1. 다음 중 12 의 약수가 <u>아닌</u> 것은?

① 1 ② 2 ③ 4 ④5 ⑤ 12

해석

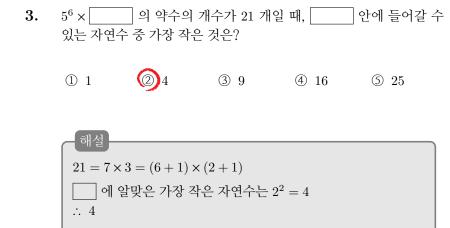
12의 약수는 1, 2, 3, 4, 6, 12 이다.

2. 자연수 $A = 2^2 \times 3^n$ 의 약수의 개수가 24 일 때, n 의 값을 구하면?

① 2 ② 5

이 전 (2+1)(n+1) = 24 n+1=8 $\therefore n=7$

③ 7 ④ 8 ⑤ 12



- **4.** 두 수 30,75의 공약수가 x의 약수라 할 때, x의 값을 구하면?
 - ① 11 ② 12 ③ 13 ④ 14

해설

③15

구하고자 하는 x 는 30 과 75 의 최대공약수와 같다. $30 = 2 \times 3 \times 5$, $75 = 3 \times 5^2$ 이므로 30 과 75 의 최대공약수는 $3 \times 5 = 15$ 이다. $\therefore x = 15$

5. 두 수 $A = 2^a \times 3^2 \times 5$, $B = 2^4 \times 3^b$ 의 최대공약수는 $2^2 \times 3^2$ 이고 최소공배수는 $2^4 \times 3^3 \times 5$ 일 때, a+b 의 값은?

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설 $A = 2^a \times 3^2 \times 5, B = 2^4 \times 3^b$

최대공약수: 2² × 3² 최소공배수: $2^4 \times 3^3 \times 5$ a=2 , b=3a + b = 2 + 3 = 5

6. n 이 자연수일 때, $\frac{18}{n}$ 도 자연수가 된다. 이러한 n 의 값의 합은?

① 20 ② 21 ③ 33 ④ 39 ⑤ 49

18의 약수는 1, 2, 3, 6, 9, 18이다. 따라서 n의 값의 합은 1+2+3+6+9+18=39

7. 다음 중 소인수분해한 것으로 옳은 것은?

- ① $28 = 2^2 \times 7^2$ ③ $80 = 2^3 \times 10$
- ② $140 = 2^2 \times 3^2 \times 5$ $\boxed{4}63 = 3^2 \times 7$
- $3 200 = 4 \times 10^2$

① $2^2 \times 7$

- $2^2 \times 5 \times 7$ $32^4 \times 5$

- 8. 세 수 250, 360, 960 의 최대공약수는?
 - $②2 \times 5$ ③ $2^2 \times 5^2$ ① 2^2

 $250 = 2 \times 5^3, \, 360 = 2^3 \times 3^2 \times 5,$ $960 = 2^6 \times 3 \times 5$ 이므로

최대공약수는 2×5

- 9. 45와 75의 공약수의 개수는?
 - ① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 8

 $45 = 3^2 \times 5, \ 75 = 3 \times 5^2$

해설

45 와 75 의 최대공약수는 $3 \times 5 = 15$ 공약수의 개수는 $2 \times 2 = 4(개)$

8 1 T 1 7 1 T C 2 X 2 — 4(711)

10. 240과 $2^3 \times 3^2 \times 5^3$ 의 공약수 중에서 5의 배수는 모두 몇 개인가?

②8개 3 9개 4 10개 5 11개 ① 7개

해설 $240 = 2^4 \times 3^1 \times 5$ 이므로

(최대공약수)= $2^3 \times 3^1 \times 5$ $2^3 \times 3^1 \times 5$ 의 약수 중에서 5의 배수의 개수는 $2^3 \times 3^1$ 의 약수의 개수와 같으므로 $(3+1) \times (1+1) = 8(7)$

- **11.** 세 $\div 2 \times 3^2 \times 5$, $2^2 \times 3 \times 7$, $2^3 \times 5 \times 7$ 의 최소공배수는?
 - ① $2^3 \times 5^2 \times 7$ ② $2 \times 3 \times 5^2$ ③ $2^3 \times 3^2 \times 5$

 $2 \times 3^2 \times 5, \ 2^2 \times 3 \times 7, \ 2^3 \times 5 \times 7$

해설

최소공배수: $2^3 \times 3^2 \times 5 \times 7$

12. 두 수 $2^2 \times 3$ 과 $2^2 \times 5$ 의 공배수를 옳게 표현한 것은?

 ① 30의 약수
 ② 30의 배수
 ③ 60의 약수

 ④ 60의 배수
 ⑤ 4의 배수

해설

 $2^2 \times 3$ 과 $2^2 \times 5$ 의 최소공배수는 $2^2 \times 3 \times 5 = 60$ 이다.

- 13. 가로의 길이가 $180 \mathrm{cm}$ 세로의 길이가 $150 \mathrm{cm}$ 인 직사각형 모양의 벽에 되도록 큰 정사각형 모양의 타일을 빈틈없이 붙이려고 한다. 타일의 한 변의 길이와 필요한 타일의 개수를 각각 구한 것으로 옳은 것은?
 - ① 한 변의 길이 : 60cm ,타일의 개수 : 60 개 ② 한 변의 길이: 60cm, 타일의 개수: 30 개
 - ③ 한 변의 길이: 30cm, 타일의 개수: 60 개
 - ④ 한 변의 길이: 30cm, 타일의 개수: 30 개
 - ⑤ 한 변의 길이 : 90cm ,타일의 개수 : 60 개

2)180 150 $3) 90 75 \therefore 2 \times 3 \times 5 = 30$

타일의 한 변의 길이는 180, 150 의 최대공약수이다.

5) 30 25

6 5 한 편, 필요한 타일의 개수는 직사각형 벽의 가로, 세로의 길이를

정사각형 타일의 한 변의 길이로 나눠 준 후 곱한 값이다. (가로) = $180 \div 30 = 6(케)$

(세로) = $150 \div 30 = 5$ (개) \therefore (필요한타일수) = $6 \times 5 = 30$ (개)

- 14. 서울에서 세 개의 도시로 버스가 각각 10 분, 15 분, 12 분마다 출발한다 고 한다. 오전 8 시 20 분에 이 세 방면으로 버스가 동시에 출발했다면 그 후에 세 버스가 동시에 출발하는 시간은?
 - ① 오전 9 시
 - ② 오전 10 시 40 분 ③ 오후 1 시 10 분 ④ 오후 2 시
 - ⑤ 오후 2 시 20 분

해설___

버스가 동시에 출발하는 간격은 10, 12, 15 의 최소공배수 60

(분)이다. 즉, 1 시간 간격이므로 매시 20 분에 동시에 출발하므로 오후 2 시 20분이다.

- 15. 두께가 각각 $8 \, \mathrm{cm}, 6 \, \mathrm{cm}$ 인 두 종류의 책 A, B 를 같은 종류의 책끼리 각각 쌓아서 그 높이가 같게 하려고 한다. 될 수 있는 대로 적은 수의 책을 쌓는다고 할 때, 쌓아야 할 책의 수를 각각 구하면?
 - ② 책 A: 3 권, 책 B: 4 권 ① 책 A: 2 권, 책 B: 4 권 ③ 책 A: 4 권, 책 B: 2 권 ④ 책 A: 4 권, 책 B: 3 권
 - ⑤ 책 A: 4 권, 책 B: 4 권

해설 될 수 있는 대로 적은 수의 책을 쌓아야 하므로 그 높이는 8 과

6 의 최소공배수인 24 이다. 따라서 책을 쌓은 높이는 24cm 가 된다. 이때, 책의 수는 각각 $24 \div 8 = 3$ (권), $24 \div 6 = 4$ (권)이다. 즉, 두께가 8cm 인 책 A 는 3 권, 두께가 6cm 인 책 B 는 4 권을

쌓아야 한다. 2) 8 6 4 3

16. 273¹⁰⁰ 의 일의 자리의 숫자를 구하면?

해설 $273^{100} 의 일의 자리만 거듭제곱하여 규칙을 찾는다.$ $3^1 = 3,$ $3^2 = 9,$ $3^3 = 27,$ $3^4 = 81,$ $3^5 = 243,$... 3 을 거듭제곱할 때, 일의 자리의 숫자는 3, 9, 7, 1 의 네 ブ

①1 ② 3 ③ 9 ④ 7 ⑤ 0

3⁵ = 243, ... 3 을 거듭제곱할 때, 일의 자리의 숫자는 3, 9, 7, 1 의 네 개의 숫자가 반복된다. 273¹⁰⁰ 의 지수인 100 를 4 로 나누면 25 이므로 273¹⁰⁰ 의 일의 자리의 숫자는 반복되는 네 개의 숫자 중 마지막 숫자인 1 이다. 17. 자연수 180을 소인수분해 하였을 때, 소인수들의 곱을 구하면?

① 15 ② 18 ③ 24 ④ 25 ⑤ 30

 $180 = 2^2 \times 3^2 \times 5$

소인수는 2, 3, 5이므로 2×3×5 = 30

18. $24 \times a$ 가 어떤 자연수 A의 제곱이 될 때, A 의 최솟값은?

① 9 ② 12 ③ 36 ④ 54 ⑤ 100

 $24 \times a = 2^3 \times 3 \times a$ 가장 작은 $a = 2 \times 3$

가장 작은 $a = 2 \times 3 = 6$ $A^2 = 2^3 \times 3 \times 2 \times 3 = 2^4 \times 3^2 = (12)^2$

 $A = 2 \times 6 \times 2 \times 6 = 2 \times 6 = (12)$ A = 12

해설

19. 200 과 $2^2 \times x$ 의 최대공약수가 20 일 때, x 의 최솟값은?

①5 ② 4 ③ 3 ④ 2 ⑤ 1

 $200 = 2^3 \times 5^2$ 이고 $20 = 2^2 \times 5$ 이므로 x = 5

20. 두 분수 $\frac{21}{16}$, $\frac{35}{24}$ 의 어느 것에 곱하여도 그 결과가 자연수가 되게 하는 분수 중에서 가장 작은 분수를 구하여라.

① $\frac{8}{7}$ ② $\frac{48}{7}$ ③ $\frac{8}{105}$ ④ $\frac{48}{105}$ ⑤ $\frac{1}{35}$