

1. 이차방정식  $3(x+2)^2 = a$  가 하나의 근을 갖도록 하는 상수  $a$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $a = 0$

해설

$$(x+2)^2 = \frac{a}{3}$$

중근을 가질 때 (완전제곱식)=0의 끌이므로

$$\frac{a}{3} = 0$$

$$\therefore a = 0$$

2. 이차방정식  $3(x - 1)^2 = p$  가 중근을 갖기 위한  $p$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 0

해설

중근을 가지기 위해서는 (완전제곱식)=0이 되어야 한다.

$3(x - 1)^2 = p$ 에서 좌변이 완전제곱이므로  $p = 0$ 임을 쉽게 알 수 있다.

해설

$3(x - 1)^2 = p$  을 전개하여 정리하면

$$3x^2 - 6x + 3 - p = 0$$

$$D/4 = 9 - 3(3 - p) = 0 \quad \therefore p = 0$$

3.  $x$ 에 관한 이차방정식  $x^2 - ax + 2a - 3 = 0$ 의 한 근이  $a$  일 때,  $a$ 의 값은?

①  $\frac{1}{2}$       ②  $\frac{2}{3}$       ③ 1      ④  $\frac{3}{2}$       ⑤ 6

해설

$$x = a \text{ 를 대입하면 } a^2 - a^2 + 2a - 3 = 0$$

$$2a - 3 = 0, a = \frac{3}{2}$$

4. 이차방정식  $x^2 + x + 3k = 0(k \neq 0)$  의 한 근이  $k$  일 때,  $k$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -4

해설

주어진 식에  $k$ 를 대입하면  
 $k^2 + k + 3k = 0, k^2 + 4k = 0$

$k(k + 4) = 0$   
 $\therefore k = -4(k \neq 0)$

5. 이차방정식  $x^2 + ax - 10 = 0$  의 해가 정수일 때, 정수  $a$ 의 개수를 구하면?

① 1      ② 2      ③ 4      ④ 5      ⑤ 6

해설

곱이  $-10$ 인 두 정수는  
 $-10 = (-1) \times 10 = 1 \times (-10)$   
 $= (-2) \times 5 = 2 \times (-5)$   
 $(-1, 10), (1, -10), (-2, 5), (2, -5)$   
이므로 두 수의 합은  $-9, 9, -3, 3$ 이다.  
 $a = 9$  또는  $a = -9$  또는  $a = 3$  또는  $a = -3$   
따라서 정수  $a$ 의 개수는 4이다.

6. 이차방정식  $0.2x^2 - 0.3x - 1 = 0$  의 두 근 중에서 큰 근을  $k$  라고 할 때,  $k$  보다 크지 않은 최대의 정수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$0.2x^2 - 0.3x - 1 = 0$  의 양변에 10을 곱하면

$$2x^2 - 3x - 10 = 0$$

$$\therefore x = \frac{3 \pm \sqrt{89}}{4}$$

따라서  $k = \frac{3 + \sqrt{89}}{4}$  이므로 최대 정수는 3이다.

7. 두 양수  $a, b$ 가  $(a+b)^2 - 2(a+b) - 15 = 0, a-b = 1$ 을 만족할 때,  
 $ab$ 의 값은?

- ① -4      ② -6      ③ 4      ④ 6      ⑤ 5

해설

$a+b = t$ 로 치환하면  $(t+3)(t-5) = 0$

$t = -3$  또는  $5$

i )  $\begin{cases} a+b = -3 \\ a-b = 1 \end{cases}$  또는

ii )  $\begin{cases} a+b = 5 \\ a-b = 1 \end{cases}$

i )에서  $a = -1, b = -2$ 으로  $a, b$ 가 양수라는 조건에 맞지 않다.

ii )에서  $a = 3, b = 2$

$\therefore ab = 6$

8. 방정식  $(x^2 + x)^2 - 7(x^2 + x) + 12 = 0$  을 만족하는 모든 해의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -2

해설

$$(x^2 + x)^2 - 7(x^2 + x) + 12 = 0 ,$$
$$x^2 + x = A \text{ 로 치환하면}$$
$$A^2 - 7A + 12 = 0 ,$$
$$(A - 3)(A - 4) = 0 ,$$
$$(x^2 + x - 3)(x^2 + x - 4) = 0 ,$$
$$x^2 + x - 3 = 0 \text{ 의 두 근의 합} -1 ,$$
$$x^2 + x - 4 = 0 \text{ 의 두 근의 합} -1 ,$$

따라서 모든 근의 합은  $(-1) + (-1) = -2$  이다.

9.  $a, b$  가  $(a - b)^2 - 3(a - b) - 10 = 0$ ,  $a + b = -3$  을 만족할 때,  $\frac{a}{b}$  의 값을 구하여라. (단,  $a, b$  는 모두 음수)

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$$a - b = t \text{ 로 치환하면 } (t + 2)(t - 5) = 0$$

$$t = -2 \text{ 또는 } t = 5$$

$$\text{i) } \begin{cases} a - b = 5 \\ a + b = -3 \end{cases} \text{ 또는}$$

$$\text{ii) } \begin{cases} a - b = -2 \\ a + b = -3 \end{cases}$$

i)에서  $a = 1, b = -4$  이므로  $a, b$  가 음수라는 조건에 맞지 않다.

$$\text{ii)에서 } a = -\frac{5}{2}, b = -\frac{1}{2}$$

$$\therefore \frac{a}{b} = 5$$

10. 다음과 같은 방정식에서  $2y - 3x$ 의 값을 구하여라. (단,  $x \neq -y$ )

$$\frac{3(x+1)^2 - 2(1-y)^2}{2(x+1)(1-y)} = \frac{1}{2}$$

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$x + 1 = X, 1 - y = Y$ 로 치환하면

$$3X^2 - XY - 2Y^2 = 0$$

$$(3X + 2Y)(X - Y) = 0$$

i )  $X = Y$  일 때

$$x + 1 = 1 - y$$

$x = -y$  이므로 조건에 맞지 않는다.

ii )  $3X = -2Y$  일 때

$$3(x+1) = -2(1-y)$$

$$3x + 3 = -2 + 2y$$

$$3x - 2y = -5$$

$$\therefore 2y - 3x = -(-5) = 5$$

11.  $(x - y - 1)(x - y - 5) = -4$  를 만족하는  $x - y$  의 값을 구하여라.(단,  
 $x > y$ )

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$\begin{aligned}x - y &= t \text{ 라 하면} \\(t - 1)(t - 5) &= -4 \\t^2 - 6t + 9 &= 0 \\(t - 3)^2 &= 0 \\\therefore t &= 3 \\\therefore x - y &= 3\end{aligned}$$

12. 이차방정식  $(x - 3)^2 - (x - 3) = 12$  를 풀면?

- ①  $x = -3$  또는  $x = 4$       ②  $x = -4$  또는  $x = 3$   
③  $x = 0$  또는  $x = 7$       ④  $x = -7$  또는  $x = 0$   
⑤  $x = 2$  또는  $x = 6$

해설

$$(x - 3)^2 - (x - 3) = 12$$

$x - 3 = A$  라고 하면

$$A^2 - A - 12 = 0$$

$$(A - 4)(A + 3) = 0$$

$$(x - 3 - 4)(x - 3 + 3) = 0$$

$$x(x - 7) = 0$$

$$\therefore x = 0 \text{ 또는 } x = 7$$

13.  $(x^2 - 2x)^2 - (x^2 - 2x) - 6 = 0$  의 해를 모두 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $x = 3$

▷ 정답:  $x = -1$

해설

$$x^2 - 2x = A \text{ 로 놓으면}$$

$$A^2 - A - 6 = 0$$

$$(A - 3)(A + 2) = 0$$

$$A = 3 \text{ 또는 } A = -2$$

$$(i) x^2 - 2x = 3, x^2 - 2x - 3 = 0$$

$$(x - 3)(x + 1) = 0$$

$$\therefore x = 3 \text{ 또는 } x = -1$$

$$(ii) x^2 - 2x = -2, x^2 - 2x + 2 = 0$$

$D = 2^2 - 4 \times 1 \times 2 = -4 < 0$  이므로 해는 없다.

14.  $(x^2 + y^2 - 2)(x^2 + y^2 - 3) - 2 = 0$  일 때,  $x^2 + y^2$ 의 값을 모두 구하라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $x^2 + y^2 = 1$

▷ 정답:  $x^2 + y^2 = 4$

해설

$$x^2 + y^2 = A \text{ 라고 하면}$$

$$(A - 2)(A - 3) - 2 = 0$$

$$A^2 - 5A + 4 = 0$$

$$(A - 1)(A - 4) = 0$$

$$A = 1 \text{ 또는 } A = 4$$

$$\therefore x^2 + y^2 = 1 \text{ 또는 } x^2 + y^2 = 4$$