

1.  $x$ 에 다항식  $f(x)$ 를  $x-2$ 로 나누면 나머지가 5이고,  $x-3$ 으로 나누면 나머지가 9이다. 이 다항식을  $(x-2)(x-3)$ 으로 나눌 때의 나머지를 구하면?

①  $x-1$

②  $2x+3$

③  $4x-3$

④  $4x+3$

⑤  $3x-1$

2.  $x$ 에 대한 다항식  $x^3 + ax^2 + bx + 1$ 를  $x + 1$ 로 나누었을 때 몫과 나머지를 다음과 같은 조립제법으로 구하려고 한다. 다음 중 옳지 않은 것은?

$$\begin{array}{r|rrrr}
 k & 1 & a & b & 1 \\
 & & c & d & 1 \\
 \hline
 & 1 & 3 & -1 & 2
 \end{array}$$

①  $a = 3$

②  $b = 2$

③  $c = -1$

④  $d = -3$

⑤  $k = -1$

3. 두 다항식  $A, B$ 의 최대공약수  $G$ 를  $A * B$ , 최소공배수  $L$ 을  $A \star B$ 로 나타내기로 할 때,  $(A^2 * B^2) \star (A^2 * AB)$ 와 같은 것은?

①  $AG$

②  $A$

③  $AL$

④  $AB$

⑤  $I$

4. 복소수  $(1+i)x^2 - (1-4i)x - (2-3i)$ 가 실수일 때의  $x$ 값과 순허수일 때의  $x$ 값을 모두 곱한 값을 구하여라.



답: \_\_\_\_\_

5.  $x$ 의 범위가  $-2 \leq x \leq 3$ 일 때, 함수  $f(x) = x^2 + 2x + C$ 의 최소값이 4가 되도록 상수  $C$ 의 값을 정할 때, 함수  $f(x)$ 의 최대값은?

① 8

② 12

③ 16

④ 20

⑤ 24

6. 방정식  $x^3 - 1 = 0$ 의 한 허근을  $w$ 라 할 때,  $1 - 2w + 3w^2 - 4w^3 + 3w^4 - 2w^5$ 의 값을 구하면?

①  $-1$

②  $1$

③  $-2$

④  $2$

⑤  $-4$

7. 두 실수  $x, y$ 에 대하여  $x^2 - 4xy + 5y^2 + 2x - 8y + 5 = 0$  일 때,  $x + y$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

8.  $99 \times 101 \times (100^2 + 100 + 1) \times (100^2 - 100 + 1)$  을 계산하면?

①  $100^6 - 1$

②  $100^6 + 1$

③  $100^9 - 1$

④  $100^9 + 1$

⑤  $1$



9.  $a + b = 4$ ,  $a^2 + b^2 = 10$  일 때,  $a^5 + b^5$  의 값을 구하여라.



답: \_\_\_\_\_

10. 이차식  $f(x)$ 를 각각  $x-3, x+1$ 로 나눈 나머지는 같고,  $f(1) = 0$ 일 때,

$\frac{f(4)}{f(-4)} = \frac{n}{m}$  ( $m, n$ 은 서로소)이다. 이 때,  $m+n$ 의 값을 구하여라.



답:

\_\_\_\_\_

11. 두 다항식  $x^2 + px + q$  와  $x^2 + qx + p$  의 최대공약수가  $x - a$  일 때,  
다음 중 옳은 것은?

①  $p = q$

②  $p + q = 1$

③  $p = q + 1$

④  $pq = 1$

⑤  $p + q = -1$

12.  $f(x) = \left(\frac{1-x}{1+x}\right)^{98}$  일 때,  $f\left(\frac{1-i}{1+i}\right) + f\left(\frac{1+i}{1-i}\right)$  의 값을 구하여라.



답: \_\_\_\_\_

13. 복소수  $z = a + bi$  가 다음 두 조건을 만족한다.

$$(1 + i + z)^2 < 0 \quad z^2 = c + 4i$$

이 때,  $a^2 + b^2 + c^2$  의 값을 구하여라.



답: \_\_\_\_\_

14.  $\alpha = \frac{-1 + \sqrt{3}i}{2}$  일 때, 다음 보기 중 옳은 것을 모두 고른 것은? (단,  $\bar{z}$ 는  $z$ 의 켈레복소수)

㉠  $\alpha^2 + \alpha + 1 = 0$

㉡  $1 + \alpha + \alpha^2 + \cdots + \alpha^{15} = 1$

㉢  $z = \frac{\alpha + 3}{2\alpha + 1}$  일 때,  $z\bar{z} = \frac{7}{3}$

① ㉠

② ㉠, ㉡

③ ㉠, ㉢

④ ㉡, ㉢

⑤ ㉠, ㉡, ㉢

15.  $m$ 은 양의 정수이고,  $x$ 에 관한 이차방정식  $x^2 - (3 + \sqrt{2})x + m\sqrt{2} - 4 = 0$ 의 한 근은 정수이다. 이 때,  $m$ 의 값을 구하여라.



답: \_\_\_\_\_

16.  $x$ 의 이차방정식  $x^2 - 3px + 4q - 2 = 0$ 의 두 실근의 비가  $1 : 2$ 가 되도록 하는 실수  $p, q$ 에 대하여  $q$ 의 값의 범위는? (단,  $p \neq 0$ )

①  $q \geq -\frac{1}{3}$

②  $q > \frac{1}{2}$

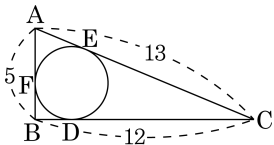
③  $q \geq \frac{1}{2}$

④  $q > -\frac{1}{2}$

⑤  $q \geq \frac{2}{3}$



17. 다음 그림과 같이  $\overline{AB} = 5$ ,  $\overline{BC} = 12$ ,  $\overline{AC} = 13$ ,  $\angle B = 90^\circ$ 인 직각삼각형  $ABC$ 에 내접하는 원이  $\overline{BC}$ ,  $\overline{AC}$ ,  $\overline{AB}$ 에 접하는 점을 각각  $D$ ,  $E$ ,  $F$ 라 하자.  $\overline{BF} = \alpha$ ,  $\overline{AE} = \beta$ 라 할 때,  $\alpha$ ,  $\beta$ 를 두 근으로 하고  $x^2$ 이 계수가 1인 이차방정식은?



①  $x^2 - 5x + 6 = 0$

②  $x^2 + 5x + 6 = 0$

③  $x^2 - 12x + 20 = 0$

④  $x^2 + 12x + 20 = 0$

⑤  $x^2 - 13x + 30 = 0$

18. 다음 식의 분모를 0으로 만들지 않는 모든 실수  $x$ 에 대하여

$$\frac{1}{(x-1)(x-2) \times \cdots \times (x-2007)}$$
$$= \frac{a_1}{x-1} + \frac{a_2}{x-2} + \cdots + \frac{a_{2007}}{x-2007}$$

이 성립할 때,  $a_1 + a_2 + \cdots + a_{2007}$ 의 값을 구하면?

① 1

② -1

③ 1997

④ 0

⑤ -1997

19.  $\frac{bx(a^2x^2 + 2a^2y^2 + b^2y^2)}{bx + ay} + \frac{ay(a^2x^2 + 2b^2x^2 + b^2y^2)}{bx + ay}$  을 간단히 하면?

①  $a^2x^2 + b^2y^2$

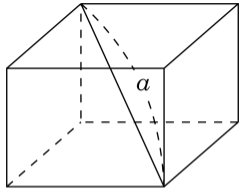
②  $(ax + by)^2$

③  $(bx + ay)^2$

④  $2(a^2x^2 + b^2y^2)$

⑤  $(ax + by)(bx + ay)$

20. 다음 그림과 같은 직육면체에서 대각선의 길이가  $a$ 이고, 모든 모서리의 길이의 합이  $b$ 일 때, 이 직육면체의 겹넓이는?



①  $\frac{1}{16}b^2 - a^2$

②  $\frac{1}{8}b^2 - a^2$

③  $\frac{1}{4}b^2 - a^2$

④  $\frac{1}{8}b^2 + a^2$

⑤  $\frac{1}{16}b^2 + a^2$

21.  $-1 \leq \frac{p}{2} \leq 0$ ,  $p + 2q \leq 2$  를 만족하는 실수  $p, q$  에 대하여 이차함수  $y = x^2 + px + q$  ( $0 \leq x \leq 1$ ) 의 최솟값을  $m$  이라 할 때,  $m$  의 최댓값을 구하여라.



답: \_\_\_\_\_

**22.**  $x + 3y = 1$ ,  $x \geq 0$ ,  $y \geq -2$  일 때  $x^2 + y^2$  의 최댓값을  $M$ , 최솟값을  $m$

이라 할 때,  $M + \frac{1}{m}$  의 값은?

① 53

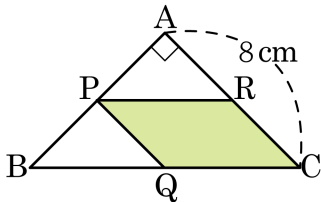
② 58

③ 63

④ 68

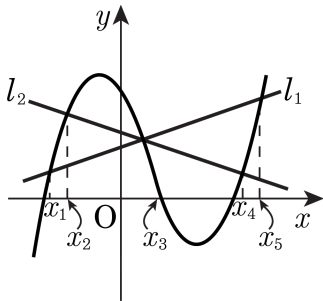
⑤ 72

23. 다음 그림과 같이 직각이등변삼각형  $ABC$  의  $\overline{AB}$  위에 점  $P$  를 잡고, 점  $P$  에서  $\overline{AC}, \overline{BC}$  와 평행한 직선을 그어  $\overline{BC}, \overline{AC}$  와 만나는 점을 각각  $Q, R$  라 한다.  $\square PQCR$  의 넓이가 최대가 될 때,  $\overline{BP}$  의 길이를 구하면?



- ① 1cm      ② 2cm      ③ 3cm      ④ 4cm      ⑤ 5cm

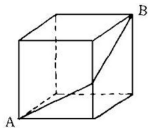
24. 삼차방정식  $y = f(x)$ 의 그래프가 두 직선  $l_1, l_2$ 와 아래의 그림과 같이 만나고 있다. 이들 교점의  $x$ 좌표를 차례로,  $x_1, x_2, x_3, x_4, x_5$ 라 할 때,  $x_1, x_2, x_4, x_5$ 의 관계가 옳은 것은?



- ①  $x_1 + x_5 = x_2 + x_4$                       ②  $x_1 + x_4 = x_2 + x_5$
- ③  $x_1 x_2 = x_4 x_5$                               ④  $x_1 x_4 = x_2 x_5$
- ⑤  $x_1^2 + x_2^2 = x_4^2 x_5^2$



25. 다음 그림과 같이 모든 모서리의 합이 28 cm, 겉넓이가  $28\text{cm}^2$ , 부피가  $8\text{cm}^3$ 인 직육면체가 있다. 이 직육면체에서 면을 따라 꼭지점 A에서 꼭짓점 B에 이르는 가장 짧은 거리는?



① 5cm

② 6cm

③  $2\sqrt{5}\text{cm}$

④  $\sqrt{29}\text{cm}$

⑤  $\sqrt{37}\text{cm}$