

1. 다음 중  $\sqrt{45+x}$  가 자연수가 되게 하는  $x$  의 값으로 옳지 않은 것을 모두 고르면?

① 3      ② 4      ③ 19      ④ 26      ⑤ 36

해설

①  $\sqrt{45+3} = \sqrt{48} = \sqrt{2^4 \times 3}$  이 되어 자연수가 되지 못한다.

④  $\sqrt{45+26} = \sqrt{71}$  이 되어 자연수가 되지 못한다.

2. 부등식  $\sqrt{3} < x < \sqrt{23}$  을 만족하는 자연수  $x$  의 합은?

- ① 5      ② 7      ③ 9      ④ 10      ⑤ 15

해설

$$\sqrt{3} < x < \sqrt{23}, 3 < x^2 < 23$$

$$x = 2, 3, 4$$

$$\therefore 2 + 3 + 4 = 9$$

3. 다음 중 옳은 것은?

- ①  $\sqrt{9}$  는 무리수이다.
- ② 순환소수는 유리수이다.
- ③ 모든 무한소수는 무리수이다.
- ④ 3.14 는 무리수이다.
- ⑤ 근호를 사용하여 나타낸 수는 모두 무리수이다.

해설

- ①  $\sqrt{9}$  는 유리수이다.
- ② 순환소수는 유리수이다.
- ③ 무한소수 중 비순환소수는 무리수이다.
- ④ 3.14 는 유리수이다.
- ⑤ 근호를 사용하여 나타낸 수 중에 무리수가 아닌 수도 있다.  
예)  $\sqrt{4} = 2$

4.  $\sqrt{3.6} \times \sqrt{4.9}$  를 계산하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4.2

해설

$$\begin{aligned}\sqrt{3.6} \times \sqrt{4.9} &= \sqrt{3.6 \times 4.9} = \sqrt{\frac{36}{10} \times \frac{49}{10}} \\&= \sqrt{\frac{6^2 \times 7^2}{10^2}} = \sqrt{\frac{(6 \times 7)^2}{10^2}} \\&= \frac{42}{10} = 4.2\end{aligned}$$

5.  $\frac{\sqrt{28}}{\sqrt{11}} \div \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{33}}$  을 간단히 하였더니  $\sqrt{a}$  이었다. 이때 자연수  $a$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $a = 12$

해설

$$\sqrt{\frac{28}{11} \times \frac{33}{7}} = \sqrt{4 \times 3} = \sqrt{12}$$

$$\therefore a = 12$$

6.  $2 + \sqrt{5}$  의 정수 부분을  $a$ , 소수 부분을  $b$  라 할 때,  $2a + b$  의 값을 구하면?

①  $4 + \sqrt{5}$       ②  $4 - \sqrt{5}$       ③  $6 - \sqrt{5}$   
④  $6 + \sqrt{5}$       ⑤  $8 + \sqrt{5}$

해설

$2 < \sqrt{5} < 3$  이고  $4 < 2 + \sqrt{5} < 5$  이므로

정수 부분  $a = 4$

소수 부분은  $b = 2 + \sqrt{5} - 4 = \sqrt{5} - 2$

$$\therefore 2a + b = 2 \times 4 + (\sqrt{5} - 2) \\ = 8 + \sqrt{5} - 2 = 6 + \sqrt{5}$$

7.  $\sqrt{6} \times \sqrt{3} \div \sqrt{12}$  을 간단히 한 것은?

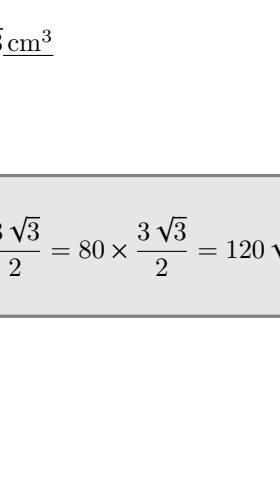
- ①  $\sqrt{2}$       ②  $2\sqrt{2}$       ③  $3\sqrt{2}$       ④  $\frac{\sqrt{6}}{2}$       ⑤  $2\sqrt{2}$

해설

$$\sqrt{6} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{12}} = \sqrt{\frac{6 \times 3}{12}} = \sqrt{\frac{18}{12}} = \sqrt{\frac{3}{2}} = \frac{\sqrt{6}}{2}$$

8. 한 변의 길이가  $4\sqrt{5}$  cm인 정사각형을 밑면으로 갖는 직육면체의

높이가  $\frac{3\sqrt{3}}{2}$  cm 일 때, 직육면체의 부피를 구하여라.



▶ 답:  $\underline{\text{cm}^3}$

▷ 정답:  $120\sqrt{3}\text{cm}^3$

해설

$$V = (4\sqrt{5})^2 \times \frac{3\sqrt{3}}{2} = 80 \times \frac{3\sqrt{3}}{2} = 120\sqrt{3}\text{cm}^3$$

9. 다음 중 옳은 것은?

- ①  $a < 0$  이면  $\sqrt{a^2} = a$
- ②  $a < b$  이면  $\sqrt{(a-b)^2} = a-b$
- ③ 음수의 제곱근은 음수이다.
- ④ 0의 제곱근은 0이다.
- ⑤  $\sqrt{(-5)^2} = -5$

해설

- ①  $a < 0$  이면  $\sqrt{a^2} = -a$
- ②  $a < b$  이면  $\sqrt{(a-b)^2} = -(a-b) = b-a$
- ③ 음수의 제곱근은 없다.
- ④  $\sqrt{(-5)^2} = \sqrt{25} = 5$

10.  $A = \sqrt{81} + \sqrt{(-7)^2} \div \sqrt{\frac{49}{16}} - (-\sqrt{6})^2$  일 때,  $A^2$ 의 값은?

- ① 1      ②  $\frac{6}{7}$       ③ 7      ④  $\frac{36}{49}$       ⑤ 49

해설

$$A = 9 + 7 \div \frac{7}{4} - 6 = 9 + 4 - 6 = 7$$

$$\therefore A^2 = 49$$

11.  $0 < a < 1$  일 때,  $\sqrt{(a-1)^2} - \sqrt{(1-a)^2}$  를 간단히 하라.

▶ 답:

▷ 정답: 0

해설

$0 < a < 1$  일 때,  $0 < 1-a < 1$  이므로 다음이 성립한다.

$$\begin{aligned}\sqrt{(a-1)^2} - \sqrt{(1-a)^2} &= -(a-1) - (1-a) \\ &= -a + 1 - 1 + a = 0\end{aligned}$$

12. 다음 무리수 중 가장 작은 것은?

- ①  $2\sqrt{7}$     ②  $3\sqrt{6}$     ③  $4\sqrt{5}$     ④  $5\sqrt{4}$     ⑤  $6\sqrt{2}$

해설

①  $\sqrt{28}$  , ②  $\sqrt{54}$  , ③  $\sqrt{80}$  , ④  $\sqrt{100}$  , ⑤  $\sqrt{72}$  이므로 가장 작은 것은 ①이다.

13. 다음 식을 만족하는  $x$ 의 값 중에서 유리수가 아닌 것을 고르면?

①  $\frac{\sqrt{x}}{3} = \frac{1}{6}$       ②  $\sqrt{2x} = 4$       ③  $\frac{x^2}{6} = \frac{1}{3}$

④  $2x + 1 = 1$       ⑤  $2x - 1 = 0.\dot{7}$

해설

③  $\frac{x^2}{6} = \frac{1}{3}$  이면  $x^2 = 2$

$\therefore x = \pm \sqrt{2}$  이다.

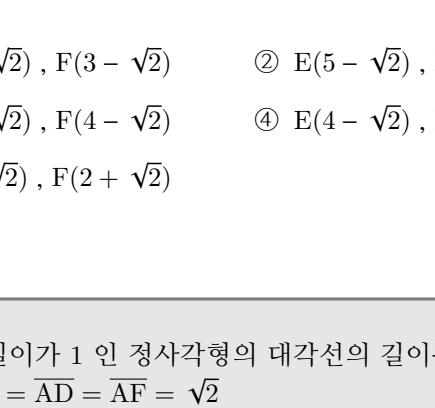
14. 다음 설명 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

- ① 두 유리수  $\frac{1}{5}$  과  $\frac{1}{3}$  사이에는 무수히 많은 유리수가 있다.
- ② 두 무리수  $\sqrt{5}$  와  $\sqrt{6}$  사이에는 무수히 많은 무리수가 있다.
- ③  $\sqrt{5}$  에 가장 가까운 유리수는 2 이다.
- ④ 서로 다른 두 유리수의 합은 반드시 유리수이지만, 서로 다른 두 무리수의 합 또한 반드시 무리수이다.
- ⑤ 실수와 수직선 위의 점 사이에는 일대일 대응이 이루어진다.

해설

- ③  $\sqrt{4}$  와  $\sqrt{5}$  사이에는 무수히 많은 유리수가 존재 한다.
- ④ 두 무리수를 더해 유리수가 될 수도 있다.  
예)  $\sqrt{2} + (-\sqrt{2}) = 0$

15. 다음 그림과 같이 한 변의 길이가 2 인 정사각형 PQRS 가 있다.  $\overline{AB}$  를 회전하여 수직선과 만나는 점을 E ,  $\overline{AD}$  를 회전하여 수직선과 만나는 점을 F 라고 할 때, 두 점의 좌표가 바르게 짹지어진 것은?



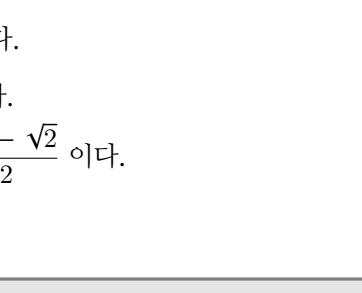
- ①  $E(5 + \sqrt{2})$ ,  $F(3 - \sqrt{2})$       ②  $E(5 - \sqrt{2})$ ,  $F(4 + \sqrt{2})$   
③  $E(4 + \sqrt{2})$ ,  $F(4 - \sqrt{2})$       ④  $E(4 - \sqrt{2})$ ,  $F(4 + \sqrt{2})$   
⑤  $E(6 - \sqrt{2})$ ,  $F(2 + \sqrt{2})$

해설

한 변의 길이가 1 인 정사각형의 대각선의 길이는  $\sqrt{2}$  이므로  
 $\overline{AB} = \overline{AE} = \overline{AD} = \overline{AF} = \sqrt{2}$

점 E 는 4 보다  $\sqrt{2}$  만큼 큰 수이므로 점 E 의 좌표는  $E(4 + \sqrt{2})$   
점 F 는 4 보다  $\sqrt{2}$  만큼 작은 수이므로 점 F 의 좌표는  $F(4 - \sqrt{2})$

16. 다음 그림을 보고 옳지 않은 것을 고르면?(단, 모든 한 칸은 한 변의 길이가 1인 정사각형이다.)



- ①  $a$  와  $b$  사이에는 유리수가 무수히 많다.
- ②  $a$  와  $b$  사이에는 무리수가 무수히 많다.
- ③  $A$ 의 좌표는  $A(-1 + \sqrt{2})$  이다.
- ④  $B$ 의 좌표는  $B(-1 - \sqrt{5})$  이다.
- ⑤  $a$  와  $b$  의 중점의 좌표는  $\frac{\sqrt{5} - \sqrt{2}}{2}$  이다.

해설

$$a \text{ 와 } b \text{ 의 중점의 좌표는 } \frac{(-1 - \sqrt{5}) + (-1 + \sqrt{2})}{2} = \frac{-2 - \sqrt{5} + \sqrt{2}}{2} \text{ 이다.}$$

17.  $\frac{4\sqrt{6}}{\sqrt{3}} + \sqrt{162}$  를 간단히 하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $13\sqrt{2}$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= \frac{4\sqrt{6}\sqrt{3}}{\sqrt{3}\sqrt{3}} + \sqrt{9 \times 9 \times 2} \\&= \frac{4 \times 3\sqrt{2}}{3} + 9\sqrt{2} \\&= 4\sqrt{2} + 9\sqrt{2} \\&= 13\sqrt{2}\end{aligned}$$

18. 다음 보기에서 옳은 것의 개수는?

보기

- Ⓐ  $\frac{\pi}{4}$ 는 유리수가 아니다.
- Ⓑ 모든 무한소수는 무리수이다.
- Ⓒ  $1 - \sqrt{7}, \sqrt{121}, -\sqrt{15^2}, \pi$ 는 모두 무리수이다.
- Ⓓ 무리수이면서 유리수인 수는 없다.
- Ⓔ 음이 아닌 수의 제곱근은 반드시 2개가 있고, 그 절댓값은 같다.

Ⓐ 2

Ⓑ 3

Ⓒ 4

Ⓓ 5

Ⓔ 6

해설

- Ⓐ 순환소수는 유리수이다.
- Ⓒ  $\sqrt{121}, -\sqrt{15^2}$ 는 유리수이다.
- Ⓔ 0의 제곱근은 0의 1개 뿐이다.

19.  $\sqrt{960 - 32a}$  가 정수가 되도록 하는 자연수  $a$  중에서 가장 큰 값을  $M$ ,  
가장 작은 값을  $m$  이라고 할 때,  $M - 2m$  의 값은?

- ① 1      ② 2      ③ 4      ④ 6      ⑤ 8

해설

$$\sqrt{960 - 32a} = \sqrt{16(60 - 2a)} = 4\sqrt{60 - 2a}$$

$60 - 2a = 0$  일 때,  $a$  는 최대

$60 - 2a = 36$  일 때,  $a$  는 최소

$$M = \frac{60}{2} = 30, m = \frac{60 - 36}{2} = 12$$

$$M - 2m = 30 - 2 \times 12 = 6$$

20.  $\sqrt{6} \times a\sqrt{6} = 18$ ,  $\sqrt{5} \times \sqrt{b} = 15$ ,  $\sqrt{1.28} = \sqrt{2} \div \frac{10}{c}$  일 때, 다음 중

옳지 않은 것은?

- ①  $a < c$       ②  $a \times c < b$       ③  $b < a^2 + c^2$   
④  $a < \frac{b}{c}$       ⑤  $\frac{a}{c} < \frac{1}{b}$

해설

$$\sqrt{6} \times a\sqrt{6} = 18$$

$$\rightarrow 18 \div \sqrt{6} = \frac{18}{\sqrt{6}} = \sqrt{\frac{18 \times 18}{6}} = \sqrt{54} = 3\sqrt{6}$$

$$\sqrt{5} \times \sqrt{b} = 15$$

$$\rightarrow 15 \div \sqrt{5} = \frac{15}{\sqrt{5}} = \sqrt{\frac{15 \times 15}{5}} = \sqrt{45}$$

$$\sqrt{1.28} = \sqrt{2} \div \frac{10}{c}$$

$$\rightarrow \sqrt{1.28} \div \sqrt{2} \times 10 = \sqrt{\frac{128}{100}} \times \frac{1}{\sqrt{2}} \times 10 = \sqrt{64} = 8$$

따라서  $a = 3$ ,  $b = 45$ ,  $c = 8$  이므로

- ①  $3 < 8 \rightarrow a < c$   
②  $3 \times 8 < 45 \rightarrow a \times c < b$

③  $45 < 9 + 64 \rightarrow b < a^2 + c^2$

④  $3 < \frac{45}{8} \rightarrow a < \frac{b}{c}$

⑤  $\frac{1}{45} < \frac{3}{8} \rightarrow \frac{1}{b} < \frac{a}{c}$  이다.

21.  $\sqrt{ab} = 3$  일 때,  $\sqrt{ab} - \frac{5a\sqrt{b}}{\sqrt{a}} + \frac{2b\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$  의 값을 구하여라. (단,  $a > 0$ ,

$b > 0$ )

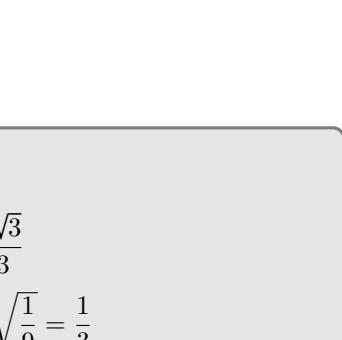
▶ 답:

▷ 정답: -6

해설

$$\begin{aligned}\sqrt{ab} - \frac{5\sqrt{a^2b}}{\sqrt{a}} + \frac{2\sqrt{ab^2}}{\sqrt{b}} \\= \sqrt{ab} - 5\sqrt{ab} + 2\sqrt{ab} \\= 3 - 5 \times 3 + 2 \times 3 = -6\end{aligned}$$

22. 다음 그림에서  $\square ABCD$ ,  $\square CEFG$ ,  $\square EHIJ$ 는 모두 정사각형이고 그 넓이는 각각  $S_1$ ,  $S_2$ ,  $S_3$ 이다.  $S_1 = 1$ ,  $S_2 = \frac{1}{3}S_1$ ,  $S_3 = \frac{1}{3}S_2$  일 때,  $\overline{BH}$ 의 길이를 구하면?



$$\begin{array}{lll} ① \frac{13}{9} & ② 4 - \sqrt{3} & ③ \frac{3 + \sqrt{3}}{3} \\ ④ \frac{7}{3} & \textcircled{⑤} \frac{4 + \sqrt{3}}{3} & \end{array}$$

해설

$$\begin{aligned} S_1 &= 1 \text{ } \diamond \text{]므로, } \overline{BC} = 1, \\ S_2 &= \frac{1}{3} \times 1 = \frac{1}{3}, \overline{CE} = \sqrt{\frac{1}{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3} \\ S_3 &= \frac{1}{3}S_2 = \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{9}, \overline{EH} = \sqrt{\frac{1}{9}} = \frac{1}{3} \\ \therefore \overline{BH} &= \overline{BC} + \overline{CE} + \overline{EH} = 1 + \frac{\sqrt{3}}{3} + \frac{1}{3} = \frac{4 + \sqrt{3}}{3} \end{aligned}$$

23. 두 자연수  $x, y$ 에 대하여  $\sqrt{120xy}$ 가 가장 작은 정수가 되도록  $x, y$ 의 값을 정할 때, 다음 중  $x$ 의 값이 될 수 없는 것은?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$$\sqrt{120xy} = \sqrt{2^3 \times 3 \times 5 \times xy} = 2\sqrt{30xy}$$

$$xy = 30$$

$$(x, y) = (1, 30), (2, 15), (3, 10), (5, 6), \\ (6, 5), (10, 3), (15, 2), (30, 1)$$

24.  $a - b > 0$ ,  $ab < 0$  일 때, 다음 중 옳은 것을 모두 골라라.

- Ⓐ  $\sqrt{(b-a)^2} = b-a$
- Ⓑ  $\sqrt{(ab)^2} = |ab|$
- Ⓒ  $-\sqrt{b^2} > \sqrt{a^2} + 1$
- Ⓓ  $\sqrt{a^2} - \sqrt{(-b)^2} = a+b$
- Ⓔ  $\frac{\sqrt{(ab)^2}}{2} > \frac{\sqrt{(ab)^2}}{3}$
- Ⓕ  $\sqrt{(-a)^2} + 1 < 1 - \sqrt{b^2}$

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : Ⓑ

▷ 정답 : ⓒ

▷ 정답 : Ⓟ

해설

$b < 0 < a$  이므로

$$\textcircled{1} : \sqrt{(b-a)^2} = a-b$$

$$\textcircled{2} : \sqrt{(ab)^2} = -ab = |ab|$$

$$\textcircled{3} : -\sqrt{b^2} = b, \sqrt{a^2} = a$$

$$b-a < 0 \text{ 이므로 } -\sqrt{b^2} < \sqrt{a^2} + 1$$

$$\textcircled{4} : \sqrt{(-a)^2} = a$$

$$-\sqrt{b^2} = -(-b) = b$$

$$\sqrt{(-a)^2} + 1 > 1 - \sqrt{b^2}$$

25.  $x = 2\sqrt{2} + 1$  일 때,  $x^3 - 2x^2 + x - 5$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $16\sqrt{2} + 3$

해설

$x = 2\sqrt{2} + 1$ 에서  $x - 1 = 2\sqrt{2}$  이므로 양변을 제곱하면

$$x^2 - 2x + 1 = 8, x^2 - 2x = 7$$

$$\therefore (\text{주어진 식}) = x(x^2 - 2x) + x - 5$$

$$= 8x - 5 = 8(2\sqrt{2} + 1) - 5$$

$$= 16\sqrt{2} + 3$$