

1. $a \geq b$ 일 때, 다음 중 부등호가 맞는 것을 모두 고르면? (정답 3개)

① $a - 3 \geq b - 3$

② $\frac{1}{3} + a \geq \frac{1}{3} + b$

③ $-a + 3 \geq -b + 3$

④ $-\frac{1}{3}a \geq -\frac{1}{3}b$

⑤ $3a - 1 \geq 3b - 1$

해설

③, ④ 양변에 음수를 곱하거나 나누면 부등호 방향이 바뀐다.

2. 다음에서 사용된 부등호의 성질을 말하여라.

$$-\frac{a}{2} > -\frac{b}{2} \Rightarrow a < b$$

▶ 답 :

▷ 정답 : $a < b, c < 0$ 이면 $ac > bc$ 이다.

해설

양변에 음수 -2 를 곱하였으므로 부등호의 방향이 바뀌었다.

3. $x < 4$ 일 때, $-2x + 1$ 의 값의 범위는?

① $-2x + 1 < -7$

② $-2x + 1 > -7$

③ $-2x + 1 < 7$

④ $-2x + 1 > 7$

⑤ $-2 + 1 \leq 7$

해설

② $x < 4$

$-2x > -8$

$-2x + 1 > -7$

4. $a \leq -1$ 일 때, $3a + 4$ 의 식의 값의 범위를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $3a + 4 \leq 1$

해설

$$a \leq -1 \Rightarrow 3a \leq -3 \Rightarrow 3a + 4 \leq 1$$

5. 다음 중 일차부등식을 모두 찾아라.

① $3 > 5 - 2x$

② $x - 1 < x$

③ $4x - 3 < 5$

④ $-x + 4 \geq 7$

⑤ $2x - (x + 1) \leq 3 + x$

해설

일차부등식은 좌변으로 정리하였을 때 $ax + b(a \neq 0)$ 형태로 정리 된다

② $x - 1 < x, -1 < 0$

⑤ $2x - (x + 1) \leq 3 + x$
 $2x - x - 1 \leq 3 + x$
 $-4 \leq 0$

6. 다음 중 일차부등식인 것은?

① $x + 4 \geq -1$

② $2x + 4 = 6$

③ $x - 5x < 3 - 4x$

④ $2 > x - x^2$

⑤ $6 + x - (1 + 3x)$

해설

① $x + 4 \geq -1 \Rightarrow x + 5 \geq 0$

좌변으로 정리하였을 때 $ax + b$ ($a \neq 0$) 형태로 정리된다.

7. 일차부등식 $2x - 3(2x - 4) - 1 < 3$ 을 만족시키는 가장 작은 정수를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

$$2x - 3(2x - 4) - 1 < 3$$

$$2x - 6x + 12 - 1 < 3$$

$$-4x < -8$$

따라서 $x > 2$ 이므로 만족하는 가장 작은 정수는 3 이다.

8. x 가 자연수일 때, 부등식 $-3(x-2) > -4-x$ 의 해 중 가장 큰 수를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

$$-3(x-2) > -4-x$$

$$-3x+6 > -4-x$$

$$-3x+x > -4-6$$

$$-2x > -10$$

$$\therefore x < 5$$

따라서 $x = 1, 2, 3, 4$ 이므로 가장 큰 수는 4이다.

9. 윤아는 용돈 10000 원을 받아 통장에 저금했다. 매일 심부름을 하고 500 원씩 저금한다고 할 때, 예금액이 50000 원이 넘는 것은 며칠 후부터인가?

① 79 일 ② 80 일 ③ 81 일 ④ 82 일 ⑤ 83 일

해설

$$10000 + 500x > 50000$$

$$x > 80$$

따라서 예금액이 50000 원이 넘는 것은 81 일 후부터이다.

10. 삼각형의 가장 긴 변은 나머지 두 변의 길이의 합보다 짧다고 한다. 삼각형의 세 변의 길이가 각각 x cm, $(x + 1)$ cm, $(x + 2)$ cm 일 때, x 의 값의 범위를 구하여라.

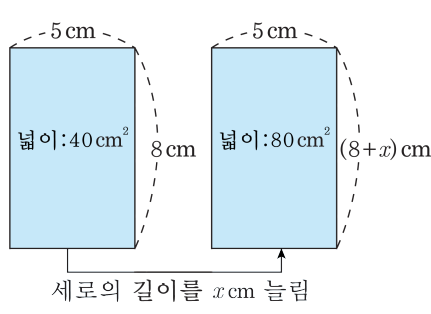
▶ 답 :

▷ 정답 : $x > 1$

해설

삼각형의 가장 긴 변의 길이가 나머지 두 변의 길이의 합보다 짧으므로 $x + 2 < (x + 1) + x$ 가 된다. 정리하면 $x + 2 < x + 1 + x$, $x - x - x < 1 - 2$, $-x < -1$, $x > 1$
 x 의 값의 범위는 $x > 1$ 이 된다.

11. 가로 길이가 5 cm 이고 세로 길이가 8 cm 인 직사각형이 있다. 세로 길이를 x cm 늘여서 넓이를 80 cm^2 이상으로 만들려고 할 때, x 의 값의 범위를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $x \geq 8$

해설

세로의 늘인 길이가 x cm 이므로 세로의 길이는 $(8+x)$ cm 이므로 넓이는 $5 \times (8+x) \geq 80$ 이 된다. 정리하면 $8+x \geq 16$, $x \geq 8$

12. 태풍 '나비'로 고통 받는 이재민을 돕기 위하여 경수네 학교 학생회에 서는 1 인당 2000 원 이상의 성금을 모금하기로 하였다. 경수네 반의 학생 32 명 전원이 성금 모금에 참여하여 모금된 성금을 x 원이라고 할 때, 이것을 부등식으로 옳게 나타낸 것은?

- ① $x > 64000$ ② $x = 64000$ ③ $x \geq 64000$
④ $x < 64000$ ⑤ $x \leq 64000$

해설

1 인당 2000 원 이상이므로 경수네 반 전체의 성금은 64000 원 이상이 된다.
그러므로 부등식은 $x \geq 64000$ 이다.

13. 두 형제는 일주일에 한번 씩 용돈을 받는다. 형은 일주일에 2,000 원 씩, 동생은 일주일에 1,200 원 씩 용돈을 받는데 현재까지 형이 모아둔 용돈은 20,000 원이고, 동생이 모아둔 용돈은 22,000 원이다. 다음 주부터 두 형제 모두 용돈을 쓰지 않고 모은다고 할 때, 형이 모아둔 돈이 동생이 모은 돈보다 많아지는 것은 몇 주부터인지 구하여라.

▶ 답 : 3 주 후

▷ 정답 : 3주 후

해설

형은 일주일에 2,000 원씩 받으므로 x 주일 후에는 $2,000x$ 원이 증가하게 된다.

그러므로 x 주일 후의 형의 용돈의 총액은 $20,000 + 2,000x$ 원 이 된다.

동생은 일주일에 1,200 원씩 받으므로 x 주일 후에는 $1,200x$ 원이 증가하게 된다.

그러므로 x 주일 후의 동생의 용돈의 총액은 $22,000 + 1,200x$ 원 이 된다.

$$20,000 + 2,000x > 22,000 + 1,200x$$

$$800x > 2000$$

$$x > 2.5$$

이므로 3 주 후에 형의 돈이 동생의 돈보다 더 많아지게 된다.

14. 주사위를 던져서 나온 눈의 수를 3 배하면 그 눈의 수에 7 을 더한 것보다 크다고 한다. 이런 눈의 수를 모두 구하면?

① 1, 2

② 3, 4, 5, 6

③ 4, 5, 6

④ 5, 6

⑤ 6

해설

주사위를 던져서 나온 눈의 수를 x 라 하면

$$3x > x + 7$$

$$x > \frac{7}{2} \text{ 이므로,}$$

만족하는 수는 4, 5, 6

15. 냉장고에 있는 물병에서 갑은 들어 있는 물의 양의 $\frac{1}{4}$ 을 마셨고, 을은 남은 물의 $\frac{1}{3}$ 을 마셨다. 마지막으로 병이 남은 물의 $\frac{2}{3}$ 를 마셨는데도 물이 2L 이상 남아 있다면 처음 물병에 들어 있던 물의 양은 몇 L 이상인지 구하여라.

▶ 답 : L

▷ 정답 : 12 L

해설

처음 물병에 들어있던 물의 양을 xL 라 하면

$$x \times \frac{3}{4} \times \frac{2}{3} \times \frac{1}{3} \geq 2$$

$$\therefore x \geq 12$$