

1. 이차함수  $y = x^2 - 2(k-3)x + 4$ 의 그래프가  $x$ 축과 서로 다른 두 점에서 만날 때, 상수  $k$ 의 값의 범위는?

- ①  $k < 1$       ②  $1 < k < 3$   
③  $k < 3$       ④  $3 < k < 5$   
⑤  $k < 1$  또는  $k > 5$

해설

이차함수  $y = x^2 - 2(k-3)x + 4$ 의 그래프가  $x$ 축과 서로 다른 두 점에서 만나므로 이차방정식  $x^2 - 2(k-3)x + 4 = 0$ 의 판별식을  $D$ 라 하면  $D > 0$ 이어야 한다.

$$\frac{D}{4} = (k-3)^2 - 4 > 0$$
$$k^2 - 6k + 5 > 0, \quad (k-1)(k-5) > 0$$
$$\therefore k < 1 \text{ 또는 } k > 5$$

2. 다음 이차함수 중 최솟값을 갖는 것은?

- ①  $y = -3x^2$       ②  $y = -x^2 + 2x + 1$   
③  $y = -2(x - 1)^2$       ④  $y = (x + 1)^2 + 3$   
⑤  $y = 3 - x^2$

해설

이차함수에서 이차항의 계수가 양수이면 꼭짓점이 최솟값을 가지고, 음수이면 꼭짓점이 최댓값을 갖는다.

3. 이차함수  $y = 2x^2 - 6x + 5$  ( $2 \leq x \leq 5$ )의 최댓값을  $a$ , 최솟값을  $b$  라 할 때,  $ab$ 의 값을 구하면?

- ① 1      ② 4      ③ 9      ④ 16      ⑤ 25

해설

$$y = 2x^2 - 6x + 5 = 2\left(x^2 - 3x + \frac{9}{4} - \frac{9}{4}\right) + 5$$

$$= 2\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{1}{2}$$

꼭짓점의 좌표는  $\left(\frac{3}{2}, \frac{1}{2}\right)$ 이고

아래로 볼록한 포물선이다.

꼭짓점이 주어진 구간 안에 포함되지 않으므로 최댓값, 최솟값은 주어진 구간의 양 끝값이 된다.

$$x = 2 \text{ 일 때 } y = 2\left(2 - \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{1}{2} = 1$$

$$x = 5 \text{ 일 때 } y = 2\left(5 - \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{1}{2} = 25$$

따라서 최댓값  $a = 25$ 이고, 최솟값  $b = 1$ 으로  $ab = 25$

4. 이차함수  $y = x^2 - 2ax - 2b^2 - 4a + 4b - 6$ 의 그래프가  $x$ 축에 접할 때,  
 $a^2 + b^2$ 의 값은? (단,  $a, b$ 는 실수)

- ① 2      ② 5      ③ 8      ④ 10      ⑤ 13

해설

$$x^2 - 2ax - 2b^2 - 4a + 4b - 6 = 0 \text{ 이여서}$$

$$\frac{D}{4} = a^2 - (-2b^2 - 4a + 4b - 6) = 0$$

$$\therefore (a+2)^2 + 2(b-1)^2 = 0$$

이 때,  $a, b$ 가 실수이므로  $a+2=0, b-1=0$

따라서  $a=-2, b=1$ 이므로

$$a^2 + b^2 = 5$$

5. 합이 18인 두 수가 있다. 한 수를  $x$ , 두 수의 곱을  $y$  라 할 때, 두 수의 곱의 최댓값을 구하면?

① 11      ② 21      ③ 25      ④ 81      ⑤ 100

해설

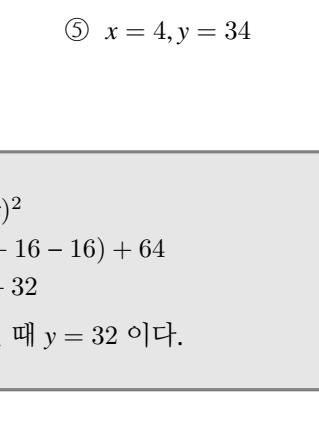
합이 18인 두 수가 있다. 한 수를  $x$ 로 두면 나머지 한 수는  $(18 - x)$ 이다.

$$y = x(18 - x) = -x^2 + 18x = -(x^2 - 18x + 81) + 81$$

$$y = -(x - 9)^2 + 81$$

따라서 두 수의 곱의 최댓값은 81이다.

6. 다음 그림과 같이 길이가 8cm인 선분을 둘로 나누어, 그 각각을 한 변으로 하는 정사각형을 만들었다. 두 정사각형의 넓이의 합을  $y\text{cm}^2$ 라 할 때, 두 정사각형의 넓이의 합이 최소가 되게 하는  $x(\text{cm})$ 의 값과 그 때의 넓이  $y(\text{cm}^2)$ 를 구하여라.



- ①  $x = 2, y = 12$       ②  $x = 2, y = 14$       ③  $x = 2, y = 16$   
④  $x = 4, y = 32$       ⑤  $x = 4, y = 34$

해설

$$\begin{aligned}y &= x^2 + (8 - x)^2 \\&= 2(x^2 - 8x + 16 - 16) + 64 \\&= 2(x - 4)^2 + 32\end{aligned}$$

따라서  $x = 4$  일 때  $y = 32$  이다.

7.  $-2 \leq x \leq 3$ 에서  $y = x^2 - 2x - 2$ 의 최댓값과 최솟값의 합을 구하면?

- ① 3      ② 7      ③ -2      ④ 0      ⑤ 1

해설

$y = (x - 1)^2 - 3$ 이고 꼭짓점의  $x$ 좌표가 주어진  $x$ 의 범위에 포함되므로

$x = 1$ 에서 최솟값을  $x = -2$ 에서 최댓값을 갖는다.

$$(\text{최댓값})=(-2)^2 - 2(-2) - 2 = 6$$

$$(\text{최솟값})=-3$$

8.  $-1 \leq x \leq 1$  에서 함수  $y = (x^2 - 2x + 2)^2 - 4(x^2 - 2x + 2) + 1$  의 최댓값을  $M$ , 최솟값을  $m$  이라 할 때,  $M \times m$  의 값은?

- ① 18      ② 9      ③ 7      ④ -9      ⑤ -18

해설

$(x^2 - 2x + 2) = t$  로 치환하면,

$$t^2 - 4t + 1 = (t - 2)^2 - 3.$$

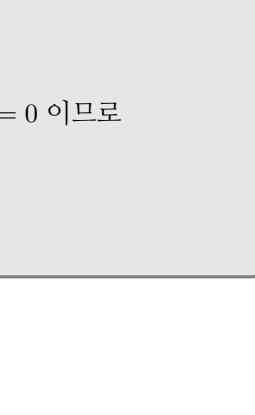
$t$ 의 범위는  $x$ 에 의해  $1 \leq t \leq 5$  가 된다.

$$\begin{cases} t = 2 \text{일 때, } y = -3 \\ t = 5 \text{일 때, } y = 6 \end{cases}$$

$$\therefore M \times m = -18$$

9. 다음 그림과 같이  $y = x^2 + 2x - 3$  의 그래프가  $x$  축과 만나는 두 점을 A, B, 꼭짓점을 C 라 할 때,  $\triangle ABC$ 의 넓이는?

- ① 6      ② 7      ③ 8  
④ 9      ⑤ 10



해설

$$y = x^2 + 2x - 3 = (x+1)^2 - 4$$

꼭짓점 C(-1, -4)

$y = 0$  일 때  $x^2 + 2x - 3 = (x+3)(x-1) = 0$  이므로

A(-3, 0), B(1, 0)

$$\therefore \triangle ABC = \frac{1}{2} \times 4 \times 4 = 8$$

10. 지상에서 초속 50m 의 속력으로 쏘아 올린 공의  $t$  초 후의 높이는  $(50t - 5t^2)$ m 이다. 이 공의 높이가 지상으로부터 최대가 되는 것은 쏘아 올린지 몇 초 후인가?

- ① 5 초 후      ② 7 초 후      ③ 8 초 후  
④ 10 초 후      ⑤ 알 수 없다.

해설

$$y = 50t - 5t^2$$

$$y = -5(t^2 - 10t + 25 - 25) = -5(t - 5)^2 + 125$$

따라서 5 초 후에 최고 높이 125m 가 된다.