

1.  $2^{16} - 1$ 은 1과 10 사이의 어떤 두 수로 나누어떨어진다. 이 때, 이 두 수의 합은?

- ① 4      ② 6      ③ 8      ④ 10      ⑤ 12

해설

$a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$  임을 이용하여  $2^{16} - 1$ 을 인수분해하면

$$2^{16} - 1 = (2^8)^2 - 1^2$$

$$= (2^8 + 1)(2^8 - 1)$$

$$= (2^8 + 1)(2^4 + 1)(2^4 - 1)$$

$$= (2^8 + 1)(2^4 + 1)(2^2 + 1)(2^2 - 1)$$

$$= (2^8 + 1)(2^4 + 1)(2^2 + 1)(2 + 1)(2 - 1)$$

$$= 257 \cdot 17 \cdot 5 \cdot 3$$

따라서  $2^{16} - 1$ 을 나누었을 때 나누어 떨어지는 1과 10 사이의

수

즉, 인수는 3과 5이고 이 두 수의 합은 8이다.

2.  $(2x^3 - 3x^2 + 3x + 4)(3x^4 + 2x^3 - 2x^2 - 7x + 8)$  을 전개한 식에서  $x^3$ 의 계수는?

- ① 31      ② 33      ③ 35      ④ 37      ⑤ 39

해설

$$2x^3 \times 8 - 3x^2 \times (-7x) + 3x \times (-2x^2) + 4 \times 2x^3 = 39x^3$$

3. 다음 중  $x^2 + y^2 + 2xy - 2x - 2y$  의 인수가 아닌 것은?

- ①  $x + y$       ②  $-x - y$       ③  $x + y - 2$   
④  $x - y$       ⑤  $2x + 2y$

해설

$$\begin{aligned}(준식) &= (x^2 + 2xy + y^2) - 2(x + y) \\&= (x + y)^2 - 2(x + y) \\&= (x + y)(x + y - 2)\end{aligned}$$

한편,

$$\begin{aligned}(x + y)(x + y - 2) &= -(-x - y)(x + y - 2) \\&= \frac{1}{2}(2x + 2y)(x + y - 2)\end{aligned}$$

4.  $(x^2 - x + 1)(x^2 - x - 3) - 5$  를 인수분해하면  $(x^2 + ax + b)(x^2 + cx + 2)$  일 때, 상수  $a, b, c$  의 합  $a + b + c$ 의 값은?

- ① -6      ② -3      ③ 0      ④ 3      ⑤ 6

해설

$$\begin{aligned}x^2 - x &\text{를 } X \text{로 치환하면} \\(x^2 - x + 1)(x^2 - x - 3) - 5 &\\= (X + 1)(X - 3) - 5 &\\= X^2 - 2X - 3 - 5 &\\= X^2 - 2X - 8 &\\= (X - 4)(X + 2) &\\= (x^2 - x - 4)(x^2 - x + 2) &\\&\text{따라서, } a = -1, b = -4, c = -1 \text{ 으로} \\a + b + c &= -1 - 4 - 1 = -6\end{aligned}$$

5.  $x^4 - 8x^2 - 9$  를  $x$ 에 대한 일차식만의 곱으로 인수분해할 때, 계수는 다음 중 어떤 수라 할 수 있는가?

- ① 정수      ② 유리수      ③ 무리수  
④ 실수      ⑤ 복소수

해설

$$\begin{aligned}x^4 - 8x^2 - 9 &= (x^2 - 9)(x^2 + 1) \\&= (x + 3)(x - 3)(x^2 + 1) \\&= (x + 3)(x - 3)(x + i)(x - i)\end{aligned}$$

∴ 복소수

6.  $a^2 - b^2 - c^2 + 2bc$ 의 인수가 아닌 것은?

- ①  $a - b + c$       ②  $a + b - c$       ③  $-a + b - c$   
④  $\textcircled{4} -a + b + c$       ⑤  $-a - b + c$

해설

$$\begin{aligned} a^2 - b^2 - c^2 + 2bc &= a^2 - (b^2 + c^2 - 2bc) \\ &= a^2 - (b - c)^2 \\ &= (a + b - c)(a - b + c) \end{aligned}$$

인수 :  $(a + b - c)$ ,  $(a - b + c)$ (단, 복부호 동순)

7.  $x^4 + 2x^2y^2 + 9y^4$  을 인수분해하면?

- ①  $(x^2 + 3y^2)^2$
- ②  $(x^2 - 3y^2)^2$
- ③  $(x^2 + xy + 3y^2)(x^2 - xy + 3y^2)$
- ④  $(x^2 + 2xy + 3y^2)(x^2 - 2xy + 3y^2)$
- ⑤  $(x^2 + 2xy + 2y^2)(x^2 - 2xy + 2y^2)$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= x^4 + 6x^2y^2 + 9y^4 - 4x^2y^2 \\&= (x^2 + 3y^2)^2 - (2xy)^2 \\&= (x^2 + 2xy + 3y^2)(x^2 - 2xy + 3y^2)\end{aligned}$$

8.  $3x^2 + 2xy - y^2 - x + 3y - 2$ 의 인수인 것은?

- ①  $2x + y + 1$       ②  $x + y + 1$       ③  $2x - y + 1$   
④  $3x - y + 2$       ⑤  $3x + y + 2$

해설

준 식을 내림차순으로 정리하면

$$\begin{aligned} & 3x^2 + 2xy - x - y^2 + 3y - 2 \\ & = 3x^2 + (2y - 1)x - (y - 1)(y - 2) \end{aligned}$$

인수분해하면  $(x + y - 1)(3x - y + 2)$

9.  $a(b^2 - c^2) + b(c^2 - a^2) + c(a^2 - b^2)$  을 인수분해하면?

- ①  $-(a - b)(b - c)(c - a)$       ②  $(a - b)(b - c)(a - c)$   
③  $-(b - a)(b - c)(c - a)$       ④  $(a - b)(b - c)(c - a)$   
⑤  $(a - b)(b - c)(c + a)$

해설

$$\begin{aligned}(준식) &= (c - b)a^2 + (b^2 - c^2)a + bc(c - b) \\&= (c - b)|a^2 - (c + b)a + bc| \\&= (c - b)(a - b)(a - c) \\&= (a - b)(b - c)(c - a)\end{aligned}$$

10.  $a - b = 3$ ,  $b - c = 1$  일 때,  $ab^2 - a^2b + bc^2 - b^2c + ca^2 - c^2a$  의 값은?

- ① -14      ② -12      ③ -8      ④ -4      ⑤ 0

해설

$$a - b = 3 \quad \cdots \textcircled{1}, \quad b - c = 1 \quad \cdots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1} + \textcircled{2} \Rightarrow a - c = 4$$

$$\therefore ab^2 - a^2b + bc^2 - b^2c + ca^2 - c^2a$$

$$= ab(b - a) + c^2(b - a) - c(b^2 - a^2)$$

$$= ab(b - a) + (b - a)(c^2 - c(b + a))$$

$$= (b - a)(ab + c^2 - bc - ca)$$

$$= (b - a)[a(b - c) + c(c - b)]$$

$$= (b - a)(b - c)(a - c)$$

$$= (a - b)(b - c)(c - a)$$

$$= 3 \times 1 \times (-4) = -12$$