - 14$$

$$3x = 15, \quad x = 5$$

$$\therefore a = 5$$

$$1.8x + 7 = 1.6 + 1.2x$$

$$18x + 70 = 16 + 12x$$

$$6x = -54, \quad x = -9$$

$$\therefore b = -9$$

$$\therefore a + b = -4$$

8. x 에 관한 방정식 $4x + 17 = 1 - 2a$ 의 해가 $x = -3$ 일 때, a 의 값을 구하면?

① -4

② -2

③ 1

④ 3

⑤ 4

해설

방정식 $4x + 17 = 1 - 2a$ 에 $x = -3$ 을 대입하면,

$$-12 + 17 = 1 - 2a$$

$$5 = 1 - 2a$$

$$\therefore a = -2$$

9. 등식 $ax - 2 = x + b$ 의 해가 무수히 많을 때, a , b 의 값은?

① $a = 1, b = 2$

② $a = -1, b = -2$

③ $\textcircled{a} = 1, b = -2$

④ $a = -1, b = 2$

⑤ $a = 2, b = -2$

해설

항등식은 좌변과 우변이 같아야 함

$$ax - 2 = x + b$$

$$\therefore a = 1, b = -2$$

10. y 축 위에 있고, y 좌표가 6인 점의 좌표는?

① $(6, 6)$

② $(6, 0)$

③ $(0, 6)$

④ $(-6, 0)$

⑤ $(0, -6)$

해설

y 축 위에 있는 수는 x 좌표가 0이므로, x 좌표가 0이고 y 좌표가 6인 점의 좌표를 찾으면 $(0, 6)$ 이다.

11. 다음 중 제 4 사분면에 있는 점의 좌표는?

① $(-2, 0)$

② $(5, 4)$

③ $(3, -4)$

④ $(-1, 6)$

⑤ $(-3, -3)$

해설

(x, y) 가 제 4 사분면의 점이면 $x > 0, y < 0$

$\therefore (3, -4)$ 는 제 4 사분면의 점이다.

12. $-\frac{2}{3}(2x - 5) + \frac{1}{3}(7x - 4) = ax + b$ 일 때, $a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -1

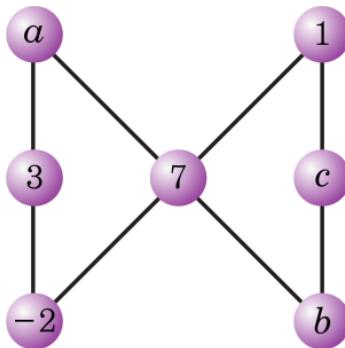
해설

$$\begin{aligned}-\frac{2}{3}(2x - 5) + \frac{1}{3}(7x - 4) \\= -\frac{4}{3}x + \frac{10}{3} + \frac{7}{3}x - \frac{4}{3} \\= -\frac{4}{3}x + \frac{7}{3}x + \frac{10}{3} - \frac{4}{3} \\= x + 2\end{aligned}$$

$$\therefore a = 1, b = 2$$

따라서 $a - b = 1 - 2 = -1$ 이다.

13. 다음 그림과 같이 숫자가 적힌 7개의 공이 있다. 한 선분 위에 있는 3개의 공에 적힌 숫자의 합이 서로 같을 때 c 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 11

해설

$$a + 3 + (-2) = (-2) + 7 + 1$$

$$a + 1 = 6$$

$$\therefore a = 5$$

$$5 + 7 + b = (-2) + 7 + 1$$

$$12 + b = 6$$

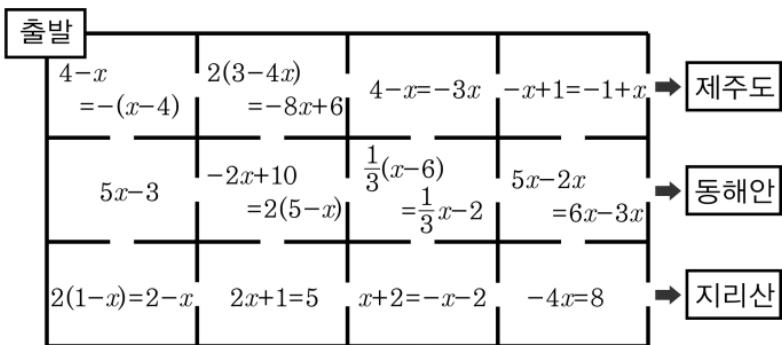
$$\therefore b = -6$$

$$1 + c + (-6) = (-2) + 7 + 1$$

$$c - 5 = 6$$

$$\therefore c = 11$$

14. 진희네 가족은 올 여름에 갈 휴가 장소를 정하기 위해서 아래와 같은 게임을 하였다. 출발에서 시작하여 항등식인 쪽으로 가서 나온 곳이 여름 휴가 장소가 된다. 진희네 가족이 갈 휴가 장소는 어디인지 구하여라.



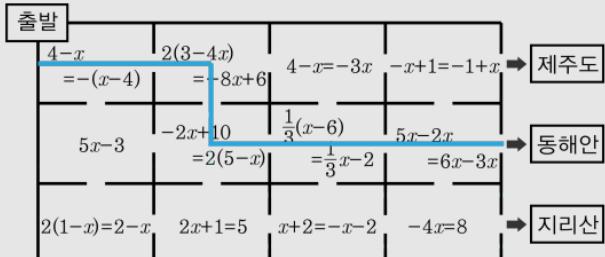
▶ 답:

▷ 정답: 동해안

해설

출발에서 시작하여 항등식인 쪽으로 가면

$$4-x = -x+4 \rightarrow 2(3-4x) = -8x+6 \rightarrow -2x+10 = 2(5-x) \rightarrow \frac{1}{3}(x-6) = \frac{1}{3}x-2 \rightarrow 5x-2x = 6x-3x \rightarrow \text{동해안}$$



15. 다음 일차방정식의 풀이 과정에서 이항에 해당하는 것을 골라라.

$$\begin{aligned}3x - 6 &= -2(x - 5) + x && \textcircled{①} \\3x - 6 &= -2x + 10 + x && \textcircled{②} \\3x - 6 &= -x + 10 && \textcircled{③} \\3x - x &= -10 + 6 && \textcircled{④} \\x &= 16 && \textcircled{⑤} \\x &= 4 && \textcircled{⑥}\end{aligned}$$

▶ 답 :

▷ 정답 : ⑥

해설

이항은 한 변에 있는 항의 부호를 바꾸어 다른 변으로 옮기는 것이다.

① : 분배법칙

②, ⑤ : 동류항의 계산

⑥ : 등식의 성질

16. 일차방정식 $\frac{5x-1}{4} = 2(x-3)-2$ 를 풀면 $x = \frac{q}{p}$ (단, p, q 는 서로소인 정수) 이다. 이 때, $10p - q$ 의 값은?

- ① -1 ② 0 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

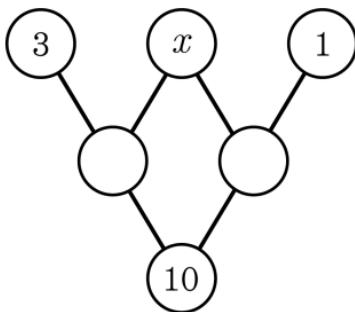
해설

$$5x - 1 = 8x - 24 - 8$$

$$x = \frac{31}{3} \therefore p = 3, q = 31$$

$$\therefore 10p - q = 30 - 31 = -1$$

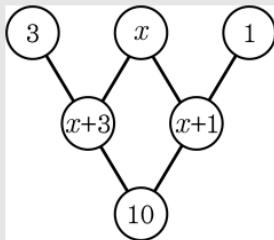
17. 다음 그림에서 동그라미 안의 식은 바로 위의 양 옆의 동그라미 안의 숫자나 식의 합이다. 이 때 x 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설



$$(x + 3) + (x + 1) = 10$$

$$2x + 4 = 10$$

$$\therefore x = 3$$

18. $(x - 1) : 3 = (3x + 2) : 4$ 에서 x 의 값은?

① -2

② -6

③ 0

④ 2

⑤ 6

해설

$$3(3x + 2) = 4(x - 1)$$

$$9x + 6 = 4x - 4$$

$$5x = -10$$

$$\therefore x = -2$$

19. 두 방정식 $2(x - 1) + 3 = -2(3x - 9) + 7$, $\frac{a}{4}x - 3 = \frac{2x - 3}{3}$ 의 해가 같을 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: $a = \frac{16}{3}$

해설

방정식을 괄호를 풀어서 정리하면

$$2x + 1 = -6x + 25, x = 3$$

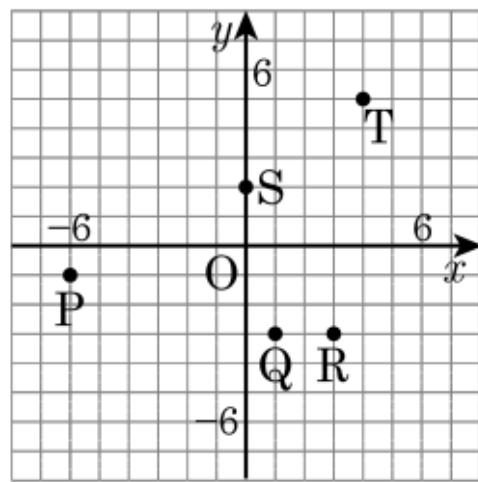
방정식의 해가 같으므로

$$\frac{a}{4}x - 3 = \frac{2x - 3}{3} \text{ 에 } x = 3 \text{ 을 대입하면}$$

$$\frac{3}{4}a - 3 = 1 \text{ 이므로 } a = \frac{16}{3} \text{ 이다.}$$

20. 다음 좌표평면 위의 점의 좌표가 틀린 것은?

- ① $P(-6, -1)$
- ② $Q(1, -3)$
- ③ $R(3, -3)$
- ④ $S(2, 0)$
- ⑤ $T(4, 5)$



해설

점 S는 y축 위의 점이다.

$$\therefore S(0, 2)$$

21. 좌표평면위의 세 점 A(2, 1), B(-2, 1), C(1, -2)를 꼭짓점으로 하는 삼각형 ABC의 넓이는?

① 2

② 4

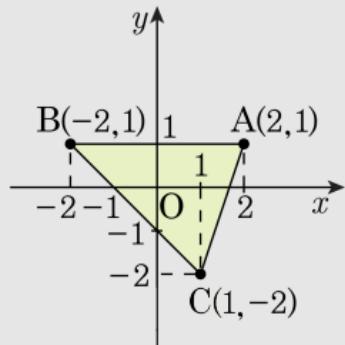
③ 6

④ 8

⑤ 10

해설

세 점을 좌표평면에 나타내면 다음 그림과 같다.



$$(\triangle ABC \text{의 넓이}) = \frac{1}{2} \times 4 \times 3 = 6$$

22. 좌표평면에서 점 $P(-a, b)$ 가 제 4사분면 위의 점일 때 점 $Q(-a^2, -b)$ 는 제 몇 사분면 위의 점인가?

- ① 제 1사분면
- ② 제 2사분면
- ③ 제 3사분면
- ④ 제 4사분면
- ⑤ 알 수 없다

해설

점 $P(-a, b)$ 가 제 4사분면일 경우,

$$-a > 0, b < 0$$

$$a < 0, b < 0 \Rightarrow -a^2 < 0, -b > 0$$

따라서 점 $Q(-a^2, -b)$ 는 제 2사분면의 점이다.

23. 등식 $3x - 5 = 8$ 에서 좌변의 -5 를 이항한다는 것과 같은 뜻은?

- ① 양변에서 5를 뺀다.
- ② 양변에 5를 곱한다.
- ③ 양변에 5를 더한다. (선택지 3번)
- ④ 양변을 5로 나눈다.
- ⑤ 양변에 -5 를 더한다.

해설

이항은 등식의 양변에 똑같은 수를 더하거나 빼도 등식은 성립한다는 성질을 이용한 것이다.

-5 를 이항하기 위해서는 양변에 5를 더해야 한다.

24. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $a = b$ 이면 $a - 1 = b - 1$ 이다.
- ② $a = b$ 이면 $a + 4 = b + 4$ 이다.
- ③ $a = b$ 이면 $\frac{a}{c} = \frac{b}{c}$ 이다.
- ④ $\frac{a}{3} = \frac{b}{3}$ 이면 $a = b$ 이다.
- ⑤ $a = b$ 이면 $2a + c = 2b + c$ 이다.

해설

③ 등식의 양변을 0이 아닌 수로 나눌 때에 등식이 성립하므로 $c \neq 0$ 이란 조건이 있어야 한다.

25. 점(3, 3)의 원점에 대칭인 점을 A, 점(1, -2)의 x 축에 대칭인 점을 B, 점(5, 1)의 y 축에 대칭인 점을 C 라고 할 때, $\triangle ABC$ 의 넓이를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 13

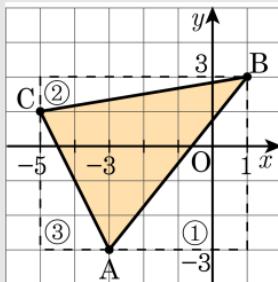
해설

원점에 대칭인 점은 x, y 좌표의 부호가 모두 바뀌므로 A(-3, -3)

,

x 축에 대칭인 점은 y 좌표의 부호가 바뀌므로 B(1, 2),

y 축에 대칭인 점은 x 좌표의 부호가 바뀌므로 C(-5, 1)



($\triangle ABC$ 의 넓이)

$$= (\text{직사각형의 넓이}) - (\textcircled{1} + \textcircled{2} + \textcircled{3})$$

$$= 6 \times 5 - \left(\frac{1}{2} \times 4 \times 5 + \frac{1}{2} \times 6 \times 1 + \frac{1}{2} \times 2 \times 4 \right)$$

$$= 30 - 17 = 13$$