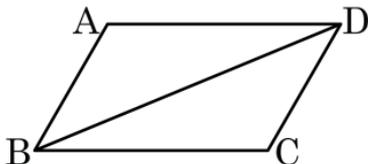


1. 다음은 ‘평행사변형에서 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.’를 증명한 것이다. □ 안에 들어갈 알맞은 것은?



평행사변형 ABCD에 점 B와 점 D를 이으면

$\triangle ABD$ $\triangle CDB$ 에서

$$\overline{AB} = \overline{CD} \dots \text{㉠},$$

$$\overline{AD} = \square \dots \text{㉡},$$

\overline{BD} 는 공통 $\dots \text{㉢}$

㉠, ㉡, ㉢에 의해서 $\triangle ABD \equiv \triangle CDB$ (SSS 합동)

$$\therefore \angle A = \angle C, \angle B = \angle D$$

① \overline{CB}

② \overline{AB}

③ \overline{CD}

④ \overline{AD}

⑤ \overline{BD}

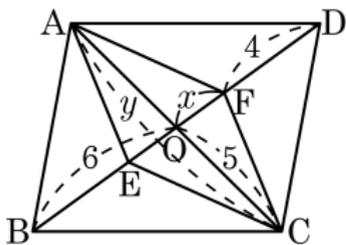
해설

$\triangle ABD$ $\triangle CDB$ 에서

$\overline{AB} = \overline{CD}$, $\overline{AD} = \overline{CB}$, \overline{BD} 는 공통이므로

$\triangle ABD \equiv \triangle CDB$ (SSS 합동)이다.

2. 다음 그림의 평행사변형 ABCD 에서 x, y 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▶ 답 :

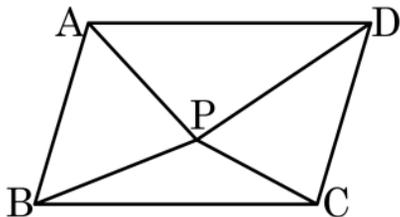
▷ 정답 : $x = 2$

▷ 정답 : $y = 10$

해설

평행사변형의 두 대각선은 서로 다른 대각선을 이등분하므로
 $y = 2 \times 5 = 10$ 이고 $x + 4 = 6, x = 2$

3. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD 의 내부의 임의의 한 점 P 에 대하여 $\triangle PAD = 15\text{cm}^2$, $\triangle PBC = 11\text{cm}^2$, $\triangle PCD = 12\text{cm}^2$ 일 때, $\triangle PAB$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답: cm^2

▷ 정답: 14cm^2

해설

$$\triangle PAB + \triangle PCD = \triangle PAD + \triangle PBC = \frac{1}{2} \times \square ABCD, \triangle PAB + 12 =$$

$$15 + 11 = 26(\text{cm}^2)$$

$$\therefore \triangle PAB = 14\text{cm}^2$$

4. 다음 중 직사각형이 아닌 것은?

① 네 각의 크기가 모두 90° 인 사각형

② 두 대각선의 길이가 같은 평행사변형

③ 두 대각선의 길이가 같고, 서로 다른 것을 수직 이등분하는 사각형

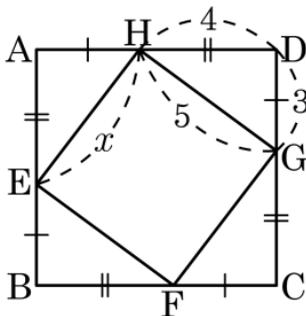
④ 이웃하는 두 변의 길이가 같은 평행사변형

⑤ 한 각의 크기가 90° 인 평행사변형

해설

④ 이웃하는 두 변의 길이가 같은 평행사변형은 마름모이다.

5. □ABCD 가 정사각형일 때, x 의 길이를 구하여라.



① 1

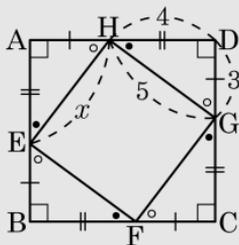
② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설



$\triangle HAE \cong \triangle EBF \cong \triangle FCG \cong \triangle GDH$ (SAS 합동)
 $\overline{EH} = \overline{EF} = \overline{GF} = \overline{HG}$ 이고 $\angle HEF = 90^\circ$ 이므로
 □EFGH 는 정사각형이다.

$\therefore x = 5$

6. 다음 설명 중 옳은 것을 모두 고르면?

- ① 평행사변형은 사각형이다.
- ② 사다리꼴은 평행사변형이다.
- ③ 정사각형은 마름모이다.
- ④ 직사각형은 정사각형이다.
- ⑤ 사다리꼴은 직사각형이다.

해설

- ② 평행사변형은 사다리꼴이다.
- ③ 정사각형은 마름모이고, 직사각형이다.
- ④ 정사각형은 마름모이고, 직사각형이다.
- ⑤ 직사각형은 사다리꼴이다.

7. 다음 중 두 대각선의 길이가 서로 같고, 서로 다른 것을 이등분하는 사각형을 모두 고르면?

① 등변사다리꼴

② 평행사변형

③ 마름모

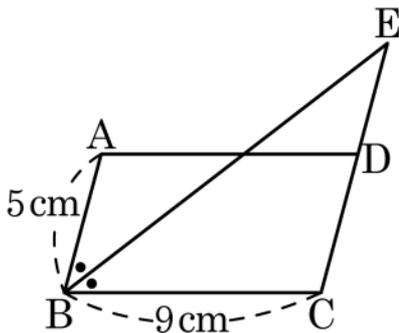
④ 직사각형

⑤ 정사각형

해설

직사각형은 두 대각선의 길이가 같고 서로 다른 것을 이등분한다.
정사각형은 직사각형의 성질을 가지므로 위의 성질도 가진다.

8. 다음 그림의 평행사변형 ABCD 에서 \overline{BE} 는 $\angle ABC$ 의 이등분선이고, $\overline{AB} = 5 \text{ cm}$, $\overline{BC} = 9 \text{ cm}$ 일 때, \overline{DE} 의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: 4 cm

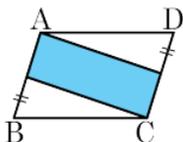
해설

$$\overline{BC} = \overline{CE} = 9 \text{ cm}, \quad \overline{CD} = 5 \text{ cm}$$

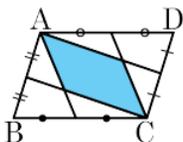
$$\therefore \overline{DE} = 9 - 5 = 4(\text{cm})$$

9. 다음 $\square ABCD$ 가 평행사변형일 때, 색칠한 사각형 중 종류가 다른 것은?

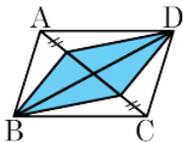
①



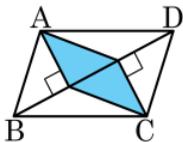
②



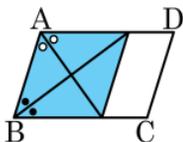
③



④



⑤

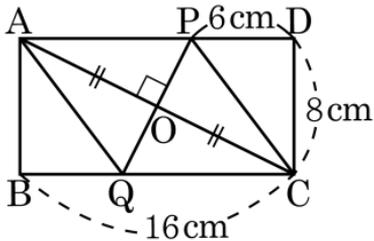


해설

①, ②, ③, ④ : 평행사변형

⑤ 마름모

10. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD 에서 \overline{PQ} 는 대각선 AC 의 수직이등분선이다. $\square AQCP$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : 80 cm^2

해설

$\square AQCP$ 는 마름모이므로

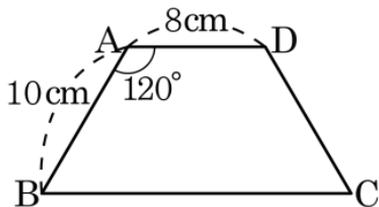
$\triangle ABQ \cong \triangle CDP$ (RHS)

$\square AQCP = \square ABCD - 2\triangle ABQ$

$$= 16 \times 8 - 2 \times \frac{1}{2} \times 6 \times 8$$

$$= 128 - 48 = 80(\text{cm}^2)$$

11. 다음 그림의 $\square ABCD$ 는 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 인 등변사다리꼴이다. $\overline{AB} = 10\text{cm}$, $\overline{AD} = 8\text{cm}$, $\angle A = 120^\circ$ 일 때, $\square ABCD$ 의 둘레의 길이를 구하여라. (단, 단위는 생략한다.)



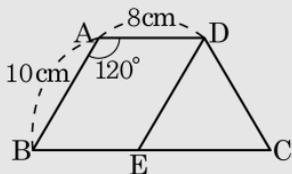
▶ 답 :

▷ 정답 : 46

해설

$\angle A + \angle B = 180^\circ$ 이므로 $\angle B = 60^\circ$ 이다.

점 D를 지나고 \overline{AB} 와 평행한 직선이 \overline{BC} 와 만나는 점을 E라 하자.



$\overline{AD} \parallel \overline{BE}$, $\overline{AB} \parallel \overline{DE}$ 이므로 $\square ABED$ 는 평행사변형이다.

$\overline{AD} = \overline{BE} = 8\text{cm}$, $\overline{AB} = \overline{DE} = 10\text{cm}$ 이고, 동위각이므로 $\angle ABE = \angle DEC = 60^\circ$ 이다.

$\triangle DEC$ 는 $\overline{DE} = \overline{DC} = 10\text{cm}$ 에서 이등변삼각형임을 알 수 있고 밑각이 60° 이므로

세 내각의 크기가 모두 같은 정삼각형이 된다.

$$\overline{DC} = \overline{CE} = \overline{ED} = 10\text{cm}$$

$$\therefore \overline{BC} = \overline{BE} + \overline{EC} = 8 + 10 = 18\text{cm}$$

따라서 둘레의 길이는 $8 + 10 + 18 + 10 = 46(\text{cm})$ 이다.

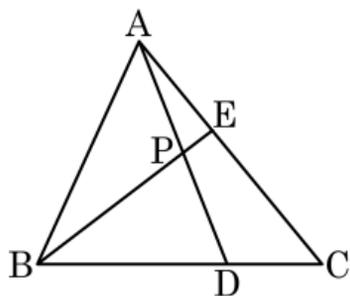
12. 다음 중 옳은 것은?

- ① 등변사다리꼴에서 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.
- ② 평행사변형에서 두 대각선의 길이는 같다.
- ③ 직사각형의 두 대각선은 서로 수직으로 만난다.
- ④ 마름모의 두 대각선은 내각을 이등분한다.
- ⑤ 평행사변형은 두 대각선은 평행으로 만난다.

해설

- ① 평행사변형의 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.
- ② 직사각형의 두 대각선의 길이는 같다.
- ③ 마름모의 두 대각선은 서로 수직으로 만난다.
- ④ 마름모의 두 대각선은 내각을 이등분한다.
- ⑤ 두 대각선이 평행으로 만나는 사각형은 없다.

13. 다음 그림 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{DP} : \overline{PA} = \overline{BD} : \overline{DC} = 3 : 2$ 이다. $\triangle ABP$ 의 넓이가 10 cm^2 일 때, $\triangle ABC$ 의 넓이는?



① $\frac{112}{5} \text{ cm}^2$

② $\frac{113}{4} \text{ cm}^2$

③ $\frac{125}{3} \text{ cm}^2$

④ $\frac{123}{11} \text{ cm}^2$

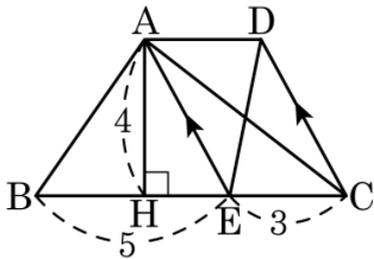
⑤ $\frac{133}{7} \text{ cm}^2$

해설

$$\triangle ABD = 10 \times \frac{5}{2} = 25$$

$$\therefore \triangle ABC = 25 \times \frac{5}{3} = \frac{125}{3}$$

14. 다음 그림과 같이 $\square ABED$ 의 꼭짓점 D 를 지나고 \overline{AE} 와 평행한 직선이 \overline{BE} 의 연장선과 만나는 점을 C 라 할 때, $\square ABED$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

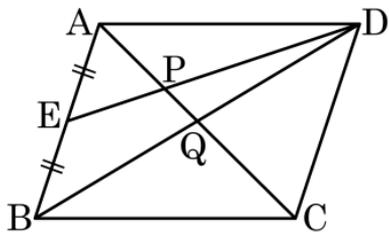
▶ 정답: 16

해설

$\overline{AE} \parallel \overline{DC}$ 이므로 $\triangle ADE$ 와 $\triangle ACE$ 는 밑변과 높이가 같으므로 넓이가 같다.

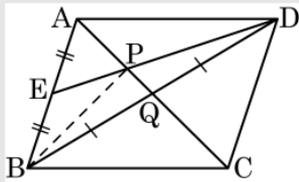
$$\begin{aligned} \therefore \square ABED &= \triangle ABE + \triangle ADE = \triangle ABE + \triangle ACE \\ &= \triangle ABC = \frac{1}{2} \times (5 + 3) \times 4 = 16 \end{aligned}$$

15. 다음 그림의 평행사변형 ABCD에서 점 E는 변 AB의 중점이고, $\overline{DP} : \overline{PE} = 2 : 1$ 이다. 평행사변형의 넓이는 48cm^2 일 때, $\triangle DPQ$ 의 넓이는?



- ① 4cm^2 ② $\frac{9}{2}\text{cm}^2$ ③ 5cm^2
 ④ $\frac{11}{2}\text{cm}^2$ ⑤ 6cm^2

해설



$$\triangle BDE = \frac{1}{2}\triangle ABD = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}\square ABCD = 12(\text{cm}^2)$$

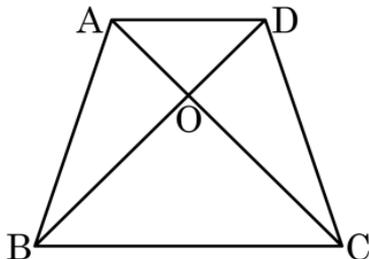
$$\triangle DBP : \triangle EBP = 2 : 1 \text{ 이므로}$$

$$\triangle DBP = \frac{2}{3}\triangle BDE = \frac{2}{3} \times 12 = 8(\text{cm}^2)$$

$$\triangle BPQ : \triangle DPQ = 1 : 1$$

$$\triangle DPQ = \frac{1}{2}\triangle DBP = \frac{1}{2} \times 8 = 4(\text{cm}^2)$$

16. 다음 그림과 같이 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 인 사다리꼴 ABCD 에서 $\overline{OA} : \overline{OC} = 1 : 2$ 이다. $\triangle AOD = 48\text{cm}^2$ 일 때, $\square ABCD$ 의 넓이는?



- ① 432cm^2 ② 480cm^2 ③ 562cm^2
 ④ 600cm^2 ⑤ 642cm^2

해설

$\triangle AOD : \triangle COD = 1 : 2$ 이므로

$$48 : \triangle COD = 1 : 2 \quad \therefore \triangle COD = 96 \text{ cm}^2$$

이때 $\triangle ABD = \triangle ACD$ 이므로

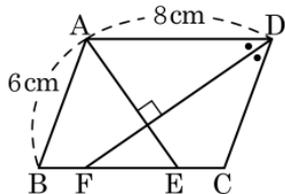
$$\triangle ABO = \triangle COD = 96 \text{ cm}^2$$

또, $\triangle ABO : \triangle COB = 1 : 2$ 이므로

$$96 : \triangle COB = 1 : 2 \quad \therefore \triangle COB = 192 \text{ cm}^2$$

$$\therefore \square ABCD = 48 + 96 + 96 + 192 = 432 (\text{cm}^2)$$

18. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 에서 \overline{DF} 는 $\angle D$ 의 이등분선이고, $\overline{AE} \perp \overline{DF}$ 일 때, \overline{FE} 의 길이를 구하여라. (단, 단위는 생략한다.)



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 4 cm

해설

□ABCD 가 평행사변형이므로

$\angle A = \angle C$, $\angle B = \angle D$ 이므로

$$\angle A + \angle D = 180^\circ \rightarrow \frac{1}{2}\angle A + \frac{1}{2}\angle D = 90^\circ \text{ 인데}$$

$\angle FDA + \angle DAE = 90^\circ$ 이므로

\overline{AE} 는 $\angle A$ 의 이등분선이다.

$$\therefore \angle DAE = \angle EAB$$

$\overline{AD} = \overline{BC} = 8\text{cm}$, $\overline{AB} = \overline{DC} = 6\text{cm}$ 에서

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이므로,

$$\angle DAE = \angle BEA \text{ (엇각)}$$

$$\angle ADF = \angle CFD \text{ (엇각)}$$

즉, $\triangle ABE$ 와 $\triangle DCF$ 는 이등변삼각형이므로

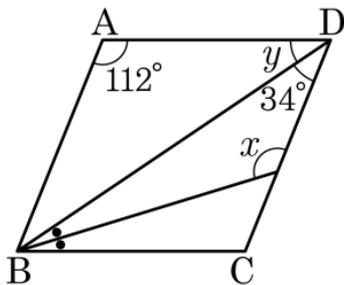
$$\overline{BE} = \overline{AB} = 6\text{cm}, \overline{CF} = \overline{DC} = 6\text{cm}$$

$$\overline{BC} = \overline{BE} + \overline{CF} - \overline{EF} \text{ 이므로}$$

$$8 = 6 + 6 - \overline{EF}$$

$$\therefore \overline{EF} = 4\text{cm}$$

19. 다음 사각형 ABCD 가 평행사변형이 되도록 $\angle x, \angle y$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$

▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$

▶ 정답 : $\angle x = 129^\circ$

▶ 정답 : $\angle y = 34^\circ$

해설

주어진 조건에 의해서 $\square ABCD$ 가 평행사변형이 되려면 $112^\circ + \angle y + 34^\circ = 180^\circ$ 가 성립해야 한다.

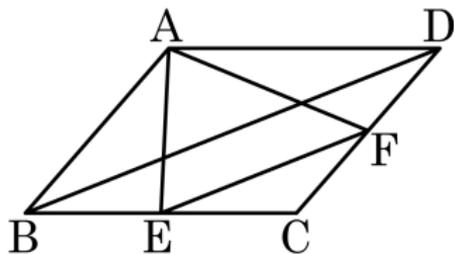
따라서 $\angle y = 34^\circ$ 이다.

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이므로 $\bullet = \frac{34^\circ}{2} = 17^\circ$ 이다.

삼각형의 내각의 합은 180° 이므로 $\angle x = 17^\circ + 112^\circ = 129^\circ$ 이다.

따라서 $\angle x = 129^\circ, \angle y = 34^\circ$ 이다.

20. 평행사변형 ABCD에서 $\overline{EF} \parallel \overline{BD}$ 이다. $\triangle ABE = 20 \text{ cm}^2$ 일 때, $\triangle AFD$ 의 넓이를 구하여라.



① 16 cm^2

② 18 cm^2

③ 20 cm^2

④ 22 cm^2

⑤ 24 cm^2

해설

\overline{DE} 와 \overline{BF} 를 그으면

$$\triangle ABE = \triangle DBE = \triangle DBF = \triangle DAF$$