

1. 28 과 약수의 개수가 같은 수는?

- ① 24 ② 70 ③ 49 ④ 72 ⑤ 63

해설

$28 = 2^2 \times 7$ 이므로

약수의 개수는 $(2+1) \times (1+1) = 6$ 개

① $24 = 2^3 \times 3$ 이므로 $4 \times 2 = 8$ (개)

② $70 = 2 \times 5 \times 7$ 이므로 $2 \times 2 \times 2 = 8$ (개)

③ $49 = 7^2$ 이므로 3 (개)

④ $72 = 2^3 \times 3^2$ 이므로 $4 \times 3 = 12$ (개)

⑤ $63 = 3^2 \times 7$ 이므로 $3 \times 2 = 6$ (개)

2. 다음 수의 절댓값이 작은 수부터 차례로 쓰면?

$$\frac{15}{7}, -\frac{11}{5}, \frac{7}{3}, -1$$

- ① $-\frac{15}{7}, -1, \frac{7}{3}, -\frac{11}{5}$ ② $-1, -\frac{15}{7}, -\frac{11}{5}, \frac{7}{3}$
③ $-1, -\frac{11}{5}, -\frac{15}{7}, \frac{7}{3}$ ④ $-\frac{15}{7}, -\frac{11}{5}, -1, \frac{7}{3}$
⑤ $-\frac{11}{5}, -\frac{15}{7}, -1, \frac{7}{3}$

해설

각각의 절댓값을 구해 보면 $\frac{15}{7}, \frac{11}{5}, \frac{7}{3}, 1$

따라서 절댓값이 작은 수부터 차례로 쓰면 $-1, -\frac{15}{7}, -\frac{11}{5}, \frac{7}{3}$ 이다.

3. 다음 부등호를 사용하여 나타낸 것 중 옳지 않은 것은?

① a 는 5보다 크거나 같다. $\Rightarrow 5 \leq a$

② b 는 -3보다 작거나 같다. $\Rightarrow b \leq -3$

③ c 는 2보다 크고 5보다 크지 않다. $\Rightarrow 2 < c \leq 5$

④ d 는 2초과 5이하이다. $\Rightarrow 2 < d \leq 5$

⑤ e 는 1보다 작지 않고 3미만이다. $\Rightarrow 1 < e < 3$

해설

e 는 1보다 작지 않고 3미만이다. $\Rightarrow 1 \leq e < 3$

4. 다음 계산 중 옳지 않은 것은?

① $\frac{1}{3} \times \frac{2}{3} \times 8 = \frac{16}{9}$

② $\left(-\frac{1}{4}\right) \times \left(-\frac{1}{3}\right) \div \frac{5}{12} = \frac{1}{5}$

③ $(-12) \times \left(-\frac{1}{6}\right) \times (-2)^2 = \frac{1}{2}$

④ $(-25) \div \left(-\frac{5}{2}\right) \times (-2)^2 = 40$

⑤ $(-4)^2 \times \left(-\frac{1}{8}\right) \div (-3)^2 = -\frac{2}{9}$

해설

③ $(-12) \times \left(-\frac{1}{6}\right) \times 4 = 8$

5. 다음 중 일차방정식이 아닌 것은?

① $3x - 2 = x + 7$

② $x - 9 = 18 + x$

③ $4x - 2 = 5 - 4x$

④ $x^2 - 3x = x^2 - 9$

⑤ $5x - 17 = 0$

해설

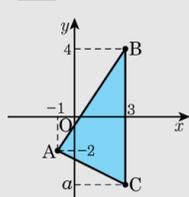
② $x - 9 = 18 + x$, $x - 9 - x - 18 = 0$, $-27 = 0$ 이므로 일차방정식이 아니다.

④ $x^2 - 3x = x^2 - 9$, $x^2 - 3x - x^2 + 9 = 0$, $-3x + 9 = 0$ 이므로 일차방정식이다.

6. 좌표평면 위의 세 점 $A(-1, -2)$, $B(3, 4)$, $C(3, a)$ 를 꼭짓점으로 하는 삼각형 ABC 의 넓이가 16 일 때, a 의 값은? (단, $a < 0$)

- ① -6 ② -5 ③ -4 ④ -3 ⑤ -2

해설



$$\overline{BC} = 4 - a \text{ 이므로}$$
$$(4 - a) \times 4 \times \frac{1}{2} = 16$$
$$4 - a = 8, a = -4$$

7. 어떤 수를 6으로 나누었더니 몫이 3이고 나머지가 3이었다. 이 수를 5로 나누었을 때의 몫을 a , 나머지를 b 라 할 때, $a-b$ 의 값은?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

어떤 수를 A 라 하면 $A = 6 \times 3 + 3 = 5 \times 4 + 1$ 이므로 몫이 4, 나머지가 1이다.
따라서 $a - b = 4 - 1 = 3$ 이다.

8. $2^5 = a$, $3^b = 243$ 을 만족하는 a, b 의 값을 각각 구하면?

① $a = 16, b = 4$ ② $a = 16, b = 5$ ③ $a = 32, b = 4$

④ $a = 32, b = 5$ ⑤ $a = 32, b = 6$

해설

$2^5 = 32$, $3^5 = 243$ 이므로 $a = 32$, $b = 5$ 이다.

9. 검은 펜 70 개, 빨간 펜 100 개, 파란 펜 130 개를 지영이네 반 학생들에게 똑같이 나누어주었더니 검은 펜이 6 개, 빨간 펜이 4 개, 파란 펜이 2 개 남았다. 지영이네 반 학생은 30 명 이상이라고 할 때, 지영이네 반 학생 수를 구하여라.

- ① 30 명 ② 32 명 ③ 34 명 ④ 36 명 ⑤ 38 명

해설

70 보다 6 작은 수, 100 보다 4 작은 수, 130 보다 2 작은 수는 어떤 수로 나누어 떨어진다. 그러므로 64, 96, 128 의 공약수 중, 30 이상인 수를 구한다.

$$2) \begin{array}{r} 64 \\ 32 \end{array} \quad 96 \quad 128$$

$$2) \begin{array}{r} 32 \\ 16 \end{array} \quad 48 \quad 64$$

$$2) \begin{array}{r} 16 \\ 8 \end{array} \quad 24 \quad 32$$

$$2) \begin{array}{r} 8 \\ 4 \end{array} \quad 12 \quad 16$$

$$2) \begin{array}{r} 4 \\ 2 \end{array} \quad 6 \quad 8$$

$$2) \begin{array}{r} 2 \\ 1 \end{array} \quad 3 \quad 4$$

$$\text{최대공약수} : 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 32$$

최대공약수인 32 의 약수 중 30 보다 큰 수는 32 이다. 따라서 지영이네 반 학생 수는 32 명이다.

10. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 0은 정수이다.
- ② -5와 +3 사이에는 6개의 정수가 있다.
- ③ 음의 유리수, 0, 양의 유리수를 통틀어 유리수라고 한다.
- ④ 유리수는 분모가 0이 아닌 분수로 모두 나타낼 수 있다.
- ⑤ 정수는 유리수이다.

해설

② -5와 +3 사이에는 -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2의 7개의 정수가 있다.

11. 다음 수 중에서 가장 작은 수를 a , 가장 큰 수를 b 라고 할 때, $a+b$ 를 구하면?

$$-5, 0.2, -\frac{4}{3}, 0, -7.5, \frac{7}{2}, -1, \frac{12}{4}$$

- ① -5 ② -4 ③ -3 ④ -2 ⑤ -1

해설

작은 순서대로 나열하면,

$$-7.5, -5, -\frac{4}{3}, -1, 0, 0.2, \frac{12}{4}, \frac{7}{2}$$

가장 작은 수 $a = -7.5$

가장 큰 수 $b = \frac{7}{2} = 3.5$

$$\therefore a + b = -7.5 + 3.5 = -4$$

12. 세 유리수 a, b, c 에 대하여 항상 성립하는 것은?

① $a - b = b - a$

② $a \div b = b \div a$

③ $a \times (b \times c) = (a \times b) \times c$

④ $(a \div b) \div c = a \div (b \div c)$

⑤ $a \times (b + c) = a \times b + c$

해설

① 예를 들면 $1 - 2 \neq 2 - 1$

② 예를 들면 $1 \div 2 \neq 2 \div 1$

③ 곱셈에 대한 결합법칙이므로 옳다.

④ 예를 들어 $a = 1, b = 2, c = 3$ 이라 하면

$$(1 \div 2) \div 3 = \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{6} \quad 1 \div (2 \div 3) = 1 \div \frac{2}{3} = 1 \times \frac{3}{2} = \frac{3}{2} \text{ 이므로}$$

$$(a \div b) \div c \neq a \div (b \div c)$$

$$\text{⑤ } a \times (b + c) = a \times b + a \times c$$

13. x 의 계수가 2인 일차식이 있다. $x=3$ 일 때, 식의 값을 a , $x=5$ 일 때, 식의 값을 b 라 할 때, $a-b$ 의 값을 구하면?

① -4 ② -1 ③ 0 ④ 2 ⑤ 5

해설

x 의 계수가 2인 일차식을 $2x + \square$ 라 하면

$$x=3 \text{ 일 때, 식의 값은 } 2 \times 3 + \square = a$$

$$x=5 \text{ 일 때, 식의 값은 } 2 \times 5 + \square = b$$

$$\therefore a - b = 6 + \square - (10 + \square)$$

$$= 6 + \square - 10 - \square$$

$$= -4$$

14. 등식 $3 - ax = (a - 2)x$ 의 해가 없을 때, 상수 a 의 값은?

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

$$(2a - 2)x = 3 - 2a - 2 = 0$$

$$\therefore a = 1$$

15. 밑변의 길이가 8cm, 높이가 6cm 인 직각삼각형의 밑변을 2cm 줄이고 높이를 x cm 높였더니 처음 삼각형의 넓이의 2 배가 되었다. 몇 x cm 를 높였는지 구하면?

- ① 8cm ② 9cm ③ 10cm ④ 11cm ⑤ 12cm

해설

$$\begin{aligned}\frac{1}{2} \times 6 \times (6+x) &= 2 \times \frac{1}{2} \times 8 \times 6 \\ 3(6+x) &= 48 \\ 6+x &= 16 \\ \therefore x &= 10 \text{ (cm)}\end{aligned}$$

16. 속력이 일정한 열차가 길이가 1000 m 인 철교를 완전히 지나는데 1 분이 걸리고, 길이가 300m 인 터널을 완전히 통과하는데 30 초 걸린다고 한다. 이 열차의 길이를 구하여라.

- ① 300 m ② 400 m ③ 500 m
④ 600 m ⑤ 700 m

해설

열차의 길이를 x m 라 하면 1000 m 의 철교를 완전히 통과하는데 $(1000 + x)$ m 를 통과해야하고, 300m 인 터널을 완전히 통과하는데 $(300 + x)$ m 를 통과해야한다.

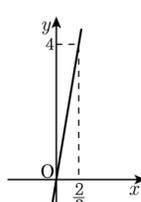
속력은 일정하고 속력 = $\frac{\text{거리}}{\text{시간}}$ 이므로

$$\frac{1000 + x}{1} = \frac{300 + x}{\frac{1}{2}}, 1000 + x = 600 + 2x$$

$$\therefore x = 400\text{m}$$

17. 다음 그림의 그래프 위에 있지 않은 점은?

- ① $(0,0)$
- ② $(\frac{1}{2}, 3)$
- ③ $(2,12)$
- ④ $(-\frac{2}{3}, 4)$
- ⑤ $(-\frac{1}{3}, -2)$



해설

제 1, 3사분면을 지나는 정비례 그래프이므로

$y = ax$ 이고 점 $(\frac{2}{3}, 4)$ 를 지나므로

$4 = \frac{2}{3}a, a = 6, y = 6x$ 이다.

따라서 $(-\frac{2}{3}, -4)$ 이다.

18. 다음 중 y 가 x 에 반비례하는 것은?

- ① 한 변의 길이가 x cm 인 정육각형의 둘레의 길이는 y cm이다.
- ② 가로와 세로의 길이가 각각 4 cm, x cm 인 직사각형의 넓이는 y cm²이다.
- ③ 자동차가 시속 x km 로 30 km 의 거리를 달렸을 때 걸린 시간은 y 시간이다.
- ④ 한 장에 5000 원인 도서상품권 x 장의 값은 y 원이다.
- ⑤ 사과 y 개를 3 명에게 x 개씩 나누어 주면 2 개가 남는다.

해설

- ① $y = 6x$ (정비례)
- ② $y = 4x$ (정비례)
- ③ $y = \frac{30}{x}$ (반비례)
- ④ $y = 5000x$ (정비례)
- ⑤ $y = 3x + 2$ (정비례도 아니고, 반비례도 아니다.)

19. 어떤 일차식을 세 배한 후 $3x+8$ 를 더해야 하는데, 잘못하여 3 으로 나눈 후 $x-3$ 를 뺐더니 그 결과가 $x-2$ 이 되었다. 바르게 계산한 결과의 x 의 계수는?

- ① 20 ② 21 ③ 22 ④ 23 ⑤ 24

해설

어떤 일차식을 a 라 하면

잘못된 계산 :

$$\frac{a}{3} - (x-3) = x-2$$

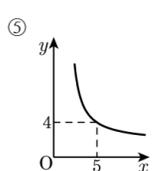
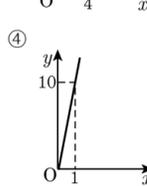
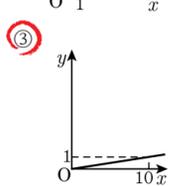
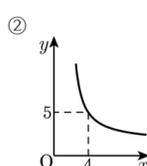
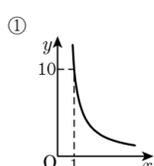
$$\therefore a = 6x - 15$$

바른 계산 :

$$\begin{aligned} 3(6x-15) + 3x + 8 &= 18x - 45 + 3x + 8 \\ &= 21x - 37 \end{aligned}$$

따라서 구하는 x 의 계수는 21 이다.

20. 농도가 10%인 소금물 x g에 녹아 있는 소금의 양을 y g이라 할 때, x 와 y 사이의 관계를 나타낸 그래프는?



해설

$$\frac{y}{x} \times 100 = 10$$

$$y = \frac{1}{10}x$$

따라서 그래프는 ④이다.