- **1.** 이차방정식 $x^2 + y^2 4x 2y k = 0$ 이 원을 나타내도록 상수 k 의 값의 범위를 정하면?
- ① k < -5 ② k > -5 ③ -5 < k < 5
- (4) $k < \sqrt{5}$ (5) $k > -\sqrt{5}$

원 $x^2 + y^2 - 4x - 2y - k = 0$ 을 표준형으로 고치면, $(x-2)^2 + (y-1)^2 = k+5$ 이 때, k+5>0 이어야 하므로 k>-5

- **2**. x의 다항식 f(x)를 x-2로 나누면 -3이 남고, x+3으로 나누면 27이 남는다. 이 f(x)를 (x-2)(x+3)으로 나눌 때, 그 나머지는?
 - ① 6x 9
 - $\bigcirc -6x + 9$ 4 -2x - 3 5 2x - 3
- 3 2x + 3

f(x)를 (x-2)(x+3)으로 나눈 몫을 Q(x), 나머지를 ax+b라

하면 f(x) = (x-2)(x+3)Q(x) + ax + b

문제의 조건으로부터

f(2) = -3, f(-3) = 27이므로

2a + b = -3, -3a + b = 27 $\therefore a = -6, b = 9$

따라서 구하는 나머지는 -6x + 9이다.

3. 실수 x, y 에 대하여 $\frac{x}{1+i} + \frac{y}{1-i} = 2-i$ 가 성립할 때, 2x + y 의 값은?

① 8 ② 7 ③ 5 ④ 4 ⑤ 2

해설 $\frac{x}{1+i} + \frac{y}{1-i} = \frac{x(1-i) + y(1+i)}{(1+i)(1-i)}$ $= \frac{(x+y) + (-x+y)i}{2}$ $\therefore \frac{(x+y) + (-x+y)i}{2} = 2 - i$ 그로, 복소수의 상등에서 x+y=4, -x+y=-2이것을 풀면 x=3, y=1따라서, $2x+y=2\times 3+1=7$ **4.** 다음 방정식을 만족하는 양의 정수 x, y의 값이 <u>아닌</u> 것은?

$$\frac{2}{x} + \frac{3}{y} = 1$$

① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6

$$\frac{2}{x} + \frac{3}{y} = 1$$
의 양변에 xy 를 곱하면
$$2y + 3x = xy, xy - 3x - 2y = 0$$

$$\therefore (x-2)(y-3) = 6$$

이 때,
$$x$$
, y 는 양의 정수이므로

$$x-2 \ge -1$$
, $y-3 \ge -2$ 인 정수이다.

그러므로 구하는
$$x, y$$
의 값은 $\begin{cases} x = 3 \\ y = 9 \end{cases}$ 또는 $\begin{cases} x = 4 \\ y = 6 \end{cases}$ 또는 $\begin{cases} x = 5 \\ y = 5 \end{cases}$ 또는 $\begin{cases} x = 8 \\ y = 4 \end{cases}$

$$y = 5$$
 $y =$

5. $x^2 + x - 1 = 0$ 일 때, $x^5 - 5x$ 의 값을 구하면?

① 2 ② 1 ③ 0 ④ -1 ⑤ -3

 $x^5 - 5x 를 x^2 + x - 1$ 로 나누면

 $\therefore x^5 - 5x = -3$

해설

다음과 같이 식의 차수를 낮춰 나갈 수 있다. $x^2 = -x + 1$ $x^5 - 5x = (x^2)^2 \times x - 5x$

 $= x(-x+1)^2 - 5x$

 $= x^3 - 2x^2 - 4x$ = x(-x+1) - 2(-x+1) - 4x

 $= -x^2 - x - 2$ $= -(x^2 + x) - 2$

= -1 - 2 = -3