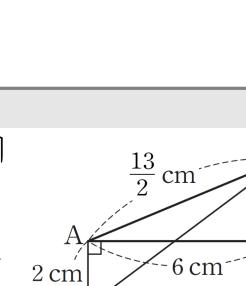


1.

오른쪽 그림에서 \overline{CD} 의 길이
를 구하시오.



▶ 답:

▷ 정답: $\frac{15}{2}$

해설

오른쪽 그림과 같이 점 D에

서 \overline{BC} 의 연장선 위에

내린 수선의 발을 H라 하면

$$\overline{BH} = \overline{AD} = 2 \text{ cm},$$

$$\overline{DH} = \overline{AB} = 6 \text{ cm}$$

$\triangle ABC$ 에서

$$\overline{BC}^2 = \left(\frac{13}{2}\right)^2 - 6^2 = \frac{25}{4} \quad \therefore \overline{BC} = \frac{5}{2} \text{ (cm)}$$

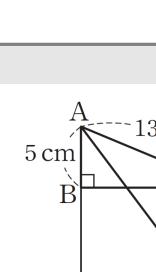
$$\therefore \overline{CH} = \overline{BC} + \overline{BH} = \frac{5}{2} + 2 = \frac{9}{2} \text{ (cm)}$$

$\triangle CDH$ 에서

$$\overline{CD}^2 = 6^2 + \left(\frac{9}{2}\right)^2 = \frac{225}{4} \quad \therefore \overline{CD} = \frac{15}{2} \text{ (cm)}$$

2.

오른쪽 그림에서
 $\angle ABC = \angle BCD = 90^\circ$ 이고,
 $\overline{AB} = 5 \text{ cm}$,
 $\overline{AC} = 13 \text{ cm}$, $\overline{CD} = 11 \text{ cm}$
일 때, \overline{AD} 의 길이를 구하
시오.



▶ 답:

▷ 정답: 20cm

해설

$\triangle ABC$ 에서
 $\overline{BC}^2 = 13^2 - 5^2 = 144$
 $\therefore \overline{BC} = 12 \text{ (cm)}$

오른쪽 그림과 같이 점 D
에서 \overline{AB} 의 연장선에 내린
수선의 끝을 E라 하면

$\triangle AED$ 에서 $\overline{ED} = \overline{BC} = 12 \text{ cm}$,
 $\overline{AE} = 5 + 11 = 16 \text{ (cm)}$ 이므로
 $\overline{AD}^2 = 12^2 + 16^2 = 400$
 $\therefore \overline{AD} = 20 \text{ (cm)}$



3. 다음 그림과 같이 $\overline{AD} \perp \overline{BC}$ 이고, $\overline{AB} = 7$, $\overline{CD} = 4$ 일 때, $\overline{OA}^2 + \overline{OB}^2 + \overline{OC}^2 + \overline{OD}^2$ 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 65

해설

$$\begin{aligned}\overline{OA}^2 + \overline{OB}^2 + \overline{OC}^2 + \overline{OD}^2 \\= (\overline{OA}^2 + \overline{OB}^2) + (\overline{OC}^2 + \overline{OD}^2) \\= \overline{AB}^2 + \overline{CD}^2 \\= 7^2 + 4^2 \\= 65\end{aligned}$$

4. 다음 그림과 같이 $\overline{AC} \perp \overline{BD}$ 이고 $\overline{AB} = 4$, $\overline{CD} = 11$ 일 때, $\overline{AD}^2 + \overline{BC}^2$ 의 값을 구하여라.

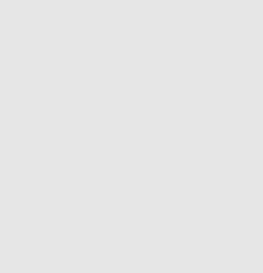
① 127

② 130

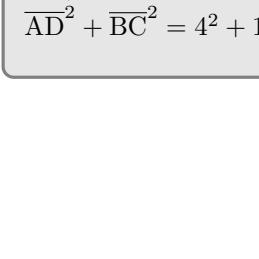
③ 137

④ 140

⑤ 157



해설



$$\triangle OAD \text{에서 } \overline{OA}^2 + \overline{OD}^2 = \overline{AD}^2 \dots ①$$

$$\triangle ODC \text{에서 } \overline{OD}^2 + \overline{OC}^2 = \overline{CD}^2 \dots ②$$

$$\triangle OBC \text{에서 } \overline{OB}^2 + \overline{OC}^2 = \overline{BC}^2 \dots ③$$

$$\triangle OAB \text{에서 } \overline{OA}^2 + \overline{OB}^2 = \overline{AB}^2 \dots ④$$

①과 ③을 변변 더하면

$$\overline{OA}^2 + \overline{OB}^2 + \overline{OC}^2 + \overline{OD}^2 = \overline{AD}^2 + \overline{BC}^2 \dots ⑤$$

②와 ④를 변변 더하면

$$\overline{OA}^2 + \overline{OB}^2 + \overline{OC}^2 + \overline{OD}^2 = \overline{AB}^2 + \overline{CD}^2 \dots ⑥$$

⑤와 ⑥에서 $\overline{AD}^2 + \overline{BC}^2 = \overline{AB}^2 + \overline{CD}^2$ 이므로

$$\overline{AD}^2 + \overline{BC}^2 = 4^2 + 11^2 = 16 + 121 = 137$$