

1. 밑면의 반지름의 길이가 $2ab$ 이고, 높이가 b 인 원기둥의 부피를 V_1 , 밑넓이가 $6a^2b$, 높이가 ab 인 사각기둥의 부피를 V_2 라 할 때, 높이가 $6ab$ 이고 부피가 $V_1 + V_2$ 인 원뿔의 밑넓이를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $2\pi ab^2 + 3a^2b$

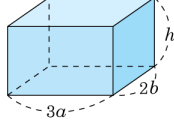
해설

원뿔의 밑넓이를 $\square$ 라 하면

$$\frac{1}{3} \times \square \times 6ab = 4\pi a^2 b^2 \times b + 6a^2 b \times ab$$

$$\therefore \square = \frac{4\pi a^2 b^3 + 6a^3 b^2}{2ab} = 2\pi ab^2 + 3a^2 b$$

2. 다음 그림의 직육면체의 부피가 $24a^3b - 18ab^2$ 일 때, 이 직육면체의 높이 h 를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $4a^2 - 3b$

해설

$$(24a^3b - 18ab^2) \div (3a \times 2b) = 4a^2 - 3b$$

3. $-1 < x \leq 3$, $A = 5 - 2x$ 일 때, 정수 A 의 개수는?

- ① 4개 ② 5개 ③ 6개 ④ 7개 ⑤ 8개

해설

$$-1 < x \leq 3, -2 < 2x \leq 6$$

$$-6 \leq -2x < 2$$

$$\therefore -1 \leq 5 - 2x < 7$$

따라서 정수 A 는 $-1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6$ 의 8개이다.

4. $-1 \leq x \leq 3$, $2 \leq y \leq 5$ 일 때, $3x - 2y$ 의 최댓값을 a , 최솟값을 b 라고 할 때, $-3b + 4a$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 59

해설

$-1 \leq x \leq 3$ 의 각 변에 3 을 곱하면 $-3 \leq 3x \leq 9$ 이고,
 $2 \leq y \leq 5$ 의 각 변에 -2 를 곱하면 $-10 \leq -2y \leq -4$ 이다.
두 부등식을 변끼리 더하면
 $-13 \leq 3x - 2y \leq 5$ 이므로 최댓값 $a = 5$, 최솟값 $b = -13$ 이다.
 $\therefore -3b + 4a = -3 \times (-13) + 4 \times 5 = 39 + 20 = 59$

5. $\frac{2x}{3} + \frac{3y}{4} = \frac{3}{4}$, $\frac{x}{6} + \frac{y}{3} = \frac{1}{2}$ 에 대하여 연립방정식의 해를 구하면?

- ① $\left(-\frac{9}{4}, \frac{15}{4}\right)$ ② $\left(\frac{15}{7}, -\frac{9}{7}\right)$ ③ $\left(-\frac{9}{7}, \frac{15}{7}\right)$
④ $(-3, 5)$ ⑤ $(5, -3)$

해설

$$\begin{cases} 8x + 9y = 9 \\ x + 2y = 3 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} 8x + 9y = 9 \cdots \textcircled{1} \\ 8x + 16y = 24 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

$\textcircled{1} - \textcircled{2}$ 을 하면 $x = -\frac{9}{7}, y = \frac{15}{7}$ 이다.

따라서 $\left(-\frac{9}{7}, \frac{15}{7}\right)$ 이다.

6. $\frac{1}{3}(x+2) + \frac{1}{2}(x-y) = x-8, \frac{1}{2}(2y-3x) - y = 3x+5$ 에 대하여 (a, b) 가 연립방정식의 해일 때, $\frac{a}{b}$ 의 값은?

- ① $\frac{15}{291}$
- ② $-\frac{30}{291}$
- ③ $\frac{15}{239}$
- ④ $-\frac{15}{239}$
- ⑤ $\frac{30}{291}$

해설

$$\begin{cases} \frac{1}{3}(x+2) + \frac{1}{2}(x-y) = x-8 & \cdots \textcircled{1} \\ \frac{1}{2}(2y-3x) - y = 3x+5 & \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

①에 6을 곱하면 $x+3y=52$

②에 2를 곱하면 $-9x=10$

$x=-\frac{10}{9}, y=\frac{478}{27}$ 이므로 $\frac{a}{b}=-\frac{15}{239}$ 이다.

7. 어느 학교의 작년의 학생 수는 1100 명이었다. 금년에는 작년보다 남학생이 4% 감소하고 여학생은 6% 증가하여 전체 학생 수는 작년보다 16명 증가하였을 때, 금년의 남학생 수는?

- ① 480 명 ② 500 명 ③ 576 명
④ 600 명 ⑤ 636 명

해설

작년 남학생의 수를 x 명, 작년 여학생의 수를 y 명 이라고 하면

$$\begin{cases} x + y = 1100 \\ -0.04x + 0.06y = 16 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + y = 1100 \cdots \textcircled{1} \\ -4x + 6y = 1600 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

① $\times 4 + \textcircled{2}$ 를 하면

$$10y = 6000, y = 600$$

$$x = 500$$

$$\therefore \text{금년의 남학생 수} : 500 - 500 \times 0.04 = 480(\text{명})$$

8. 어느 서점의 지난 달 수학도서와 영어도서의 판매량을 합하면 모두 270 권이다. 이 달의 5% 판매량이 증가한 수학도서와 10% 판매량이 증가한 영어도서의 판매량이 같다고 할 때, 이 달의 수학도서의 판매량은 몇 권인지 구하여라.

▶ 답 : 권

▷ 정답 : 189권

해설

지난 달 수학도서 판매량을 x 권, 영어도서 판매량을 y 권이라고 하면

$$\begin{cases} x + y = 270 \\ \frac{5}{100}x = \frac{10}{100}y \end{cases}, \text{ 즉 } \begin{cases} x + y = 270 \\ x = 2y \end{cases}$$

$\therefore x = 180, y = 90$

따라서 이 달의 수학도서의 판매량은

$180 + 180 \times \frac{5}{100} = 189(\text{권})$ 이다.

9. 속력이 일정한 보트를 타고 거리가 20 km 인 강을 거슬러 올라갈 때는 4 시간이 걸렸고, 강물을 따라 내려올 때는 2 시간이 걸렸다. 흐르지 않는 물에서의 배의 속력과 강물의 속력을 각각 구하여라

▶ 답 : km

▶ 답 : km

▷ 정답 : 배의 속력 : 시속 7.5 km

▷ 정답 : 강물의 속력 : 시속 2.5 km

해설

흐르지 않는 물에서 배의 속력을 시속 xkm , 강물의 속력을 시속 ykm 라 하면

$$\begin{cases} 4(x-y) = 20 \\ 2(x+y) = 20 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 4x-4y = 20 \\ 4x+4y = 40 \end{cases}$$

$$\therefore 8x = 60$$

$$\therefore x = 7.5, y = 2.5$$

10. 배로 강을 9km 오르는 데 1 시간 30 분, 같은 장소로 다시 내려오는 데 30 분이 걸렸다. 이때, 정지하고 있는 물에서의 배의 속력과 강물의 흐르는 속력을 차례로 구하면?
- ① 8km/h, 4km/h ② 8km/h, 6km/h
- ③ 12km/h, 6km/h ④ 24km/h, 18km/h
- ⑤ 24km/h, 12km/h

해설

정지하고 있는 물에서의 배의 속력을 시속 x km, 강물의 흐르는 속력을 시속 y km 라 하면,

(시간) $\times$ (속력) = (거리) 이므로

$$\begin{cases} \frac{3}{2} \times (x - y) = 9 & \cdots \text{㉠} \\ \frac{1}{2} \times (x + y) = 9 & \cdots \text{㉡} \end{cases}$$

㉠ $\times \frac{2}{3} +$ ㉡ $\times 2$ 를 계산하면, $x = 12, y = 6$

따라서 정지하고 있는 물에서의 배의 속력은 시속 12km, 강물의 흐르는 속력은 시속 6km

11. 집 앞 서점에서 한권에 10000 원인 책을 인터넷 서점에서는 15% 할인하여 살 수 있다. 인터넷 서점에서 구입하면 책 권수에 상관없이 배송료가 3500 원으로 일정할 때, 책을 몇 권 이상 사야하는 경우 인터넷 서점을 이용하는 것이 유리한가?
- ① 3 권 이상 ② 4 권 이상 ③ 5 권 이상
④ 6 권 이상 ⑤ 7 권 이상

해설

책을 x 권 구입한다고 하면

$$10000x > 3500 + 10000 \times (1 - 0.15) \times x$$
$$100x > 35 + 100 \times 0.85 \times x$$
$$100x > 35 + 85x$$
$$15x > 35$$
$$x > \frac{7}{3}$$

즉, 책을 3 권 이상 사는 경우, 인터넷 서점을 이용하는 것이 유리하다.

12. 어느 이동통신사에는 요금제 A 와 요금제 B 가 있다. 요금제 A 는 기본요금 16000 원에 10 초당 통화요금은 18 원이고, 요금제 B 는 기본요금 12000 원에 10 초당 통화요금은 x 원이다. 한 달에 70 분 통화하는 사람은 요금제 B 가 유리하고, 한 달에 90 분 통화하는 사람은 요금제 A 가 유리할 때, x 의 범위 $a < x < b$ 에 대하여, a, b 를 소수 첫째 자리에서 반올림하여 나타내어라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $a = 25$

▷ 정답 : $b = 28$

해설

70분 = 4200초, 90분 = 5400초

1) 한 달에 70 분 통화하는 사람의 경우

(요금제 A)= $16000 + 420 \times 18 = 23560$

(요금제 B)= $12000 + 420x$

따라서 $23560 > 12000 + 420x$

$$\therefore x < \frac{578}{21} = 27.5\cdots$$

2) 한 달에 90 분 통화하는 사람의 경우

(요금제 A)= $16000 + 540 \times 18 = 25720$

(요금제 B)= $12000 + 540 \times x$

따라서 $25720 < 12000 + 540 \times x$

$$\therefore x > \frac{686}{27} = 25.4\cdots$$

따라서 $25.4\cdots < x < 27.5\cdots$ 이므로

$a = 25, b = 28$ 이다.

13. 윤지는 집 근처의 슈퍼를 다녀오는데 갈 때는 분속 50m 로 가고 올 때는 분속 40m 로 돌아 온다고 한다. 슈퍼에서 물건을 사는데 10 분이 걸린다고 하고 윤지가 집에 돌아오는데 30 분 이내로 걸렸다고 한다. 윤지의 집에서 슈퍼까지의 거리는 몇 m 이내에 있는지를 구하는 과정이다. 빈 칸을 채워라.

윤지의 집에서 슈퍼까지의 거리를 x m라고 한다.
시간 = $\frac{\text{거리}}{\text{속력}}$ 이므로 갈 때 걸린 시간은 $\frac{x}{50}$ 분이고, 올 때 걸린 시간은 () 분이다.
물건을 사는 10분을 포함해서 30분 이내에 돌아오므로
 $\frac{x}{50} + () + 10 \leq 30$
이를 계산하면 $4x + 5x \leq 4000$
 $x \leq ()$
그러므로 윤지의 집에서 슈퍼까지의 거리는 ()m 이내에 있다.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{x}{40}$

▷ 정답 : $\frac{x}{40}$

▷ 정답 : $\frac{4000}{9}$

▷ 정답 : $\frac{4000}{9}$

해설

갈 때 걸린 시간은 $\frac{x}{50}$ 분 이고, 올 때 걸린 시간은 $\frac{x}{40}$ 분이다.
 $\frac{x}{50} + \frac{x}{40} + 10 \leq 30$, $\frac{x}{50} + \frac{x}{40} \leq 20$, $4x + 5x \leq 4000$, $9x \leq 4000$
 $x \leq \frac{4000}{9}$
그러므로 윤지의 집에서 슈퍼까지의 거리는 $\frac{4,000}{9}$ m 이내에 있다.

14. 다람쥐가 18m 높이의 나무를 오르려고 한다. 이 다람쥐는 1 시간 올라가면 2m 씩 내려가는 습관이 있다고 한다. 4 시간 이내에 나무를 오르려 할 때, 다람쥐는 1 시간에 적어도 몇 m 씩 올라가야 하는지 구하면?

① 3m ② 4m ③ 5m ④ 6m ⑤ 7m

해설

다람쥐가 1 시간에 올라가야 할 거리를 x 라 할 때

$$4x - 3 \times 2 \geq 18, \quad x \geq 6$$

다람쥐는 1 시간에 적어도 6m 이상 올라가야 한다.

15. 다음을 부등식으로 나타내어라.

10% 소금물 300g 에 물을 부었더니 농도가 8% 이하가 되었다.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{30}{300+x} \times 100 \leq 8$

해설

농도를 기준으로 하면

10% 소금물 300g 에 녹아있는 소금의 양 : $300 \times \frac{10}{100} = 30$ (g)

부은 물을 x g 이라 할 때, (농도) = $\frac{\text{소금의 양}}{\text{소금물의 양}} \times 100$ (%)

$\frac{30}{300+x} \times 100 \leq 8$

($\because$ 소금물은 증가했지만, 소금의 양은 변하지 않았다.)

16. 12% 소금물 300 g에 소금을 더 넣은 후, 더 넣은 소금의 양만큼 물을 증발시켜 농도가 20% 이상이 되게 하려고 한다. 최소 몇 g의 소금을 더 넣어야 하는가?

① 15 g ② 20 g ③ 24 g ④ 30 g ⑤ 36 g

해설

농도가 12 %인 소금의 양을 x g이라 하면

$$300 \times \frac{12}{100} = 36(\text{g})$$

더 넣은 소금의 양을 x g이라 하면

$$\frac{36+x}{300} \times 100 \geq 20$$

$$36+x \geq 60$$

$$x \geq 24(\text{g})$$

17. 두 자리의 정수가 있다. 각 자리의 숫자의 합이 8 이고, 십의 자리 숫자와 일의 자리 숫자를 바꾼 수는 처음 수의 $\frac{1}{2}$ 배보다 5 가 작다. 처음 수를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 62

해설

처음 수의 십의 자리의 숫자를 x , 일의 자리의 숫자를 y 라고 하면

$$\begin{cases} x + y = 8 \\ \frac{1}{2}(10x + y) - 5 = 10y + x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x + y = 8 \\ 8x - 19y = 10 \end{cases}$$

연립하여 풀면 $x = 6$, $y = 2$ 이다.

따라서 처음 수는 62 이다.

18. 두 자리의 자연수 a, b 가 있다. a 는 4 의 배수이고 b 보다 14 가 작다. 또, b 의 일의 자리의 숫자와 십의 자리의 숫자를 바꾼 수는 a 보다 22 가 작다. a, b 를 각각 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $a = 48$

▷ 정답 : $b = 62$

해설

a 는 b 보다 14 가 작으므로 $a = b - 14 \cdots \textcircled{1}$
 b 의 십의 자리의 숫자를 x , 일의 자리의 숫자를 y 라고 하면
 $b = 10x + y \cdots \textcircled{2}$ 이고,
일의 자리의 숫자와 십의 자리의 숫자를 바꾼 수 $10y + x$ 는 a 보다 22 가 작으므로
 $10y + x = a - 22$ 이다.
 $\textcircled{1}$, $\textcircled{2}$ 에서 $a = 10x + y - 14$ 이고 $10y + x = a - 22$ 에 대입하면
 $10y + x = 10x + y - 14 - 22$ 이다.
따라서 $y = x - 4 \cdots \textcircled{3}$ 이다.
 $\textcircled{1}$ 에서 a 는 두 자리의 자연수이므로
 $10 \leq b - 14 \leq 99$ 이다. 따라서 $24 \leq b \leq 113$
또, b 도 두 자리의 자연수이므로 $24 \leq b \leq 99$ 이다.
 $24 \leq 10x + y \leq 99$ 이면서 $\textcircled{3}$ 을 만족하는 x, y 는
 $(x, y) = (5, 1), (6, 2), (7, 3), (8, 4), (9, 5)$ 따라서 $b = 51, 62, 73, 84, 95$
이 때, $a = 37, 48, 59, 70, 81$ 이고, 이 중에서 4 의 배수는 48 뿐이므로
 $a = 48, b = 62$ 이다.

19. $4^2 = x$ 라 할 때, $2^4 + 2^2 - 2^5$ 을 x 에 관한 식으로 나타내면?

- ① $-\frac{2}{3}x$ ② $-\frac{3}{4}x$ ③ $-\frac{4}{5}x$ ④ $-\frac{5}{6}x$ ⑤ $-\frac{4}{7}x$

해설

$$4^2 = (2^2)^2 = 2^4 = x$$

$$2^4 + \frac{2^2 \cdot 2^2}{2^2} - 2^4 \cdot 2 = x + \frac{x}{4} - 2x = -\frac{3}{4}x$$

20. $\left(\frac{16^4 + 4^{11}}{8^4 + 4^9}\right)^2$ 의 값을 2 의 거듭제곱으로 나타내어라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2^8

해설

$$\begin{aligned}\left(\frac{16^4 + 4^{11}}{8^4 + 4^9}\right)^2 &= \left(\frac{(2^4)^4 + (2^2)^{11}}{(2^3)^4 + (2^2)^9}\right)^2 \\&= \left(\frac{2^{16} + 2^{22}}{2^{12} + 2^{18}}\right)^2 \\&= \left(\frac{2^{16}(1 + 2^6)}{2^{12}(1 + 2^6)}\right)^2 \\&= \left(\frac{2^4}{1}\right)^2 \\&= (2^4)^2 = 2^8\end{aligned}$$

21. 한 변의 길이가 $4a$ 인 정육면체의 부피의 계수를 A , a 의 차수를 B 라 할 때, $A \div B$ 의 값을 구하여라.

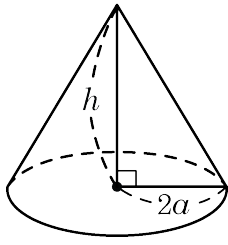
▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{64}{3}$

해설

(정육면체의 부피) = (밑면의 넓이) $\times$ (높이)
(정육면체의 부피) = $4a \times 4a \times 4a = 64a^3$ 이다.
따라서, 정육면체 부피의 계수는 64이고, 차수는 3이다.
 $A \div B = \frac{64}{3}$ 이다.

22. 다음 그림은 부피가 $36a^2\pi$ 이고 밑면의 반지름의 길이가 $2a$ 인 원뿔이다. 원뿔의 높이 h 를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 27

해설

$\frac{1}{3} \times (\text{밑넓이}) \times (\text{높이}) = (\text{원뿔의부피})$ 이므로

$$\frac{1}{3} \times \pi \times (2a)^2 \times h = 36a^2\pi$$

$$\frac{4a^2\pi}{3} \times h = 36a^2\pi$$

$$\therefore h = 27$$

23. 산악회 모임의 전체 회원 수는 36 명이다. 이번 등산에 남자 회원의 $\frac{1}{3}$ 과 여자 회원의 $\frac{1}{4}$ 이 참가하여 모두 11 명이 모였다. 이 산악회의 여자 회원 수는?

① 12 명 ② 13 명 ③ 14 명 ④ 15 명 ⑤ 16 명

해설

남자 회원의 수를 x 명, 여자 회원의 수를 y 명이라 하면

$$\begin{cases} x + y = 36 \\ \frac{1}{3}x + \frac{1}{4}y = 11 \end{cases}, \text{ 즉 } \begin{cases} x + y = 36 \\ 4x + 3y = 132 \end{cases}$$

$$\therefore x = 24, y = 12$$

24. 두 땅 A, B의 1m^2 당 가격의 비는 $13 : 10$ 이다. 어떤 사람이 각각 1m^2 당 정가보다 10만원 짝 가격으로 A와 B의 넓이비가 $8 : 7$ 이 되도록 땅을 구입하였는데, A와 B를 구입하는 데 든 금액의 비는 $8 : 9$ 였다고 한다. 이때 A, B 각각의 1m^2 당 정가를 구하여라.

▶ 답: 원

▶ 답: 원

▷ 정답 : $A = \frac{260}{47}$ 원

▷ 정답 : B = $\frac{200}{47}$ 원

해설

A와 B의 정가를 각각 x 원, y 원, 구입한 A와 B의 넓이를 각각 $8a\text{m}^2$, $7a\text{m}^2$ 라 하면

 $x : y = 13 : 10$ 에서

$$10x - 13y = 0 \dots \textcircled{7}$$

$$8a(x-10) : 7a(y-10) = 8 : 9 \text{ 에서}$$

$$9x - 7y = 20 \dots \textcircled{L}$$

㉠, ㉡을 연립하여 풀면

$$\therefore x = \frac{260}{47}, y = \frac{200}{47}$$