

1. 이차방정식 $x^2 + 2x + k + 4 = 0$ 의 중근을 갖도록 k 의 값을 정하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $k = -3$

해설

$$x^2 + 2x + k + 4 = 0 \text{의 중근을 가지므로}$$

$$\frac{D}{4} = 1 - (k + 4) = 0$$

$$\therefore k = -3$$

2. 이차방정식 $x^2 + ax + b = 0$ 이 중근 $x = -4$ 를 가질 때, a, b 의 값을 각각 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $a = 8$

▷ 정답: $b = 16$

해설

$$\begin{aligned}x &= -4 \text{를 중근으로 가지므로} \\(x+4)^2 &= 0, x^2 + 8x + 16 = 0 \\ \therefore a &= 8, b = 16\end{aligned}$$

3. 이차방정식 $x^2 - 5x + 2 = 0$ 을 완전제곱식을 이용하여 풀면?

$$\begin{array}{lll} \textcircled{1} & x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{2} & \textcircled{2} & x = \frac{2 \pm \sqrt{17}}{2} \\ & & & \textcircled{3} & x = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2} \\ \textcircled{4} & x = \frac{4 \pm \sqrt{17}}{2} & \textcircled{5} & x = \frac{5 \pm \sqrt{17}}{2} \end{array}$$

해설

$$x^2 - 5x + 2 = 0$$

$$\left(x - \frac{5}{2}\right)^2 = -2 + \frac{25}{4}$$

$$\left(x - \frac{5}{2}\right)^2 = \frac{17}{4}, x - \frac{5}{2} = \pm \frac{\sqrt{17}}{2}$$

$$\therefore x = \frac{5 \pm \sqrt{17}}{2}$$

4. 두 이차방정식이 중근을 가질 때, $n - m$ 의 값을 구하여라.

$$x^2 - 6x = m, (x - 5)^2 = n$$

▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

$x^2 - 6x - m = 0$ 이 중근을 가지려면 $(x - 3)^2 = 0$ 풀이 되어야 한다.

$$\therefore -m = 9, m = -9$$

$(x - 5)^2 = n$ 이 중근을 가지려면 $n = 0$ 이어야 한다.

$$\therefore n - m = 0 - (-9) = 9$$

5. 이차방정식 $3(x - 3)^2 = p$ 가 중근을 가진다고 할 때, 상수 p 의 값과 중근은?

- ① $p = 0, x = 3$ ② $p = 3, x = 3$ ③ $p = 0, x = -3$
④ $p = 3, x = 0$ ⑤ $p = -3, x = 3$

해설

중근을 가지기 위한 조건은
(완전제곱식)=0 이므로

$$3(x - 3)^2 = p, (x - 3)^2 = \frac{p}{3} \text{ 이므로 } p = 0 \text{ 이다.}$$

또한 중근은 $x = 3$ 이다.

6. 이차방정식 $(2x + 6)(x - 1) = 8$ 을 $(x - a)^2 = b$ 의 꼴로 고칠 때, ab 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -8

해설

$$\begin{aligned}(2x + 6)(x - 1) &= 8 \\ 2x^2 + 4x - 6 - 8 &= 0 \\ 2x^2 + 4x - 14 &= 0 \\ \text{양변을 } 2 \text{ 로 나누면} \\ x^2 + 2x - 7 &= 0 \\ x^2 + 2x + 1 &= 7 + 1 \\ (x + 1)^2 &= 8 \\ a = -1, b = 8 \\ \therefore ab &= -8\end{aligned}$$

7. 이차방정식 $2x^2 - 6x = -1 + x^2$ 을 $(x + p)^2 = q$ 의 꼴로 변형할 때,
 $p + q$ 의 값은?

① 5 ② -5 ③ -8 ④ 11 ⑤ -11

해설

방정식을 정리하면 $x^2 - 6x = -1$
양변에 9를 더하면 $x^2 - 6x + 9 = -1 + 9$
 $(x - 3)^2 = 8$
 $p = -3, q = 8$
 $\therefore p + q = 5$

8. 이차방정식 $2x^2 - 4x - 3 = 0$ 을 완전제곱식을 이용하여 해를 구하면?

Ⓐ $1 \pm \frac{\sqrt{10}}{2}$ Ⓑ $1 \pm \sqrt{10}$ Ⓒ $-1 \pm \frac{\sqrt{10}}{2}$
Ⓓ $2 \pm \frac{\sqrt{10}}{2}$ Ⓨ $-1 \pm \frac{\sqrt{10}}{3}$

해설

$$2x^2 - 4x - 3 = 0$$

$$2x^2 - 4x = 3$$

$$2(x^2 - 2x) = 3$$

$$x^2 - 2x = \frac{3}{2}$$

$$(x - 1)^2 = \frac{3}{2} + 1 = \frac{5}{2}$$

$$x - 1 = \pm \sqrt{\frac{5}{2}}$$

$$x = 1 \pm \frac{\sqrt{10}}{2}$$

9. 이차방정식 $3x^2 - 8x + 2 = 0$ 의 해를 완전제곱식을 이용하여 풀려고 한다. $(x + a)^2 = b$ 의 꼴로 고쳐서 이차방정식의 해를 구하면?

① $x = \frac{2 \pm \sqrt{10}}{3}$ ② $x = \frac{3 \pm \sqrt{10}}{4}$ ③ $x = \frac{4 \pm 2\sqrt{10}}{3}$
④ $x = \frac{-4 \pm \sqrt{10}}{3}$ ⑤ $x = \frac{4 \pm \sqrt{10}}{3}$

해설

양변을 3으로 나누고 상수항을 이항하면

$$x^2 - \frac{8}{3}x = -\frac{2}{3}$$

양변에 $\left(-\frac{8}{3} \times \frac{1}{2}\right)^2 = \frac{16}{9}$ 을 더하면

$$x^2 - \frac{8}{3}x + \frac{16}{9} = -\frac{2}{3} + \frac{16}{9}$$

$$\left(x - \frac{4}{3}\right)^2 = \frac{10}{9}$$

$$x - \frac{4}{3} = \pm \sqrt{\frac{10}{9}}$$

$$\therefore x = \frac{4}{3} \pm \frac{\sqrt{10}}{3}$$

10. 다음 이차방정식 중에서 해가 중근이 아닌 것은?

- ① $x^2 = 0$
- ② $x(x - 6) + 9 = 0$
- ③ $\frac{1}{2}x^2 + 4x + 8 = 0$
- ④ $x^2 - 1 = 0$
- ⑤ $x^2 + 6x + 11 = -(4x + 14)$

해설

(완전제곱식)=0의 꼴이어야 중근을 갖는다.

④ $x^2 = 1$ 이므로 $x = \pm 1$

따라서 서로 다른 두 개의 근을 갖는다.

11. $x^2 + 4x + 4 = 0$ 을 풀면?

- ① $x = -2$ (중단) ② $x = -3$ (중단) ③ $x = 5$ (중단)
④ $x = 1$ (중단) ⑤ $x = 3$ (중단)

해설

$$(x + 2)^2 = 0, x + 2 = 0, x = -2$$

12. 이차방정식 $x^2 + (A - 2)x + 9 = 0$ 의 중근을 갖도록 하는 상수 A 의 값 중 작은 값이 이차방정식 $x^2 - ax + a^2 - 12 = 0$ 의 한 근일 때, 상수 a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $a = -2$

해설

$$x^2 + (A - 2)x + 9 = 0 \text{ 이 중근을 가지므로}$$

$$9 = \left(\frac{A-2}{2}\right)^2, A^2 - 4A - 32 = 0$$

$$(A+4)(A-8) = 0 \quad \therefore A = -4 \text{ 또는 } A = 8$$

따라서 $x^2 - ax + a^2 - 12 = 0$ 의 한 근이 -4 이므로

$$16 + 4a + a^2 - 12 = 0, a^2 + 4a + 4 = 0$$

$$\therefore (a+2)^2 = 0, a = -2$$

13. 이차방정식 $4x^2 - 8x + a = 0$ 이 중근을 가질 때, 그 중근을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $x = 1$

해설

$$4x^2 - 8x + a = 0$$

$$4(x^2 - 2x) = -a$$

$$4(x^2 - 2x + 1) = -a + 4$$

$$4(x - 1)^2 = -a + 4$$

따라서 중근은 $x = 1$ 이다.

14. 이차방정식 $(4x - 1)^2 = K$ 가 중근을 갖고 그 근을 a 라고 할 때, $a + K$ 의 값을 구하여라. (단, K 는 상수)

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{1}{4}$

해설

$$K = 0, a = \frac{1}{4}$$

$$\therefore a + K = \frac{1}{4}$$

15. 이차방정식 $x^2 + 4x + 2 = 0$ 을 $(x+a)^2 = b$ 의 꼴로 고칠 때, $a+b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

$$x^2 + 4x + 2 = 0$$

$$(x+2)^2 = 2$$

$$(x+a)^2 = b$$

$$\therefore a = 2, b = 2$$

$$\therefore a+b = 4$$