

1.  $x = 2 + \sqrt{3}$ ,  $y = 2 - \sqrt{3}$  일 때,  $\frac{x}{y} + \frac{y}{x}$  의 값은?

① 14      ② 16      ③ 18      ④ 20      ⑤ 22

해설

$$x = 2 + \sqrt{3}, y = 2 - \sqrt{3} \text{ 일 때,}$$

$$xy = 4 - 3 = 1, x + y = 4$$

$$\frac{x}{y} + \frac{y}{x} = \frac{x^2 + y^2}{xy} = \frac{14}{1} = 14$$

$$(\therefore x^2 + y^2 = (x + y)^2 - 2xy)$$

2. 다음 중 평행이동 또는 대칭이동에 의하여  $y = \sqrt{-x}$ 의 그래프와 겹쳐질 수 없는 것은?

①  $y = -\sqrt{1-x} + 1$

②  $y = \sqrt{x} - 1$

③  $y = \sqrt{x-1} + 3$

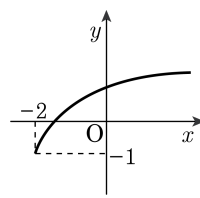
④  $y = -\sqrt{-x+2} + 2$

⑤  $y = \sqrt{-2x+1} - 1$

해설

⑤  $y = \sqrt{ax+b} + c$ 에서  $a$ 의 계수가 다르면  
평행이동 또는 대칭이동에 의해 겹쳐지지 않는다.

3. 다음 그래프는  $y = \sqrt{x}$  의 그래프를 평행 이동한 것이다. 이 그래프의 함수는?



- ①  $y = \sqrt{x-2} + 1$   
②  $y = \sqrt{x-2} - 1$   
③  $y = \sqrt{x+2} + 1$   
④  $y = \sqrt{x+2} - 1$   
⑤  $y = -\sqrt{x-2} - 1$

해설

$x$ 축으로  $-2$ 만큼  
 $y$ 축으로  $-1$ 만큼 평행이동했으므로  
 $x$  대신  $x+2$ ,  $y$  대신  $y+1$ 을 대입하면  
 $y = \sqrt{x+2} - 1$

4.  $-5 \leq x \leq 3$  일 때, 함수  $y = 2\sqrt{4-x} - 7$  의 최댓값을  $m$ , 최솟값을  $n$  라 할 때,  $m + n$  의 값은?

① -8

② -6

③ -4

④ -2

⑤ 0

해설

$$y = 2\sqrt{4-x} - 7 = 2\sqrt{-(x-4)} - 7$$

주어진 함수의 그래프는  $y = 2\sqrt{-x}$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로 4만큼,  $y$  축의 방향으로 -7만큼 평행이동한 것이므로  $x$  의 값이 증가할 때,  $y$  의 값은 감소한다.

$$x = -5 \text{ 일 때, 최댓값 } m = 2\sqrt{4-(-5)} - 7 = -1$$

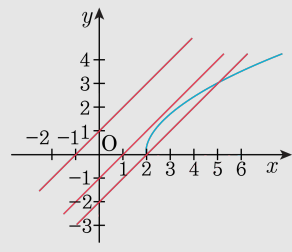
$$x = 3 \text{ 일 때, 최솟값 } n = 2\sqrt{4-3} - 7 = -5$$

$$\therefore m + n = -1 + (-5) = -6$$

5. 곡선  $y = \sqrt{4x-8}$ 과 직선  $y = x+k$ 가 한 점에서 만나기 위한  $k$ 의 값의 범위는?
- ①  $k = -2$  또는  $k > 1$                       ②  $k = -1$  또는  $k < -2$
- ③  $k = 1$  또는  $k > 2$                       ④  $k = 2$  또는  $k < -1$
- ⑤  $k = -1$

**해설**

그래프에서 보듯이 한 점에서 만나는 경우는 접하는 경우이거나  $k < -2$ 인 경우이다.



접하는 경우는  $\sqrt{4x-8} = x+k$ 에서

$$4x-8 = x^2 + 2kx + k^2$$

$$x^2 + 2(k-2)x + k^2 + 8 = 0$$

$$\frac{D}{4} = (k-2)^2 - (k^2 + 8) = -4k - 4 = 0 \text{에서 } k = -1$$

따라서  $k = -1$  또는  $k < -2$

6. 함수  $y = -\sqrt{ax+9} - 1$  의 정의역이  $\{x \mid x \geq -3\}$  이고, 치역이  $\{y \mid y \leq b\}$  일 때, 상수  $a, b$  에 대하여  $a+b$  의 값은? (단,  $a \neq 0$ )

① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$ax+9 \geq 0$  에서

$$ax \geq -9 \quad \therefore x \geq -\frac{9}{a}$$

$$-\frac{9}{a} = -3 \text{ 이므로 } a = 3$$

주어진 함수의 치역은  $\{y \mid y \leq -1\}$  이므로

$$b = -1$$

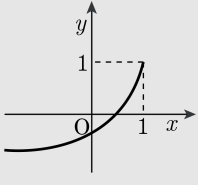
$$\therefore a+b = 3 + (-1) = 2$$

7. 다음중 함수  $y = -\sqrt{-2x+2}+1$ 의 그래프가 지나지 않는 사분면은?

- ① 제 1 사분면
- ② 제 2 사분면
- ③ 제 3 사분면
- ④ 제 4 사분면
- ⑤ 제 3, 4 사분면

해설

$y = -\sqrt{-2(x-1)}+1$ 의 그래프는  
 $y = \sqrt{2x}$ 의 그래프를 원점에 대하여  
대칭이동한  
다음  $x$ 축의 방향으로 1만큼,  
 $y$ 축의 방향으로 1만큼 평행이동한 것이므로  
그림과 같다. 따라서 함수의 그래프는  
제 2 사분면을 지나지 않는다.



8. 함수  $y = a\sqrt{bx}$  에 대한 설명으로 옳은 것을 모두 고른 것은?

- ㉠

$a > 0, b < 0$  이면 정의역은  $\{x \mid x \leq 0\}$  이다.
- ㉡

$b > 0$  이면 치역은  $\{y \mid y \geq 0\}$  이다.
- ㉢

$a < 0, b > 0$  이면 제 1 사분면을 지난다.
- ㉣

$y = -a\sqrt{-bx}$  의 그래프와  $x$  축에 대하여 대칭이다.

- ①

㉠
- ②

㉡
- ③

㉠, ㉡
- ④

㉠, ㉢
- ⑤

㉡, ㉣

해설

㉡

$a > 0$  이면 치역은  $\{y \mid y \geq 0\}$  이다.

㉢

$a < 0, b > 0$  이면 제 4 사분면을 지난다.

㉣

$y = -a\sqrt{-bx}$  의 그래프와 원점에 대하여 대칭이다.

따라서 옳은 것은 ㉡ 이다.

9.  $y = \sqrt{x-1} + 2$ 의 역함수는?

①  $y = x^2 + 4x + 3 (x \geq 2)$

②  $y = x^2 - 4x + 5 (x \geq 2)$

③  $y = x^2 + 4x + 3 (x \geq 1)$

④  $y = x^2 - 4x + 5 (x \geq 1)$

⑤  $y = x^2 - 3x + 2 (x \geq 3)$

해설

$$y - 2 = \sqrt{x - 1} \text{ 에서 } \sqrt{x - 1} \geq 0 \text{ 이므로 } y \geq 2$$

$$\text{또 양변을 제곱하면, } (y - 2)^2 = x - 1$$

$$\therefore x = y^2 - 4y + 5 \ (y \geq 2)$$

$$x \text{와 } y \text{를 바꾸면 } y = x^2 - 4x + 5 \ (x \geq 2)$$

10.  $0 < a < 1$ 이고,  $x = \frac{1+a^2}{a}$  일 때,  $\frac{\sqrt{x+2} + \sqrt{x-2}}{\sqrt{x+2} - \sqrt{x-2}}$ 의 값을 구하면?

①  $a^2$

②  $a$

③  $\frac{1}{a}$

④  $a-1$

⑤  $a+1$

해설

$$x+2 = \frac{1+a^2}{a} + 2 = \frac{1}{a}(a+1)^2$$

$$\therefore \sqrt{x+2} = \frac{|a+1|}{\sqrt{a}} = \frac{a+1}{\sqrt{a}}$$

$$x-2 = \frac{1+a^2}{a} - 2 = \frac{(a-1)^2}{a}$$

$$\therefore \sqrt{x-2} = \frac{|a-1|}{\sqrt{a}} = \frac{1-a}{\sqrt{a}}$$

$$\begin{aligned} \frac{\sqrt{x+2} + \sqrt{x-2}}{\sqrt{x+2} - \sqrt{x-2}} &= \frac{\frac{a+1}{\sqrt{a}} + \frac{1-a}{\sqrt{a}}}{\frac{a+1}{\sqrt{a}} - \frac{1-a}{\sqrt{a}}} \\ &= \frac{(a+1) + (1-a)}{(a+1) - (1-a)} = \frac{1}{a} \end{aligned}$$