- 이차방정식 $x^2 6x + a = 0$ 의 중근을 b 라고 할 때, a + b 의 값을 1. 구하면?
 - ② 12 ③ 13 ④ 14 ⑤ 15 ① 11

 $D = 36 - 4a = 0, \ a = 9$

 $x^{2} - 6x + 9 = 0$ $(x - 3)^{2} = 0$

x = 3 = b $\therefore a+b=12$

해설

2. (x+y)(x+y-6)-16=0 일 때, x+y의 값들의 합은?

1)6

2 7 3 8 4 9 5 10

x + y = A 라고 하면 A(A-6) - 16 = 0

 $A^2 - 6A - 16 = 0$

(A-8)(A+2) = 0

 $\therefore x + y = 8 \, \, \underline{\Xi} \, \underline{L} \, x + y = -2$

따라서 x + y의 값들의 합은 8 + (-2) = 6이다.

- 이차방정식 (x+5)(x-3)=5 를 $(x+p)^2=q$ 의 꼴로 나타낼 때, p+q 의 값을 구하여라. (단, p,q는 상수) 3.

답: ▷ 정답: 22

(x+5)(x-3) = 5, $x^2 + 2x - 15 = 5$ $x^2 + 2x = 20$, $(x+1)^2 = 21$ $p = 1, \ q = 21$

 $\therefore p+q=22$

다음은 이차방정식 $ax^2 + bx + c = 0$ $(a \neq 0)$ 을 푸는 과정이다. ① ~ **4.** ⑤에 들어갈 식이 바르지 못한 것은?

$$ax^{2} + bx + c = 0$$

$$x^{2} + \frac{b}{a}x = -\frac{c}{a}$$

$$x^{2} + \frac{b}{a}x + \boxed{1} = -\frac{c}{a} + \boxed{1}$$

$$(x + 2)^{2} = \boxed{3}$$

$$x = 4 \pm \boxed{5}$$

①
$$\frac{b^2}{4a^2}$$
 ② $\frac{b}{2a}$ ② $\frac{b}{\sqrt{b^2 - 4ac}}$ ④ $\frac{b^2}{2a}$



 $ax^2 + bx + c = 0$ \leftarrow 양변을 a 로 나눈다.

$$x^2 + \frac{b}{a}x = -\frac{c}{a} \leftarrow 양변에 \left(\frac{b}{2a}\right)^2 = \frac{b^2}{4a^2}$$
 을 더한다.
 $x^2 + \frac{b}{a}x + \frac{b^2}{a^2} = -\frac{c}{a} + \frac{b^2}{a^2}$

$$x^{2} + \frac{b}{a}x + \frac{b^{2}}{4a^{2}} = -\frac{c}{a} + \frac{b^{2}}{4a^{2}}$$

$$(b)^{2} \quad b^{2} - 4ac$$

$$(x + \frac{b}{2a})^2 = \frac{b^2 - 4ac}{4a^2} \leftrightarrow x + \frac{b}{2a} = \pm \sqrt{\frac{b^2 - 4ac}{4a^2}}$$

$$x = -\frac{b}{2a} \pm \frac{\sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$\therefore ③ 이 잘못되었다.$$

5. x 에 관한 이차방정식 $x^2 - 5x - 3k + 1 = 0$ 이 서로 다른 두 실근을 가질 때, 정수 k 의 최솟값은?

① -3 ② -2 ③ -1 ④ 0 ⑤ 2

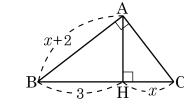
해설

D = 25 - 4(-3k + 1) > 0,25 + 12k - 4 > 0, 12k > -21

 $\therefore k > -\frac{7}{4}$

따라서 정수 k 의 최솟값은 -1이다.

다음 그림에서 ΔABC 는 $\angle A=90^\circ$ 인 직각삼각형이고 점 H 는 점 A6. 에서 $\overline{\mathrm{BC}}$ 에 내린 수선의 발이다. 이 때, x 의 값은?



- ① 1 ② 2

 ④ $\frac{-1 + \sqrt{21}}{4}$ ③ $\frac{1 + \sqrt{21}}{2}$

$$(x +$$

$$x^2 + 4x + 4 = 9 +$$

$$x^2 + x - 5 = 0$$

$$(x+2)^{2} = 3(3+x)$$

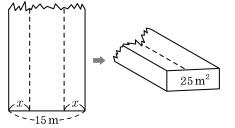
$$x^{2} + 4x + 4 = 9 + 3x$$

$$x^{2} + x - 5 = 0$$

$$x = \frac{-1 \pm \sqrt{1^{2} - 4(-5)}}{2} = \frac{-1 \pm \sqrt{21}}{2}$$

$$\therefore x = \frac{-1 + \sqrt{21}}{2} (\because x > 0)$$

7. 다음 그림과 같이 너비가 $15 \,\mathrm{m}$ 인 철판을 직사각형 모양으로 접어서 물통을 만들려고 한다. 단면의 넓이가 $25 \,\mathrm{m}^2$ 일때, x의 값을 구하는 식으로 옳은 것은?



- ① $2x^2 25x + 15 = 0$ ③ $25x^2 - 6x + 6 = 0$
- $2x^2 15x 25 = 0$
- $3 2x^2 25x 15 = 0$
- $4 2x^2 15x + 25 = 0$

(15 - 2x)x = 25

해설

 $\therefore 2x^2 - 15x + 25 = 0$

- 8. 부등식 $2 \le 2x 2 < 5$ 를 만족시키는 두 자연수가 이차방정식 $x^2 + ax + b = 0$ 의 근일 때, $a^2 - b^2$ 의 값은?
 - ① 61 ② 51 ③ 11
- **④**−11 ⑤ −61

부등식 $2 \le 2x - 2 < 5$ 를 풀면 다음과 같다.

 $4 \le 2x < 7$

 $2 \le x < \frac{7}{2}$

 $\therefore x = 2, \ 3$

이 두 자연수를 근으로 가지므로 이를 이차방정식에 대입하여

풀면 a = -5, b = 6

 $\therefore a^2 - b^2 = (-5)^2 - 6^2 = 25 - 36 = -11$

- 9. 이차방정식 $x^2-2x-1=0$ 의 한 근이 m 일 때, $\frac{m^2}{1+2m}-\frac{6m}{1-m^2}$ 의 값을 구하면?
 - ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

이차방정식 $x^2 - 2x - 1 = 0$ 에 x = m 을 대입하면, $m^2 - 2m - 1 = 0$

 $1 + 2m = m^{2}, 1 - m^{2} = -2m$ $\therefore \frac{m^{2}}{1 + 2m} - \frac{6m}{1 - m^{2}} = \frac{m^{2}}{m^{2}} - \frac{6m}{-2m} = 1 + 3 = 4$

 ${f 10}$. 두 이차방정식 $ax^2-3x+b=0$, $bx^2-3x+a=0$ 이 같은 근을 가질 때, a + b의 값은? (단, $a \neq b$)

③ ±5

4)±3 ② 0 ③ ±1 ① -2

두 방정식의 같은 근(공통근)을 α 라 하면 $a\alpha^2 - 3\alpha + b = 0 \cdots \textcircled{1}$

 $b\alpha^2 - 3\alpha + a = 0 \cdots ②$

① – ②를 하면 $(a-b)\alpha^2 - (a-b) = 0$

 $(a-b)(\alpha^2-1)=0$ $a \neq b$ 이므로 $\alpha^2 - 1 = 0$ $\therefore \alpha = \pm 1$

a=1 일 때, ① 또는 ②에 대입하면 a+b=3 $\alpha=-1$ 일 때, ① 또는 ②에 대입하면 a+b=-3

 $\therefore a+b=\pm 3$

- **11.** 이차방정식 $(x-1)^2 = 3 k$ 의 근에 대한 설명 중 옳지 <u>않은</u> 것은?
 - k = -6 이면 근이 2개이다.
 k = -1 이면 정수인 근을 갖는다.
 - ③ k = 0 이면 무리수인 근을 갖는다.
 - 4k=2 이면 근이 1개이다.
 - 3k = 4 이면 근이 없다.

$(x-1)^2 = 3 - k$, $x-1 = \pm \sqrt{3-k}$

 $x = 1 \pm \sqrt{3-k}$ 음수의 제곱근은 존재하지 않으므로 근호 안에 있는 수는 음수가

될 수 없다.

일 구 없다. 3 > k : 근이 0 개

3 > k : 근이 0개 k = 3 : 근이 1개

3 < k : 근이 2 개

- 12. 기호 [a] 는 a 의 값을 넘지 않는 최대 정수를 나타낸다. 예를 들면 [1.2]=1, $[\sqrt{5}]=2$ 이다. 이차방정식 $x^2-4x-7=0$ 의 근 중 양수인 것을 a 라 할 때, $(a-[a]+3)^2$ 의 값을 구하면?
 - ① 5 ② 7 ③ 11 ④ 13 ⑤ 15

해설

 $x^2 - 4x - 7 = 0$ 에서 $x = \frac{4 \pm \sqrt{16 + 28}}{2} = 2 \pm \sqrt{11}$ 따라서 양수인 근 $a = 2 + \sqrt{11}$ $3 < \sqrt{11} < 4$ 이므로 $5 < 2 + \sqrt{11} < 6$ $\therefore [a] = 5$ $\therefore (a - [a] + 3)^2 = (2 + \sqrt{11} - 5 + 3)^2$ $= (\sqrt{11})^2 = 11$ 13. 세 자리 자연수가 있다 각 자리의 수의 합은 10 이고, 가운데 자리의수의 4배는 다른 두 자리의 수의 합과 같다.또, 이 자연수의 각 자리의 수를 거꾸로 늘어놓아 얻은 자연수는 처음자연수보다 198만큼 크다. 처음 자연수는?

① 235 ② 325 ③ 532 ④ 523 ⑤ 358

일, 십, 백의 자리의 수를 각각 p, q, r라 하면 p, $q \in 0$ 이상 10 미만의 정수이고 $r \in 1$ 이상 10 미만의 자연수이다. $\begin{cases} p+q+r=10\cdots \\ 4q=p+r\cdots \\ \end{bmatrix}$ ①, ⓒ에서 q=2 100p+20+r=100r+20+p+198 $p-r=2\cdots \\ q=2를 ①에 대입하면 <math>p+r=8\cdots$ ② ⓒ + ② 에서 $p=5,\ r=3$ 따라서 구하는 수는 325이다.

- 14. $x^2 + ax + b = 0$ 에서 계수 a, b 를 정하기 위하여 주사위를 던져서 나오는 첫 번째의 수를 a, 두 번째의 수를 b 라 한다. 이 때, 이 이차 방정식이 중근을 가지는 확률은?
 - ① $\frac{1}{2}$ ② $\frac{1}{3}$ ③ $\frac{1}{6}$ ④ $\frac{1}{9}$ ⑤ $\frac{1}{18}$

중근을 가지려면 $x^2+ax+b=0$ 이 완전제곱식이 되어야 하므로 $\left(a\times\frac{1}{2}\right)^2=b$ 이다.

 $a^2 = 4b$ 를 만족하는 (a, b)를 구하면 (a, b) = (2, 1), (4, 4)의

 두 가지이고 모든 경우의 수는 36 가지이다.

따라서 구하는 확률은 $\frac{2}{36} = \frac{1}{18}$ 이다.

- **15.** 원가가 2000 원인 인형이 있다. a% 의 이익을 붙여서 정가를 정하였다가 할인기간에 정가의 3a% 를 받고 팔았더니 560 원의 손해를 보았다. 이 때, a 의 값을 구하면?
 - ① 10 ② 20 ③ 30 ④ 40 ⑤ 50

경기: $2000 \times \left(1 + \frac{a}{100}\right)$ 전 $2000 \times \left(1 + \frac{a}{100}\right) \times \frac{3a}{100} + 560 = 2000$ $60a + \frac{3}{5}a^2 + 560 = 2000$ $a^2 + 100a - 2400 = 0$ (a - 20)(a + 120) = 0 $\therefore a = 20 \ (a > 0)$