

1. 264 의 소인수를 바르게 구한 것은?

- ① 2, 3, 11      ② 1, 2, 3, 11      ③  $2^2$ , 11  
④  $2^3$ , 3, 11      ⑤ 2, 3, 5, 11

2. 588 을 588 보다 작은 자연수  $a$  로 나누었더니 약수의 개수가 홀수인 자연수  $b$  가 되었다. 가능한  $b$  의 값의 합을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

3. 108 을 소인수분해 한 것으로 옳은 것은?

- ①  $4 \times 27$       ②  $2^2 \times 3^3$       ③  $2^2 \times 3^2$   
④  $2^2 \times 3 \times 5$       ⑤  $2^3 \times 3^2$

4. 다음 <보기> 중 소인수분해를 올바르게 한 것을 모두 고르면?

[보기]

Ⓐ  $45 = 3^2 \times 5$  Ⓑ  $28 = 2^2 \times 7$

Ⓒ  $150 = 2 \times 3^2 \times 7$  Ⓛ  $512 = 2^9$

Ⓓ  $72 = 2^2 \times 3^3$  Ⓣ  $96 = 2^5 \times 3$

Ⓐ Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ, Ⓕ

Ⓑ Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ, Ⓕ, Ⓖ

Ⓒ Ⓑ, Ⓑ, Ⓓ, Ⓕ, Ⓖ

Ⓓ Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ, Ⓕ, Ⓖ

Ⓔ Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ, Ⓕ, Ⓖ



6. 18 에 적당한 자연수를 곱하여 어떤 자연수의 제곱이 되게 하려고 한다. 이때 곱해야 할 자연수를 가장 작은 것부터 3개를 써라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

▶ 답: \_\_\_\_\_

▶ 답: \_\_\_\_\_

7.  $3^4 \times x$  는 약수의 개수가 10개인 자연수이다. 다음 중  $x$  의 값으로 알맞지 않은 것은?

- ① 2      ② 3      ③ 5      ④ 7      ⑤  $3^5$

8. 2160 를 소인수분해하면  $a^x \times b^y \times c^z$  이다.  $z < y < x$  일 때,  $a + b + c - (x + y + z)$  의 값은?

① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

9. 48에 가장 작은 자연수를 곱하여 어떤 자연수의 제곱이 되게 하려고 한다. 이때, 곱하여야 할 가장 작은 자연수를 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

10.  $\frac{252}{a}$  가 어떤 자연수의 제곱이라고 한다.  $a$  가 1 보다 클 때,  $a$  가 될 수 있는 가장 작은 수를 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

**11.**  $\frac{72}{n}$  가 어떤 자연수의 제곱이 되게 하는 자연수  $n$  은 모두 몇 개인가?

- ① 1 개      ② 2 개      ③ 3 개      ④ 4 개      ⑤ 5 개

12.  $\frac{252}{A} = B^2$  을 만족하는 자연수  $A, B$  에 대하여  $B$  의 최댓값은?

- ① 2      ② 3      ③ 6      ④ 8      ⑤ 14

13.  $3^a \times 5^b$  이 45 를 약수로 가질 때, 두 자연수  $a, b$  의 최솟값의 합을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

14. 다음 수를 약수의 개수가 적은 것부터 순서대로 나열한 것은?

[보기]

Ⓐ  $2^5 \times 3$

Ⓑ  $2 \times 3 \times 7$

Ⓒ  $3^2 \times 5^3 \times 7$

Ⓓ  $2^4 \times 5^2$

Ⓔ  $2 \times 3 \times 5 \times 11$

- ① Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ, Ⓔ  
③ Ⓒ, Ⓑ, Ⓑ, Ⓓ, Ⓔ  
⑤ Ⓓ, Ⓑ, Ⓒ, Ⓑ, Ⓒ

- ② Ⓑ, Ⓒ, Ⓑ, Ⓓ, Ⓔ  
④ Ⓒ, Ⓑ, Ⓓ, Ⓓ, Ⓑ

15. 180의 약수의 개수와  $2 \times 3^2 \times 5^a$ 의 약수의 개수가 같을 때, 자연수  $a$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

16.  $3^x \times 5^2 \times 20$  의 약수의 개수가 72 일 때,  $x$  를 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

17. 1부터 200 까지의 자연수 중에서 약수의 개수가 3개인 자연수는 모두 몇 개인가?

- ① 5 개      ② 6 개      ③ 7 개      ④ 8 개      ⑤ 9 개

18. 13 이하의 자연수의 곱을 소인수분해 했을 때 소인수의 합을  $a$ , 소인수의 지수의 합을  $b$  라 하자. 이때,  $a - b$  의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

19.  $24 \times a$  가 어떤 자연수  $A$ 의 제곱이 될 때,  $A$ 의 최솟값은?

- ① 9      ② 12      ③ 36      ④ 54      ⑤ 100

20.  $T, S, L$  은  $T \times S \times L = 715$  을 만족하는 서로 다른 자연수이다. 이 때,  $T + S + L$  의 최솟값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

21. 약수의 개수가 12 개인 수 중에서 가장 작은 수와 세 번째로 작은 수의 차를 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

22.  $5^4 \times \square$ 의 약수의 개수가 15 개일 때,  $\square$  안에 들어갈 수 있는  
가장 작은 자연수를 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

23. 90 에 가능한 한 작은 수  $a$  를 곱하여 어떤 수  $b^2$  이 되도록 할 때,  $a+b$  의 값은? (단,  $a$ ,  $b$  는 자연수)

① 10      ② 20      ③ 30      ④ 40      ⑤ 50

24.  $2^a \times 3^b$  의 약수의 개수가 6 개 일 때,  $2^a \times 3^b$  이 가장 작은 자연수가 되도록 하는  $a, b$  를 각각 구하여라.

▶ 답:  $a =$  \_\_\_\_\_

▶ 답:  $b =$  \_\_\_\_\_

**25.** 10 부터 100 사이의 수 중에서 약수의 개수가 3개인 수는 모두 몇 개인가?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5