

1. 좌표평면 위의 점 A(3, -2), B(4, 5), C(-1, 3)을 세 꼭짓점으로 하는 평행사변형 ABCD의 나머지 꼭짓점 D의 좌표를 (x, y) 라 할 때 $x+y$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -6

해설

□ABCD는 평행사변형이므로

대각선 AC의 중점과 대각선 BD의 중점이 일치한다.

점 D의 좌표를 (x, y) 라고 하면

$$\left(\frac{3+(-1)}{2}, \frac{-2+3}{2}\right) = \left(\frac{4+x}{2}, \frac{5+y}{2}\right)$$

$$\therefore x = -2, y = -4$$

따라서 점 D의 좌표는 $(-2, -4)$

2. 세 점 A(3, 2), B(-2, -3), C(a, b)를 꼭짓점으로 하는 $\triangle ABC$ 의 무게중심의 좌표 G(1, 1) 일 때, $a + b$ 의 값은?

① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설

$$G\left(\frac{3+(-2)+a}{3}, \frac{2+(-3)+b}{3}\right) = G(1, 1) \text{ } \circ] \text{므로,}$$

$$\frac{3+(-2)+a}{3} = 1, 3+(-2)+a = 3, a = 2$$

$$\frac{2+(-3)+b}{3} = 1, 2+(-3)+b = 3, b = 4$$

$$\therefore a+b = 6$$

3. 두 점 $A(t, -3)$, $B(1, 2t)$ 에 대하여 선분 AB 의 길이의 최솟값은?

- ① 2 ② $\sqrt{5}$ ③ $\sqrt{7}$ ④ $2\sqrt{2}$ ⑤ 3

해설

$$\begin{aligned}\overline{AB} &= \sqrt{(1-t)^2 + (2t+3)^2} \\ &= \sqrt{5t^2 + 10t + 10} \\ &= \sqrt{5(t+1)^2 + 5}\end{aligned}$$

선분 AB 의 길이는 $t = -1$ 일 때 최소이다.
따라서 $t = -1$ 일 때, $\overline{AB} = \sqrt{5}$

4. 좌표평면 위의 네 점 A(1, 2), P(0, b), Q(a, 0), B(5, 1)에 대하여 $\overline{AP} + \overline{PQ} + \overline{QB}$ 의 최솟값을 k 라 할 때, k^2 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 45

해설

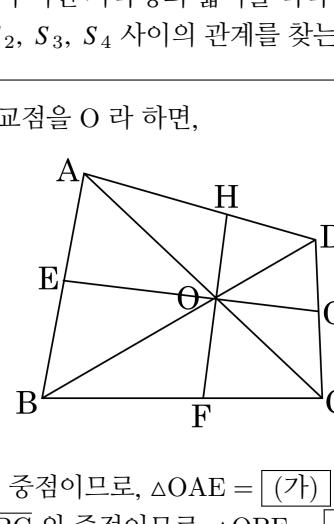
점 A (1, 2)의 y 축에 대하여 대칭인 점을 $A'(-1, 2)$, 점 B(5, 1)의 x 축에 대하여 대칭인 점을 $B'(5, -1)$ 이라 하면

$$\overline{AP} + \overline{PQ} + \overline{QB} = \overline{A'P} + \overline{PQ} + \overline{QB'}$$

$$\geq \overline{A'B'} = \sqrt{(5+1)^2 + (-1-2)^2} = \sqrt{45}$$

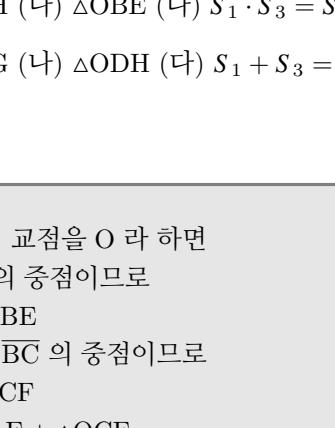
따라서 $k = \sqrt{45}$ 이므로 $k^2 = 45$

5. 다음 그림과 같이 내각의 크기가 모두 180° 보다 작은 사각형 ABCD 가 있다.



네 변 AB, BC, CD, DA 의 중점을 각각 E, F, G, H 라 하고, \overline{EG} 와 \overline{FH} 에 의하여 나누어진 사각형의 넓이를 각각 S_1 , S_2 , S_3 , S_4 라 할 때, 다음은 S_1 , S_2 , S_3 , S_4 사이의 관계를 찾는 과정이다.

\overline{EG} 와 \overline{FH} 의 교점을 O 라 하면,



점 E 가 \overline{AB} 의 중점이므로, $\triangle OAE = \boxed{(\text{가})}$
또한, 점 F 가 \overline{BC} 의 중점이므로, $\triangle OBF = \boxed{(\text{나})}$
따라서 $S_2 = \triangle OAE + \boxed{(\text{나})}$
같은 방법으로 $S_4 = \triangle OAH + \triangle OCG \therefore \boxed{(\text{다})}$

위의 과정에서 (가), (나), (다)에 알맞은 것은?

① (가) $\triangle OBE$ (나) $\triangle OCF$ (다) $S_1 + S_3 = S_2 + S_4$

② (가) $\triangle OBE$ (나) $\triangle OCF$ (다) $S_1 \cdot S_3 = S_2 \cdot S_4$

③ (가) $\triangle OAH$ (나) $\triangle OBE$ (다) $S_1 + S_3 = S_2 + S_4$

④ (가) $\triangle OAH$ (나) $\triangle OBE$ (다) $S_1 \cdot S_3 = S_2 \cdot S_4$

⑤ (가) $\triangle OCG$ (나) $\triangle ODH$ (다) $S_1 + S_3 = S_2 + S_4$

해설

\overline{EG} 와 \overline{FH} 의 교점을 O 라 하면

점 E 가 \overline{AB} 의 중점이므로

$\triangle OAE = \triangle OBE$

또한 점 F 가 \overline{BC} 의 중점이므로

$\triangle OBF = \triangle OCF$

$\therefore S_2 = \triangle OAE + \triangle OCF$

같은 방법으로 $S_4 = \triangle OAH + \triangle OCG$

$\therefore S_1 + S_3 = S_2 + S_4$