

1. 다음 중 옳지 않은 것을 고르면?

① $A > B > 0, C > D > 0$ 이면 $AC > BD$ 이다.

② $A > B, C > D$ 이면 $A + C > B + D$ 이다.

③ $A > B > 0$ 이면 $A^2 > B^2$ 이다.

④ A > B 이면 $\frac{1}{A} < \frac{1}{B}$ 이다.

⑤ $A > 0 > B$ 이면 $\frac{1}{A} > \frac{1}{B}$ 이다.

해설

④ 만약 $B < 0 < A$ 인 경우라면 $\frac{1}{A} > \frac{1}{B}$ 가 되어 주어진 문장은 틀리다.

2. $-1 < x < 3$ 일 때, $A = 2x - 3$ 의 범위는?

- ① $1 < A < 3$ ② $-1 < A < 3$ ③ $-3 < A < 5$
④ $-5 < A < 3$ ⑤ $3 < A < 5$

해설

$-1 < x < 3$ 에서 양변에 2를 곱하고 3을 빼면

$$-2 - 3 < 2x - 3 < 6 - 3$$

$$\therefore -5 < 2x - 3 < 3$$

3. 모든 실수 x 에 대하여 부등식 $k^2x+1 > 2kx+k$ 가 성립할 때, k 값은?

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

$$\begin{aligned} k^2x + 1 &> 2kx + k \text{에서} \\ (k^2 - 2k)x &> k - 1, \\ k(k - 2)x &> k - 1 \\ \text{해가 모든 실수이므로} \\ k(k - 2) &= 0, k - 1 < 0 \text{이어야 한다.} \\ \therefore k &= 0 \end{aligned}$$

4. $ax + b > 0$ 의 해가 $x < 2$ 일 때, $(a+b)x < 5b$ 의 해는?

- ① $x > 5$ ② $x > 10$ ③ $x < 1$

- ④ $x < 5$ ⑤ $x < 10$

해설

$$ax + b > 0 \text{에서 } ax > -b$$

해가 $x < 2$ 이므로

$$a < 0 \quad \dots\dots \textcircled{\text{①}}$$

$$-\frac{b}{a} = 2 \quad \dots\dots \textcircled{\text{②}}$$

$$\textcircled{\text{②}} \text{을 정리하면 } b = -2a \quad \dots\dots \textcircled{\text{③}}$$

\textcircled{\text{③}}에서 $b = -2a$ 를 $(a+b)x < 5b$ 에 대입하면

$$(a - 2a)x < 5 \cdot (-2a), \quad -ax < -10a$$

$$\textcircled{\text{①}} \text{에서 } a < 0 \text{이므로 } x < 10$$

5. x 의 범위가 $-2, -1, 0, 1$ 일 때, 부등식 $2x \leq 5x - 3$ 의 해를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

$$2x \leq 5x - 3, \quad -3x \leq -3$$

$$\therefore x \geq 1$$

따라서 이 부등식을 만족하는 해는 1이다.

6. 연립부등식 $\begin{cases} 2x - 11 < 5x + 7 \\ 3(x - 1) \leq 4(2 - x) + 2 \end{cases}$ 을 만족하는 x 의 값 중 가장
큰 정수를 A , 가장 작은 정수를 B 라 할 때, $A + B$ 의 값을 구하면?

- ① -5 ② -4 ③ -2 ④ 0 ⑤ 2

해설

$$\begin{aligned} \text{i) } 2x - 11 &< 5x + 7 \\ &\Rightarrow x > -6 \\ \text{ii) } 3(x - 1) &\leq 4(2 - x) + 2 \\ &\Rightarrow 3x - 3 \leq 8 - 4x + 2 \\ &\Rightarrow 3x + 4x \leq 10 + 3 \\ &\Rightarrow x \leq \frac{13}{7} \\ &-6 < x \leq \frac{13}{7} \text{ 이므로} \end{aligned}$$

$$A = 1, B = -5 \\ \therefore A + B = 1 + (-5) = -4$$

7. 연립부등식 $\begin{cases} 3x + 1 \geq \frac{1}{2}x - 4 \\ 4x - 4 < x + 2 \end{cases}$ 를 만족하는 x 의 값 중 가장 작은 정수를 a , 가장 큰 정수를 b 라 할 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -1

해설

$$3x + 1 \geq \frac{1}{2}x - 4 \text{ 의 양변에 } 2 \text{ 를 곱하면}$$

$$6x + 2 \geq x - 8$$

$$5x \geq -10$$

$$x \geq -2$$

$$4x - x < 2 + 4$$

$$3x < 6, \quad x < 2$$

$$\text{그리므로 } -2 \leq x < 2$$

$$a + b = (-2) + 1 = -1$$

8. 연립부등식 $8x - 6 < 5x + 4 \leq 3x + 8$ 의 해는?

- ① $x < 1$ ② $x \leq 2$ ③ $x > 2$
④ $x < \frac{10}{3}$ ⑤ 해가 없다.

해설

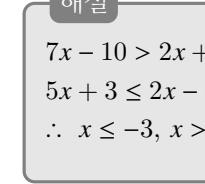
주어진 부등식은 연립부등식

$$\begin{cases} 8x - 6 < 5x + 4 & \cdots \textcircled{\text{1}} \\ 5x + 4 \leq 3x + 8 & \cdots \textcircled{\text{2}} \end{cases} \quad \text{의 해와 같으므로}$$

$$\textcircled{\text{1}} : 3x < 10, \quad x < \frac{10}{3} \quad \textcircled{\text{2}} : 2x \leq 4, \quad x \leq 2$$

따라서 $\textcircled{\text{1}}, \textcircled{\text{2}}$ 의 공통된 범위의 해를 구하면 $x \leq 2$ 이다.

9. 연립부등식 $\begin{cases} 7x - 10 > 2x + 10 \\ 5x + 3 \leq 2(x - 3) \end{cases}$ 의 해를 수직선 위에 바르게 나타낸 것은?



해설

$$7x - 10 > 2x + 10, 5x > 20, x > 4$$

$$5x + 3 \leq 2(x - 3), 3x \leq -9, x \leq -3$$

$$\therefore x \leq -3, x > 4$$

10. 연립부등식 $\begin{cases} 10 - 2x \geq 3x \\ x - a > -3 \end{cases}$ 이 해를 갖지 않도록 하는 상수 a 의 값의 범위는?

- ① $a > 2$ ② $a \leq 2$ ③ $a \geq 5$
④ $a \leq 5$ ⑤ $2 < a < 5$

해설

$$\begin{cases} 10 - 2x \geq 3x & \rightarrow 2 \geq x \\ x - a > -3 & \rightarrow x > a - 3 \\ a - 3 \geq 2 & \\ \therefore a \geq 5 & \end{cases}$$

11. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $a > b, c > d$ 이면 $a + c > b + d$ 이다.
- ② $a > b, c > 0$ 이면 $ac > bc, \frac{a}{c} > \frac{b}{c}$ 이다.
- ③ $a > b > 0$ 이면 $a^2 > b^2$ 이다.
- ④ $a > b, c > d$ 이면 $ac > bd$ 이다.
- ⑤ $a > b, c < 0$ 이면 $ac < bc, \frac{a}{c} < \frac{b}{c}$ 이다.

해설

- ④ $a > b, c > d$ 이면 $ac > bd$
반례 : a, b, c, d 가 음수인 경우는 $ac < bd$

12. 부등식 $bx + (a - b) < 0$ 의 해가 $x > 2$ 일 때, 부등식 $ax + 2a - b > 0$ 의 해를 구하면?

- ① $x > -1$ ② $x < -1$ ③ $x > -2$
④ $x < -2$ ⑤ $x > -3$

해설

$bx + (a - b) < 0$ 의 해가 $x > 2$ 이려면

$b < 0 \dots\dots \textcircled{\text{R}}$

$$\frac{b-a}{b} = 2 \dots\dots \textcircled{\text{L}}$$

$\textcircled{\text{L}}$ 에서 $b - a = 2b \therefore a = -b$

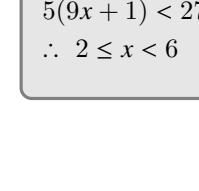
$\textcircled{\text{R}}$ 에서 $b < 0$ 이므로 $a > 0$

$ax + 2a - b > 0$ 에서 $ax + 2a + a > 0 \therefore ax > -3a$

$a > 0$ 이므로 $x > -3$

13. 다음 연립방정식의 해를 수직선 위에 바르게 나타낸 것은?

$$\begin{cases} 6(6 - 4x) \leq -12 \\ 5(9x + 1) < 275 \end{cases}$$



해설

$$6(6 - 4x) \leq -12 \Rightarrow x \geq 2$$

$$5(9x + 1) < 275 \Rightarrow x < 6$$

$$\therefore 2 \leq x < 6$$

14. 다음 두 일차부등식을 동시에 만족하는 정수는 모두 몇 개인지 구하여라.

$$\frac{x-3}{2} + 4 \geq \frac{x}{3} + \frac{3}{4}, \quad 0.1 - 0.5x > 1 - 0.2x$$

▶ 답:

개

▷ 정답: 7 개

해설

$\frac{x-3}{2} + 4 \geq \frac{x}{3} + \frac{3}{4}$ 의 양변에 12를 곱하면

$$6(x-3) + 48 \geq 4x + 9,$$

$$6x - 18 + 48 \geq 4x + 9,$$

$$2x \geq -21$$

$$\therefore x \geq -\frac{21}{2}$$

$0.1 - 0.5x > 1 - 0.2x$ 의 양변에 10을 곱하면

$$1 - 5x > 10 - 2x,$$

$$-3x > 9$$

$$\therefore x < -3$$

$$\therefore -\frac{21}{2} \leq x < -3$$

따라서 두 일차부등식을 만족하는 정수는

-10, -9, -8, -7, -6, -5, -4이므로 모두 7개이다.

15. 연립부등식 $\begin{cases} 2x - a \geq x + 4 \\ 7(x - 1) \leq 5x + 9 \end{cases}$ 를 만족하는 정수의 개수가 4개일 때, 상수 a 의 값의 범위를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $0 < a \leq 1$

해설

$2x - a \geq x + 4$ 를 풀면 $x \geq a + 4$ 이고,
 $7(x - 1) \leq 5x + 9$ 를 풀면 $7x - 7 \leq 5x + 9$, $2x \leq 16$, $x \leq 8$ 이다.
따라서 $a + 4 \leq x \leq 8$ 을 만족하는 정수가 4 개 즉 5, 6, 7, 8
이어야 하므로

$4 < a + 4 \leq 5$, 따라서 $0 < a \leq 1$ 이다.

16. 다음 연립부등식 중 해가 없는 것을 모두 골라라.

[보기]

$$\textcircled{\text{A}} \quad \begin{cases} 3x - 2 \leq -2(x - 4) \\ -(x - 5) \leq x + 1 \end{cases}$$

$$\textcircled{\text{B}} \quad \begin{cases} x - 3 \geq 2x + 1 \\ 6x - 1 > 2x + 11 \end{cases}$$

$$\textcircled{\text{C}} \quad \begin{cases} -x - 5 < 3x + 7 \\ \frac{1}{2}x + 3 > \frac{2x - 2}{3} \end{cases}$$

$$\textcircled{\text{D}} \quad \begin{cases} 2(x + 1) < x - 6 \\ 2x - 4 < 5(x - 2) \end{cases}$$

$$\textcircled{\text{E}} \quad 2x - 3 \leq 3x + 1 < x + 9$$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: \textcircled{\text{B}}

▷ 정답: \textcircled{\text{D}}

[해설]

$$\textcircled{\text{B}} \quad \begin{cases} x - 3 \geq 2x + 1 \quad \therefore x \leq -4 \\ 6x - 1 > 2x + 11 \quad \therefore x > 3 \end{cases}$$

$\therefore x \leq -4, x > 3$ (해가 없다.)

$$\textcircled{\text{D}} \quad \begin{cases} 2(x + 1) < x - 6 \Rightarrow 2x + 2 < x - 6 \\ \therefore x < -8 \\ 2x - 4 < 5(x - 2) \Rightarrow 2x - 4 < 5x - 10 \\ \therefore 2 < x \end{cases}$$

$\therefore x < -8, x > 2$ (해가 없다.)

$$\textcircled{\text{A}} \quad \begin{cases} 3x - 2 \leq -2(x - 4) \text{에서 } 5x \leq 10 \quad \therefore x \leq 2 \\ -(x - 5) \leq x + 1 \Rightarrow 4 \leq 2x \quad \therefore 2 \leq x \end{cases}$$

$\therefore x = 2$

$$\textcircled{\text{C}} \quad \begin{cases} -x - 5 < 3x + 7 \quad \therefore x > -3 \\ \frac{1}{2}x + 3 > \frac{2x - 2}{3} \Rightarrow 3x + 18 > 2(2x - 2) \\ \therefore x < 22 \\ \therefore -3 < x < 22 \end{cases}$$

$$\textcircled{\text{E}} \quad \begin{cases} 2x - 3 \leq 3x + 1 \quad \therefore x \geq -4 \\ 3x + 1 < x + 9 \quad \therefore x < 4 \end{cases}$$

$\therefore -4 \leq x < 4$

17. 다음 네 개의 부등식을 두 개씩 연립하였을 때의 해를 A, B, C 라고 할 때, 해가 없는 것을 모두 골라라.

$$\begin{array}{l} -\frac{3}{2}(x+1) > 6 \\ 2(x+2) > -(x+5) \\ 2(x+5) \leq 4 \\ 3(x+3) \geq 2x+11 \end{array}$$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: A

▷ 정답: B

▷ 정답: C

해설

$$\begin{aligned} -\frac{3}{2}(x+1) &> 6 \\ -3x - 3 &> 12 \\ -3x &> 15 \\ x &< -5 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 2(x+2) &> -(x+5) \\ 2x + 4 &> -x - 5 \\ 3x &> -9 \\ x &> -3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 2(x+5) &\leq 4 \\ x+5 &\leq 2 \\ x &\leq -3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 3(x+3) &\geq 2x+11 \\ 3x+9 &\geq 2x+11 \\ x &\geq 2 \end{aligned}$$



A 는 해가 없다.

B 는 해가 없다.

C 는 해가 없다.

18. 다음 두 일차부등식을 만족하는 정수는 모두 몇 개인지 구하여라.

$$\frac{x-2}{3} + 1 \leq -\frac{x}{3} + \frac{3}{2}, \quad 0.2 - 0.1x > 1 - 0.5x$$

▶ 답:

개

▷ 정답: 0 개

해설

$$\frac{x-2}{3} + 1 \leq -\frac{x}{3} + \frac{3}{2}$$

양변에 6 을 곱하면

$$2(x-2) + 6 \leq -2x + 9$$

$$4x \leq 9 - 2$$

$$x \leq \frac{7}{4}$$

$$0.2 - 0.1x > 1 - 0.5x$$

양변에 10 을 곱하면

$$2 - x > 10 - 5x$$

$$-x + 5x > 10 - 2$$

$$4x > 8$$

$$x > 2$$



∴ 해가 없다.

19. 연립부등식 $\begin{cases} -x + 3 > x - 5 \\ 2x - 1 \geq a \end{cases}$ 의 해가 $-3 \leq x < 4$ 일 때, a 의 값은?

- ① -8 ② -7 ③ -5 ④ 3 ⑤ 4

해설

$$\begin{aligned} -x + 3 &> x - 5 \\ \therefore x &< 4 \\ 2x - 1 &\geq a \\ x &\geq \frac{a+1}{2} \\ \frac{a+1}{2} &= -3, a+1 = -6 \\ \therefore a &= -7 \end{aligned}$$

20. 연립부등식 $\begin{cases} ax + 3 \geq -1 \\ 9x - 6 \geq 3x + 7 \end{cases}$ 의 해가 $x = m$ 일 때, a 의 값을 구하
여라.

▶ 답:

▷ 정답: $-\frac{24}{13}$

해설

$$9x - 6 \geq 3x + 7, \quad 6x \geq 13$$

$$x \geq \frac{13}{6}$$

$$ax + 3 \geq -1, \quad ax \geq -4$$

$$x \leq -\frac{4}{a}$$

연립부등식의 해가 $x = m$ 이므로

$$\frac{13}{6} = -\frac{4}{a}, \quad -13a = 24$$

$$\therefore a = -\frac{24}{13}$$

21. 연립부등식 $\begin{cases} 2-x \leq 6x+a \\ 4x-5 \geq 5x-6 \end{cases}$ 의 해가 $x=m$ 일 때, a 의 값을 구하
여라.

▶ 답:

▷ 정답: -5

해설

$$4x-5 \geq 5x-6$$

$$-x \geq -1$$

$$x \leq 1$$

$$2-x \leq 6x+a$$

$$-7x \leq a-2$$

$$x \geq \frac{a-2}{-7}$$

$$x = m \text{ } \Rightarrow \text{ } \frac{a-2}{-7} = 1$$

$$\therefore a = -5$$

22. $2x + 3a > 5$, $5x < 2x + 9$ 의 해가 $-2 < x < b$ 일 때, $a + b$ 의 값은? (단, a, b 는 상수)

- ① -6 ② -3 ③ 0 ④ 3 ⑤ 6

해설

$$\begin{aligned} 3x < 9, x < 3 &\quad \therefore b = 3 \\ 2x > 5 - 3a &\quad \therefore x > \frac{5 - 3a}{2} \\ \frac{5 - 3a}{2} = -2, a = 3 & \\ \therefore 3 + 3 = 6 & \end{aligned}$$

23. 연립부등식 $\begin{cases} \frac{10-x}{4} \leq a \\ 4x-5 \leq x+1 \end{cases}$ 의 해를 가질 때, 정수 a 의 최솟값은?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$\frac{10-x}{4} \leq a, 10-4a \leq x$$

$$4x-5 \leq x+1, x \leq 2$$

연립부등식이 해를 갖기 위해서는

$$10-4a \leq 2$$

$$a \geq 2$$

$\therefore a$ 의 최솟값은 2

24. 연립부등식 $\begin{cases} 1 < x + 5y < 5 \\ -2 < 2x + 7y < 3 \end{cases}$ 을 성립시키는 정수로 이루어진
순서쌍 (x, y) 중 $x + y$ 의 최댓값과 최솟값을 각각 M, m 이라 할 때,
 $M + 2m$ 의 값을 구하면?

① -9 ② -13 ③ -18 ④ -22 ⑤ -26

해설

$$\begin{aligned} 1 &< x + 5y < 5 \quad \textcircled{\text{①}} \\ -2 &< 2x + 7y < 3 \quad \textcircled{\text{②}} \\ \textcircled{\text{①}} \times (-2) + \textcircled{\text{②}} &\text{을 하면} \\ -10 &< -2x - 10y < -2 \quad \textcircled{\text{③}} \\ -2 &< 2x + 7y < 3 \quad \textcircled{\text{④}} \\ \textcircled{\text{③}} + \textcircled{\text{④}} &= -12 < -3 < 1 \end{aligned}$$

$$\text{그러므로, } -\frac{1}{3} < y < 4$$

그런데, y 는 정수이므로 $y = 0, 1, 2, 3$

이것을 $\textcircled{\text{①}}, \textcircled{\text{②}}$ 에 대입하여 적합한 x 의 값을 구하면

$$(x, y) = (-3, 1), (-6, 2), (-7, 2), (-11, 3)$$

따라서, $x + y$ 의 최댓값은 $-3 + 1 = -2$ 이고,

최솟값은 $-11 + 3 = -8$ 이다.

$$\therefore M = -2, m = -8 \quad \therefore M + 2m = -18$$

25. $a < 0$ 이고 $a + b = 0$ 일 때, 부등식 $(a - b)x - a - 2b < 0$ 의 해는?

- ① $x < -\frac{1}{2}$ ② $x > -\frac{1}{2}$ ③ $x > 2$
④ $x < -2$ ⑤ $x > 1$

해설

$a + b = 0$ 에서 $b = -a$ 를 부등식에 대입하면

$$(a + a)x - a + 2a < 0, \quad 2ax + a < 0, \quad 2ax < -a$$

$$\therefore x > -\frac{1}{2} (\because 2a < 0)$$

26. $A : 5(x+1) > 2x - 1$, $B : \frac{x-4}{3} + \frac{3x+1}{2} > 1$ 에 대하여 A 에서 B 를

제외한 수들의 갯수는? (단, x 는 정수)

- ① 1개 ② 2개 ③ 3개 ④ 4개 ⑤ 5개

해설

$A : x > -2$, $B : x > 1$ 이므로

A 에서 B 를 제외한 수는 $-1, 0, 1$
따라서 3개이다.

27. 연립부등식 $\begin{cases} 1.2x - 2 \leq 0.8x + 3.2 \\ 3 - \frac{x-2}{4} < \frac{2x-3}{2} \\ 0.9x \leq 6 \end{cases}$ 의 해가 $a < x \leq b$ 일 때, $a - b$ 의 값을 구하면?

- ① -9 ② -5 ③ -2 ④ 2 ⑤ 9

해설

i) $1.2x - 2 \leq 0.8x + 3.2$,
 $0.4x \leq 5.2$, $x \leq 13$

ii) $3 - \frac{x-2}{4} < \frac{2x-3}{2}$ 의 양변에 4 를 곱하면 $12 - (x-2) < 2(2x-3)$, $x > 4$

iii) $0.9x \leq 6$
 $\frac{9}{9}x \leq 6$
 $x \leq 6$
 $\therefore 4 < x \leq 6$

28. 연립부등식 $\begin{cases} \frac{x}{2} - \frac{a}{4} \geq \frac{x}{4} - \frac{1}{8} \\ 3x - 1 \geq 5x - 7 \end{cases}$ 을 만족하는 정수 x 가 3개일 때, 상수 a 의 값의 범위는?

① $-\frac{1}{2} < a \leq \frac{1}{2}$ ② $-\frac{1}{2} \leq a < \frac{1}{2}$ ③ $0 \leq a < 1$
④ $\frac{1}{2} < a \leq \frac{3}{2}$ ⑤ $\frac{1}{2} \leq a < \frac{3}{2}$

해설

$$\frac{x}{2} - \frac{a}{4} \geq \frac{x}{4} - \frac{1}{8} \text{에서 } x \geq a - \frac{1}{2}$$

$$3x - 1 \geq 5x - 7 \text{에서 } x \leq 3$$

$$\therefore a - \frac{1}{2} \leq x \leq 3$$

연립부등식을 만족하는 정수 x 가 3개이려면

$$0 < a - \frac{1}{2} \leq 1$$

$$\therefore \frac{1}{2} < a \leq \frac{3}{2}$$

29. 두 부등식 $0.7 - x \leq -2 - 0.1x$, $\frac{2+x}{3} \geq x + a$ 의 공통 부분이 없을 때,
 a 의 값 중 가장 작은 정수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -1

해설

$$0.7 - x \leq -2 - 0.1x \quad 7 - 10x \leq -20 - x - 9x \leq -27, \quad x \geq 3$$

$$\frac{2+x}{3} \geq x + a \quad 2 + x \geq 3x + 3a - 2x \geq 3a - 2, \quad x \leq 1 - \frac{3}{2}a$$

$$\text{공통 부분이 없으므로 } 1 - \frac{3}{2}a < 3,$$

$$-\frac{3}{2}a < 2$$

$$\therefore a > -\frac{4}{3}$$

따라서 가장 작은 정수 a 의 값은 -1이다.

30. 연립부등식 $\begin{cases} 6 < -x + 2 < -2x - 1 \\ |x| < a \end{cases}$ 의 해가 없을 때, 양수 a 의 값의 범위를 구하여라.

- ① $3 < a \leq 4$ ② $0 < a \leq 3$ ③ $0 < a < 3$

- ④ $0 < a \leq 4$ ⑤ $0 < a < 4$

해설

$$\begin{cases} 6 < -x + 2 < -2x - 1 \cdots \textcircled{\text{1}} \\ |x| < a \cdots \textcircled{\text{2}} \end{cases}$$

①에서 $6 < -x + 2$ 의 해는 $x < -4$
 $-x + 2 < -2x - 1$ 의 해는 $x < -3$

$\therefore x < -4$
②에서 $|x| < a$ 는 $-a < x < a$ 두 연립부등식의 해가 없으려면

$-a \geq -4, a \leq 4,$

그런데 a 는 양수이므로 a 의 값의 범위는 $0 < a \leq 4$ 이다.

31. 연립부등식 $x + 2 < 4$ 와 $5x - 8 < 17$ 의 해를 구하면?

- ① $x < 2$ ② $x > 5$ ③ $2 < x \leq 5$
④ $2 \leq x < 5$ ⑤ 해가 없다.

해설

$$x + 2 < 4, \quad x < 2$$

$$5x - 8 < 17, \quad x < 5$$

따라서 $x < 2$

32. $x + y = 13$ 일 때, $5x - 9 < 2x + 3y < 2y + 9$ 를 만족하는 x 의 값 중
가장 큰 정수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -5

해설

주어진 부등식 $5x - 9 < 2x + 3y < 2y + 9$ 에 $y = 13 - x$ 를 대입하면,

$$5x - 9 < 2x + 3(13 - x) < 2(13 - x) + 9$$

$$5x - 9 < -x + 39 < -2x + 35$$

둘로 나누어 풀면,

$$5x - 9 < -x + 39$$

$$6x < 48$$

$$\therefore x < 8$$

$$-x + 39 < -2x + 35$$

$$\therefore x < -4$$

따라서 해가 $x < -4$ 이므로 x 의 값 중 가장 큰 정수는 -5이다.

33. 연립부등식 $3x + 1 < 6$, $2 - x < a + 9$ 를 만족하는 x 중, 정수들의 합이 -2 일 때, 정수 a 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -4

해설

$$3x + 1 < 6 \text{ 을 풀면 } x < \frac{5}{3}$$

$$2 - x < a + 9 \text{ 를 풀면 } x > -a - 7$$

$$\therefore -a - 7 < x < \frac{5}{3}$$

이 부등식을 만족하는 정수 x 의 합이 -2 이므로 $x = -2, -1, 0, 1$ 따라서 $-3 \leq -a - 7 < -2$ 이어야 하므로

$$-5 < a \leq -4 \text{ 이다.}$$

그런데 a 는 정수이므로 $a = -4$ 다.