

1. $a > 0, b < 0$ 일 때, 다음 중 옳은 것은?

- ① $\sqrt{9a^2} \times \sqrt{(-6b)^2} = 18ab$
- ② $-\sqrt{(3a)^2} \div \sqrt{(-2a)^2} = \frac{3}{2}a$
- ③ $\sqrt{(-5b)^2} - \sqrt{16b^2} = b$
- ④ $2\sqrt{a^2} \times \sqrt{(-b)^2} + \sqrt{25a^2b^2} = -7ab$
- ⑤ $\sqrt{a^2} + \sqrt{(-b)^2} = a + b$

해설

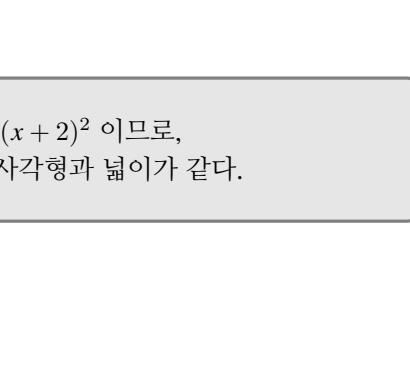
- ① $\sqrt{9a^2} \times \sqrt{(-6b)^2} = 3a \times (-6b) = -18ab$
- ② $-\sqrt{(3a)^2} \div \sqrt{(-2a)^2} = \frac{3}{2}$
- ③ $\sqrt{(-5b)^2} - \sqrt{16b^2} = |5b| - |4b| = -5b + 4b = -b$
- ④ $2\sqrt{a^2} \times \sqrt{(-b)^2} + \sqrt{25a^2b^2} = 2a + 5ab$
- ⑤ $\sqrt{a^2} + \sqrt{(-b)^2} = a - b$

2. 다음 그림의 모든 직사각형의 넓이의 합과 넓이가 같은 정사각형의 한 변의 길이를 구하면?

① $x - 6$ ② $x + 6$

③ $x - 3$ ④ $x + 3$

⑤ $x + 2$



해설

넓이의 합은 $x^2 + 4x + 4 = (x + 2)^2$ 이므로,
한 변의 길이가 $x + 2$ 인 정사각형과 넓이가 같다.

3. 다음 중 무리수는 모두 몇 개인가?

$$\sqrt{121}, \frac{\sqrt{12}}{2}, -\frac{\pi}{2}, \sqrt{0.04}, \sqrt{3} - 2$$

- ① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

해설

$$\sqrt{121} = 11, \sqrt{0.04} = 0.2 : 유리수$$

$$\frac{\sqrt{12}}{2}, -\frac{\pi}{2}, \sqrt{3} - 2 : 무리수$$

4. 넓이가 다음과 같은 직사각형의 세로의 길이가 $3x - 3$ 일 때, 가로의 길이를 x 에 대한 일차식으로 나타내면?

- ① $x - 1$ ② $x + 1$ ③ $x - 3$
④ $x - 4$ ⑤ $x + 4$

$$\text{넓이} = 3x^2 - 15x + 12$$


해설

$3x^2 - 15x + 12 = (3x - 3) \times A$ 이므로 $A = x - 4$ 이다.

5. $(x - 2y)(x - 2y - 3) - 10$ 을 인수분해하면
 $(x - 2y + m)(x - 2y + n)$ 일 때, mn 의 값은?

① -10 ② 3 ③ 10 ④ 2 ⑤ -2

해설

$$\begin{aligned}x - 2y &= t \text{ 라 하면,} \\t(t - 3) - 10 &= t^2 - 3t - 10 \\&= (t - 5)(t + 2) \\&= (x - 2y - 5)(x - 2y + 2)\end{aligned}$$

$$\therefore m = -5, n = 2$$

$$\therefore mn = -10$$

6. 다음 중 옳지 않은 것은 무엇인가?

- ① $a > 0$ 일 때, $\sqrt{9a^2} = 3a$
- ② $a < 0$ 일 때, $-\sqrt{4a^2} = 2a$
- ③ $a < 0$ 일 때, $-\sqrt{(-5a)^2} = -5a$
- ④ $a > 0$ 일 때, $\sqrt{2a^2} = \sqrt{2}a$
- ⑤ $a > 0$ 일 때, $-\sqrt{25a^2} = -5a$

해설

$$\textcircled{3} \quad a < 0 \text{ 일 때}, -\sqrt{(-5a)^2} = -\sqrt{25a^2} = -|5a| = 5a$$

7. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $\sqrt{3}$ 과 $\sqrt{10}$ 사이의 실수는 무수히 많다.
- ② $\sqrt{3}$ 과 $\sqrt{10}$ 사이의 정수는 2 개이다.
- ③ $\sqrt{3}$ 과 $\sqrt{10}$ 사이의 유리수는 유한개이다.
- ④ $\sqrt{3}$ 과 $\sqrt{10}$ 사이의 무리수 x 는 무수히 많다.
- ⑤ $\frac{\sqrt{3} + \sqrt{10}}{2}$ 는 $\sqrt{3}$ 과 $\sqrt{10}$ 사이에 있는 무리수이다.

해설

$\sqrt{3}$ 과 $\sqrt{10}$ 사이의 정수는 $\sqrt{4} = 2$, $\sqrt{9} = 3$ 의 2 개이고, 유리수와 무리수는 무수히 많다.

8. 상수 A , B , C 에 대하여 $(3x - A)^2 = 9x^2 + Bx + C$ \diamond]고 $B = -3A - 9$ 일 때, $A + B + C$ 의 값은?

- ① -12 ② -6 ③ -2 ④ 0 ⑤ 2

해설

$$(3x - A)^2 = 9x^2 - 6Ax + A^2 = 9x^2 + Bx + C \quad [므로]$$

$$-6A = -3A - 9$$

$$\therefore A = 3$$

$$B = -3 \times 3 - 9 = -18$$

$$C = A^2 = 9$$

$$\therefore A + B + C = 3 - 18 + 9 = -6$$

9. $(x - 2)(x + 2)(x^2 + 4)$ 를 전개하면?

- ① $x^2 - 4$ ② $x^2 - 16$ ③ $x^4 - 4$
④ $x^4 - 8$ ⑤ $x^4 - 16$

해설

$$(x^2 - 4)(x^2 + 4) = x^4 - 16$$

10. $(3x - 2)(3x + 2y - 2)$ 의 전개식에서 x 의 계수는?

- ① -16 ② -12 ③ -8 ④ 4 ⑤ 10

해설

$$\begin{aligned}(3x - 2) &= A \text{로 치환하면} \\ (\text{주어진 식}) &= A \cdot (A + 2y) \\ &= A^2 + 2Ay \\ A = 3x - 2 &\text{를 대입하면} \\ (3x - 2)^2 + 2(3x - 2)y &= 9x^2 - 12x + 4 + 6xy - 4y^2 \\ &\text{따라서 } x \text{의 계수는 } -12 \text{이다.}\end{aligned}$$

11. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 무리수를 소수로 나타내면 순환하지 않는 무한 소수이다.
- ② 두 무리수 $-\sqrt{3}$ 과 $\sqrt{5}$ 사이에는 무수히 많은 유리수가 있다.
- ③ 두 정수 -1 과 3 사이에는 무수히 많은 유리수가 있다.
- ④ (무리수) + (무리수) = (무리수) 이다.
- ⑤ 수직선 위의 모든 점은 실수에 대응된다.

해설

④ $\sqrt{2} + (-\sqrt{2}) = 0$ 이므로 무리수와 무리수의 합은 유리수가 될 수도 있다.

12. $a > 0$ 일 때, 다음 식을 간단히 하면?

$$\sqrt{(-a)^2} + \sqrt{4a^2} - \sqrt{(-5a)^2}$$

- ① $-3a$ ② $-2a$ ③ $-a$ ④ a ⑤ $2a$

해설

$$\begin{aligned} a > 0 \text{ 일 때} \\ \sqrt{(-a)^2} + \sqrt{4a^2} - \sqrt{(-5a)^2} \\ = -(-a) + 2a - (5a) \\ = a + 2a - 5a \\ = -2a \end{aligned}$$

13. 다음 중 $\sqrt{2}$ 와 $\sqrt{5}$ 사이의 수가 아닌 것은?

- ① $\frac{\sqrt{2} + \sqrt{5}}{2}$ ② $\sqrt{3}$ ③ $\sqrt{2} - 0.1$
④ $\sqrt{5} - 0.01$ ⑤ 2

해설

$\sqrt{2} - 0.1$ 은 $\sqrt{2}$ 보다 작은 수이다.

14. 다음 중 그 계산 결과가 같은 것은? (정답 2개)

$$\textcircled{1} \frac{\sqrt{12} - \sqrt{2}}{\sqrt{2}} \quad \textcircled{2} \frac{\sqrt{12} + \sqrt{2}}{\sqrt{2}} \quad \textcircled{3} \frac{\sqrt{18} - \sqrt{3}}{\sqrt{3}}$$

해설

①, ③ $\sqrt{6} - 1$ 으로 같다.

15. $(-5)^2$ 의 양의 제곱근을 a , $\sqrt{81}$ 의 음의 제곱근을 b , 제곱근 4 를 c 라고 할 때, $a + b - c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $a + b - c = 0$

해설

$(-5)^2 = 25$ 의 양의 제곱근 $a = 5$, $\sqrt{81} = 9$ 의 음의 제곱근 $b = -3$, 제곱근 4 는 $\sqrt{4} = 2$ 이므로 $c = 2$

$$\therefore a + b - c = 5 - 3 - 2 = 0$$

16. $6 < \sqrt{8x^2} < 10$ 이 성립할 때, 정수 x 의 값을 모두 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $x = 3$

▷ 정답: $x = -3$

해설

$$6 < \sqrt{8x^2} < 10$$

$$36 < 8x^2 < 100$$

$$4.5 < x^2 < 12.5$$

$$x^2 = 9$$

$$\therefore x = \pm 3$$

17. $6x^2 + 5x - a = (2x + b)(3x + 7)$ 가 성립할 때, $a - b$ 의 값은?

- ① -24 ② -18 ③ -10 ④ 18 ⑤ 24

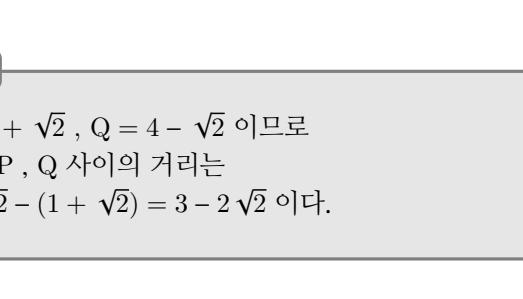
해설

$$\begin{aligned}6x^2 + 5x - a &= (2x + b)(3x + 7) \\&= 6x^2 + 14x + 3bx + 7b \\&= 6x^2 + (14 + 3b)x + 7b\end{aligned}$$

$$14 + 3b = 5, \quad 7b = -a, \quad b = -3, \quad a = 21$$

$$\therefore a - b = 21 - (-3) = 24$$

18. 다음은 수직선 위에 한 변의 길이가 1인 정사각형을 그린 것이다. 두 점 P, Q 사이의 거리를 구하면?



- ① $1 - \sqrt{2}$ ② $1 + 2\sqrt{2}$ ③ $2 - 2\sqrt{2}$
④ $3 - 2\sqrt{2}$ ⑤ $4 - \sqrt{2}$

해설

$P = 1 + \sqrt{2}$, $Q = 4 - \sqrt{2}$ 이므로
두 점 P, Q 사이의 거리는
 $4 - \sqrt{2} - (1 + \sqrt{2}) = 3 - 2\sqrt{2}$ 이다.

19. 다음 설명 중 옳지 않는 것을 모두 고르면?

- ① 무한소수는 모두 무리수이다.
- ② 근호가 벗겨지는 수는 유리수이다.
- ③ $\sqrt{99} = 33$ 이므로 유리수이다.
- ④ 순환하지 않는 무한소수는 모두 무리수이다.
- ⑤ $\frac{(정수)}{(0이 아닌 정수)}$ 꼴로 나타낼 수 있는 수는 모두 유리수이다.

해설

- ① 반례로 $0.\dot{1}\dot{1} = \frac{11}{99} = \frac{1}{9}$ 이므로 유리수이다.

- ③ $\sqrt{99} = 3\sqrt{11}$ 이므로 무리수이다.

20. $\frac{4}{\sqrt{10}} \times \sqrt{30} \div \frac{\sqrt{12}}{\sqrt{5}}$ 를 간단히 한 것은?

- ① 2 ② 2 $\sqrt{5}$ ③ 3 $\sqrt{2}$ ④ 3 $\sqrt{5}$ ⑤ 4 $\sqrt{2}$

해설

$$\begin{aligned}\frac{4}{\sqrt{10}} \times \sqrt{30} \div \frac{\sqrt{12}}{\sqrt{5}} &= \frac{4}{\sqrt{10}} \times \sqrt{30} \times \frac{\sqrt{5}}{2\sqrt{3}} \\ &= 2\sqrt{\frac{30 \times 5}{10 \times 3}} = 2\sqrt{5}\end{aligned}$$