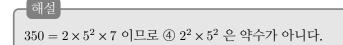
(4) $2^2 \times 5^2$

$$2 \times 5$$

$$3 \times 5^2 \times 7$$

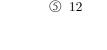
(3) 2×7



2. 어떤 수 A 를 5 로 나누었더니 몫이 7 이고, 나머지가 2 이었다. 어떤 수 A 를 구하여라.

$$A = 5 \times 7 + 2 = 37$$

- 3. 다음 중 12 의 약수가 <u>아닌</u> 것은?
 - ① 1 ② 2
- 3 4



해설

12의 약수는 1, 2, 3, 4, 6, 12 이다.

- **4.** 100 이하의 13 의 배수는 모두 몇 개인지 구하여라.
 - **답**: <u>2</u>
 - ▷ 정답: 7 개

13, 26, 39, 52, 65, 78, 91 의 7 개이다.

①
$$3 \times 3 \times 3 = 3^3$$

(2)
$$2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 = 2^3 \times 3^2$$

6. <보기>의 수 중에서 합성수를 모두 골라라.

2 4 5 7 9 11 12

- ▶ 답:
- ▶ 답:
- 답:
- ▷ 정답: 4
- ➢ 정답: 9
- ➢ 정답: 12

해설

보기의 수 중 합성수는 4,9,12 이다.

- 7. 다음 중 자연수 84 를 바르게 소인수분해한 것은?
 ① 2³×3×7
 ② 2×3²×7
 ③ 2²×3²×5

 - $\textcircled{4} \quad 2^2 \times 3^3 \times 7 \qquad \textcircled{5} \quad 2^2 \times 3 \times 7$

2) 42

3) 21 7

 $84 = 2^2 \times 3 \times 7$

6. $600 = a^x \times b^y \times c^z$ 로 소인수분해될 때, $(a+b+c) \times (x+y+z)$ 의 값은? (단, a < b < c)

해설
$$600 = 2^{3} \times 3 \times 5^{2} = a^{x} \times b^{y} \times c^{z}$$
이므로
$$a = 2, b = 3, c = 5, x = 3, y = 1, z = 2$$

$$\therefore (a+b+c)\times(x+y+z) = (2+3+5)\times(3+1+2) = 10\times6 = 60$$

36의 소인수의 개수를 구하여라.

$$36 = 2^2 \times 3^2$$
 이므로 소인수는 2, 3이고, 개수는 2개이다.

10. 120 에 자연수 x 를 곱하여 어떤 자연수의 제곱이 되게 하려고 한다. 다음 중 x 의 값이 될 수 없는 것은?

(2) $2^3 \times 3 \times 5$

(3) $2 \times 3^3 \times 5$

 $\textcircled{4} \ 2 \times 3 \times 5 \times 7^2 \qquad \textcircled{5} \ 2^2 \times 3 \times 5$

 $\bigcirc 2 \times 3 \times 5$

해설 $120 = 2^3 \times 3 \times 5 \text{ 로 소인수분해되므로 소인수 2, 3, 5의 지수가 홀수인 수를 곱한다.}$ $2^2 \times 3 \times 5 \in 2^2$ 을 곱하였으므로 제곱수가 될 수 없다.

11. 1 부터 50 까지의 자연수 중에서 약수의 개수가 3 개인 자연수의 개수를 구하여라.

개

답:

➢ 정답: 4개

해설

자연수 n 의 약수의 개수가 3 개이기 위해서는 1 과 n 이외에 약수가 한 개만 더 있어야하므로 자연수 n 은 소수의 완전제곱수이어야 한다. 따라서 1 부터 50 까지의 완전제곱수를 구하면 $7^2 = 49 < 50$ 이고 $11^2 = 121 > 50$ 이므로 50 이하인 소수의 완전제곱수는 2^2 , 3^2 , 5^2 , 7^2 이다.

12. 어떤 수를 6 으로 나누었더니 몫이 3 이고 나머지가 3 이었다. 이 수를 5 로 나누었을 때의 몫을 a, 나머지를 b 라 할 때, a - b 의 값은?

해설 어떤 수를 A 라 하면
$$A=6\times 3+3=5\times 4+1$$
 이므로 몫이 4, 나머지가 1 이다. 따라서 $a-b=4-1=3$ 이다.

13. 다음 중 3의 배수인 것은?

2 263

③ 772





- 해설

3의 배수는 각 자리의 숫자의 합이 3의 배수이다.

3의 매구는 각 사리의 굿사의 압이 3의 배수이다.⑤ 2+7+3=12 가 3의 배수이므로 273은 3의 배수이다.

 $14. 3^{90}$ 의 일의 자리의 수를 구하여라.

답:

▷ 정답: 9

해설

3 의 거듭제곱 수마다 일의 자리 수를 구해보면 3, 9, 7, 1 이 반복되는 것을 알 수 있다.

3의 거듭제곱 수	일의 자리 수
3 ¹ (=3)	3
$3^2(=3\times 3=9)$	9
$3^3 (=3 \times 3 \times 3 = 27)$	7
$3^4 (=3 \times 3 \times 3 \times 3 = 81)$	1
$3^{5} (=3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 243)$	3
$3^{6} (=3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 729)$	9
:	

90 은 4 로 나누었을 때 나머지가 2 이므로 3⁹⁰ 의 일의 자리의 수는 9 이다.

15. $2^5 = a$, $3^b = 243$ 을 만족하는 a, b 의 값을 각각 구하면?

①
$$a = 16, b = 4$$
 ② $a = 16, b = 5$ ③ $a = 32, b = 4$ ④ $a = 32, b = 6$

 $2^5 = 32$, $3^5 = 243$ 이므로 a = 32, b = 5 이다.

- **16.** 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?
 - ① 10 이하의 소수는 모두 4 개이다.
 - ② 17 은 소수이다.
 - ③ 1 을 제외한 모든 홀수는 소수이다.
 - ④ 2 는 소수이다.
 - ⑤ 소수의 약수는 2 개이다.

해설

소수는 1 보다 큰 자연수 중에서 1 과 자기 자신만을 약수로 가지는 수이다. 따라서 9 는 홀수이지만 소수가 아니다. 17. 540 에 가장 작은 자연수를 곱하여 어떤 자연수의 제곱이 되게 하려고 한다. 어떤 수는?

$$540 = 2^2 \times 3^3 \times 5$$

 $540 \times x$ 가 제곱수가 되기 위한 가장 작은 $x \leftarrow 3 \times 5 = 15$

18. $\frac{252}{a}$ 가 어떤 자연수의 제곱이라고 한다. a 가 1 보다 클 때, a 가 될 수 있는 가장 작은 수를 구하여라.

해설 252 = 2² × 3² × 7 이므로 지수가 홀수인 수 7 을 나누어 주면

 $252 = 2^{\circ} \times 3^{\circ} \times 7$ 이므로 지구가 돌구한 구 7 $252 \div 7 = 36 = 6 \times 6$ 이 되어 6 의 제곱이 된다. 19. $\frac{252}{A} = B^2$ 을 만족하는 자연수 A, B 에 대하여 B 의 최댓값은?



3) 63



3) 21

$$\frac{1}{7}$$

$$252 = 2^2 \times 3^2 \times 7$$
 이므로 $\frac{2^2 \times 3^2 \times 7}{A} = B^2$ 을 만족하는 B 의 값

중에서 가장 큰 자연수는 A = 7 일 때 $2 \times 3 = 6$ 이다.

20. $\frac{686}{n} = a^2$ 을 만족하는 자연수 a 에 대하여 a + n 의 값을 구하여라. (단, n 은 조건을 만족하는 최소의 자연수)

해설
$$686 = 2 \times 7^3$$

 $n = 14, \ a = 7$

a + n = 7 + 14 = 21

21. 자연수
$$a$$
 의 약수의 개수를 $A(a)$ 로 나타낸다고 한다. 이때, $\left\{A(225) + A(360)\right\} \times A(x) = 165$ 를 만족시키는 자연수 x 중에서 가장 작은 수는?

해설
$$225 = 3^2 \times 5^2, \ 360 = 2^3 \times 3^2 \times 5 \ \text{에서}$$

$$A(225) = (2+1) \times (2+1) = 9$$

$$A(360) = (3+1) \times (2+1) \times (1+1) = 24$$

$$\left\{A(225) + A(360)\right\} \times A(x) = 165$$

$$33 \times A(x) = 165$$

$$\therefore A(x) = 5$$

$$5 = 4+1 \ \text{이므로}$$
가장 작은 $x = 2^4 = 16$

22. 180 과 약수의 개수가 <u>다른</u> 수는?

② 300

③ 2450

4 700

⑤ 1575

$$180 = 2^2 \times 3^2 \times 5$$
 이므로

약수의 개수는
$$(2+1) \times (2+1) \times (1+1) = 18$$
 (개)
① $210 = 2 \times 3 \times 5 \times 7$ 이므로 $2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$ (개)

②
$$300 = 2^2 \times 3 \times 5^2$$
 이므로 $3 \times 2 \times 3 = 18$ (개)

③
$$2450 = 2 \times 5^2 \times 7^2$$
 이므로 $2 \times 3 \times 3 = 18$ (개)

④
$$700 = 2^2 \times 5^2 \times 7$$
 이므로 $3 \times 3 \times 2 = 18$ (개)

⑤
$$1575 = 3^2 \times 5^2 \times 7$$
 이므로 $3 \times 3 \times 2 = 18$ (개)

23. 자연수 135 의 약수의 개수와 $3 \times 5^n \times a^m$ 의 약수의 개수가 같을 때, n+m 의 값은? (단,m,n은 자연수이고, $a \neq 3$,5인 소수)

24. $2^3 \times x \times 5$ 의 약수의 개수가 16 개가 되기 위한 가장 작은 x 의 값을 구하여라.



해설
$$2^{3} \times x \times 5 \text{ 의 약수의 개수는}$$

$$(3+1)\times(x) \text{의 지수}+1)\times(1+1) = 16 으로 계산된다. (x의 지수)+$$

$$1=2 \text{ 가 되어야 한다.}$$
그러므로 3 이다.

25. 약수의 개수가 36 개이고, $2^x \times 3^y \times 5^z \times 7$ 으로 소인수분해되는 자연 수는 모두 몇 개인가? (단, x, y, z 는 자연수)

 $36 = 2 \times 2 \times 3 \times 3$ 이므로

② 6개

① 3개

(x, y, z) = (1, 2, 2), (2, 1, 2), (2, 2, 1) 으로 3 개이다.