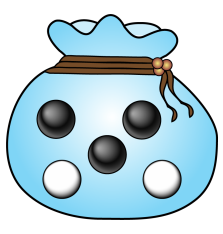
1. 두 개의 주사위를 동시에 던질 때, 눈의 차가 2 또는 3이 될 확률은?

① $\frac{7}{36}$ ② $\frac{7}{18}$ ③ $\frac{1}{2}$ ④ $\frac{5}{18}$ ⑤ $\frac{4}{9}$

해설

모든 경우의 수는 $6 \times 6 = 36$(가지)
눈의 차가 2가 되는 경우 : (1, 3), (2, 4), (3, 5), (4, 6), (5, 3), (6, 4), (4, 2), (3, 1)
눈의 차가 3이 되는 경우 : (1, 4), (2, 5), (3, 6), (6, 3), (5, 2), (4, 1)
$\therefore \frac{8}{36} + \frac{6}{36} = \frac{14}{36} = \frac{7}{18}$

2. 다음 그림과 같이 3 개의 검은 공과 2 개의 흰 공이 들어 있는 주머니에서 한 번 꺼낸 것을 다시 집어넣고 연속하여 1 개씩 2 개의 공을 꺼낼 때, 서로 같은 색의 공이 나올 확률은?



① $\frac{6}{25}$ ② $\frac{13}{25}$ ③ $\frac{1}{4}$
④ $\frac{3}{4}$ ⑤ $\frac{1}{12}$

해설

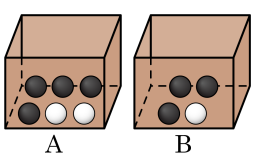
둘 다 검은 공을 선택하는 경우는 $\frac{3}{5} \times \frac{3}{5}$

둘 다 흰 공을 선택하는 경우는 $\frac{2}{5} \times \frac{2}{5}$

따라서 서로 같은 색의 공이 나올 확률은

$\frac{3}{5} \times \frac{3}{5} + \frac{2}{5} \times \frac{2}{5} = \frac{13}{25}$

3. 다음은 A, B 상자에 들어 있는 공을 나타낸 것이다. A, B 주머니에서 각각 1 개 씩의 공을 꺼낼 때, 두 공이 모두 같은 색 공일 확률을 구하면?



① $\frac{1}{12}$ ② $\frac{5}{12}$ ③ $\frac{7}{12}$ ④ $\frac{10}{13}$ ⑤ $\frac{11}{13}$

해설

두 공이 모두 검은색인 확률은 $\frac{4}{6} \times \frac{3}{4} = \frac{1}{2}$ 이고,

두 공이 모두 흰색인 확률은 $\frac{2}{6} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{12}$

따라서 두 공이 모두 같은 색 공일 확률은

$\frac{1}{2} + \frac{1}{12} = \frac{7}{12}$

4. 우성이가 어떤 문제를 맞힐 확률은 $\frac{2}{5}$ 이다. 두 문제를 풀었을 때, 적어도 한 문제를 맞출 확률은?

① $\frac{4}{25}$ ② $\frac{8}{25}$ ③ $\frac{14}{25}$ ④ $\frac{16}{25}$ ⑤ $\frac{21}{25}$

해설

(적어도 한 문제를 맞출 확률) = 1 – (두 문제 모두 틀릴 확률)

$\therefore 1 - \frac{3}{5} \times \frac{3}{5} = \frac{16}{25}$

5. 명중률이 각각 다음과 같은 두 양궁선수 A, B가 있을 때, 두 사람 모두 과녁을 명중시킬 확률을 구하여라.

A : 70%, B : 60%

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{21}{50}$

해설

$\frac{70}{100} \times \frac{60}{100} = \frac{21}{50}$ 이다.

6. 어떤 야구팀의 세 선수 A, B, C의 타율은 0.5, 0.35, 0.6 이다. 세 선수가 연속으로 타석에 설 때, 모두 안타를 칠 확률은?

① $\frac{3}{100}$ ② $\frac{21}{100}$ ③ $\frac{3}{200}$ ④ $\frac{21}{200}$ ⑤ $\frac{1}{300}$

해설

$$\frac{5}{10} \times \frac{35}{100} \times \frac{6}{10} = \frac{21}{200}$$

7. A, B 두 사람이 가위바위보를 할 때, 다음 보기에서 옳은 것을 모두 고른 것은?

보기

㉠ A가 이길 확률은 $\frac{1}{3}$이다.

㉡ 세 번 연속 비길 확률은 $\frac{2}{3}$이다.

㉢ 비길 확률은 $\frac{1}{3}$이다.

㉣ 세 번 연속 B만 이길 확률은 $\frac{1}{3}\times\frac{1}{3}\times\frac{1}{3}=\frac{1}{27}$이다.

㉤ 승부가 결정될 확률은 $\frac{1}{3}$이다

① ㉠, ㉡ ② ㉠, ㉢, ㉣ ③ ㉠, ㉢, ㉤

④ ㉡, ㉢, ㉣ ⑤ ㉠, ㉢, ㉣, ㉤

해설

㉠ A가 이길 확률은 $\frac{1}{3}$이다.

㉡ 세 번 연속 비길 확률은 $\frac{1}{3}\times\frac{1}{3}\times\frac{1}{3}=\frac{1}{27}$이다.

㉢ 비길 확률은 $\frac{1}{3}$이다.

㉣ 세 번 연속 B만 이길 확률은 $\frac{1}{3}\times\frac{1}{3}\times\frac{1}{3}=\frac{1}{27}$이다.

㉤ 승부가 결정될 확률은 $1-$(비기는 경우) $=1-\frac{1}{3}=\frac{2}{3}$이다.

8. 주머니에 5개의 흰 공과 3개의 파란 공이 들어 있다. 석영, 다인, 민수가 차례로 주머니에서 공을 하나씩 꺼낼 때, 먼저 파란 공을 꺼내는 사람이 이기는 내기를 하였다. 이 내기에서 민수가 첫 시도에서 이길 확률은? (꺼낸 공은 다시 넣지 않는다.)

① $\frac{1}{14}$ ② $\frac{5}{28}$ ③ $\frac{5}{9}$ ④ $\frac{12}{25}$ ⑤ $\frac{5}{6}$

해설

민수가 첫 시도에서 이기려면 석영, 다인이 모두 파란 공이 아닌 흰 공을 꺼내야 한다.
석영이가 흰 공을 꺼낼 확률은 모두 8개의 공 중에 흰 공이 5개가 있으므로 $\frac{5}{8}$
다인이가 흰 공을 꺼낼 확률은 모두 7개의 공 중에 흰 공이 4개가 있으므로 $\frac{4}{7}$
민수가 파란 공을 꺼낼 확률은 모두 6개의 공 중에 파란 공이 3개가 있으므로 $\frac{1}{2}$
따라서 민수가 첫 시도에서 파란 공을 꺼내어 이기는 확률은 $\frac{5}{8} \times \frac{4}{7} \times \frac{1}{2} = \frac{5}{28}$

9. 말하기 대회에서 용석이가 1 등 할 확률이 $\frac{1}{4}$, 지은이가 1 등할 확률이 $\frac{1}{3}$ 일 때, 용석이 또는 지은이가 1 등을 할 확률을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{7}{12}$

해설

$\frac{1}{4}+\frac{1}{3}=\frac{7}{12}$

10. 30개의 제비 중 12개의 당첨 제비가 들어 있다. 해철이가 제비 1개를 뽑아 확인하고 다시 집어 넣은 후 명수가 1개를 뽑을 때, 해철이와 명수가 모두 당첨될 확률을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{4}{25}$

해설

해철이가 당첨 제비를 뽑을 확률 $\frac{12}{30}$

명수가 당첨 제비를 뽑을 확률 $\frac{12}{30}$

따라서 구하는 확률은 $\frac{12}{30} \times \frac{12}{30} = \frac{4}{25}$

11. 주머니 속에 1에서 20까지 숫자가 각각 적힌 구슬이 있다. 한 개를 뽑아 번호를 읽고 넣은 다음 다시 한 개를 뽑아 읽을 때, 처음에는 3의 배수, 나중에는 소수가 나올 확률을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{3}{25}$

해설

$\frac{6}{20} \times \frac{8}{20} = \frac{3}{25}$

12. A 주머니에는 흰 공 3개, 검은 공 2개가 들어 있고, B 주머니에는 흰 공 1개, 검은 공 3개가 들어 있다.
A, B 주머니에서 임의로 각각 한 개씩 공을 꺼낼 때, 두 공이 모두 흰 공일 확률을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{3}{20}$

해설

$\frac{3}{5} \times \frac{1}{4} = \frac{3}{20}$

13. 10 개의 물건 가운데 2 개의 불량품이 있다. 이 중에서 임의로 한 개씩 꺼내 확인할 때, 세 번 이하의 검사로 불량품을 모두 찾을 확률을 구하여라. (단, 꺼낸 물건은 다시 넣지 않는다.)

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{1}{15}$

해설

(1) 두 번에 찾을 확률

: $\frac{2}{10} \times \frac{1}{9} = \frac{1}{45}$

(2) 세 번에 찾을 확률

: $\frac{2}{10} \times \frac{8}{9} \times \frac{1}{8} + \frac{8}{10} \times \frac{2}{9} \times \frac{1}{8} = \frac{2}{45}$

따라서, 구하는 확률은 $\frac{1}{45} + \frac{2}{45} = \frac{3}{45} = \frac{1}{15}$

14. 영식이와 미란이가 일요일에 함께 야구장에 가기로 하였다. 영식이과 미란이가 일요일에 야구장에 가지 못할 확률이 각각 $\frac{1}{5}$, $\frac{1}{3}$ 일 때, 두 사람이 야구장에서 만날 확률은?

① $\frac{1}{15}$ ② $\frac{2}{15}$ ③ $\frac{4}{15}$ ④ $\frac{7}{15}$ ⑤ $\frac{8}{15}$

해설

야구장에서 만나려면 두 명 모두 야구장에 가야 한다.

$\therefore$ (확률) $= \left(1-\frac{1}{5}\right) \times \left(1-\frac{1}{3}\right) = \frac{4}{5} \times \frac{2}{3} = \frac{8}{15}$

15. 어떤 기차가 대전역에 정시에 도착할 확률은 $\frac{1}{4}$, 정시보다 빨리 도착할 확률은 $\frac{3}{8}$ 일 때, 한 번은 늦게, 한 번은 빨리 도착할 확률은?

① $\frac{3}{32}$ ② $\frac{9}{32}$ ③ $\frac{9}{64}$ ④ $\frac{3}{64}$ ⑤ $\frac{13}{32}$

해설

정시 보다 늦게 도착할 확률은 $1-\frac{2}{8}-\frac{3}{8}=\frac{3}{8}$

한 번은 늦게, 한 번은 빨리 도착할 확률은 $\frac{3}{8}\times\frac{3}{8}\times 2=\frac{9}{32}$

16. 진수와 성찬이는 학교 운동장에서 만나기로 하였다. 진수와 성찬이가 약속 장소에 나가지 못할 확률이 각각 $\frac{2}{5}$, $\frac{1}{3}$ 이라 할 때, 두 사람이 만나지 못할 확률을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{3}{5}$

해설

두 사람 모두 약속 장소에 나와야 만날 수 있으므로

만나지 못할 확률은 $1 - \frac{3}{5} \times \frac{2}{3} = \frac{3}{5}$

17. 가희, 경화, 한나 세 사람이 미술관 앞에서 만나기로 약속하였다. 세 사람 각각 약속 시간에 늦을 확률이 차례로 $\frac{3}{5}$, $\frac{2}{7}$, $\frac{5}{6}$라 할 때, 3 명 중 적어도 1 명이 약속 시간에 늦을 확률을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{20}{21}$

해설

세 사람이 각각 약속 시간에 늦지 않을 확률은 차례로 $\frac{2}{5}$, $\frac{5}{7}$, $\frac{1}{6}$

여사건의 확률을 이용하면,

(세 사람 중 적어도 한 명이 약속시간에 늦을 확률)

= 1 – (세 사람 모두 약속시간에 늦지 않을 확률)

$= 1 - \left(\frac{2}{5} \times \frac{5}{7} \times \frac{1}{6}\right)$

$= 1 - \frac{1}{21}$

$= \frac{20}{21}$

18. A, B 두 개의 주사위를 동시에 던졌을 때, A 주사위의 눈의 수를 a, B 주사위의 눈의 수를 b라고 하자. 이때, 방정식 $ax-b=0$ 을 만족하는 $x=1$일 때의 확률과 $x=2$일 때의 확률의 곱을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{1}{72}$

해설

$ax-b=0$, $ax=b$이므로

$x=\frac{b}{a}$

ⅰ) $x=1$일 때

$1=\frac{b}{a}$이므로 $\frac{1}{1}, \frac{2}{2}, \frac{3}{3}, \frac{4}{4}, \frac{5}{5}, \frac{6}{6}$의 경우 6가지

ⅱ) $x=2$ 일 때

$2=\frac{b}{a}$이므로 $\frac{2}{1}, \frac{4}{2}, \frac{6}{3}$의 경우 3가지

전체 경우의 수는 36가지이므로

구하는 확률의 곱은 $\frac{6}{36}\times\frac{3}{36}=\frac{1}{6}\times\frac{1}{12}=\frac{1}{72}$이다.

19. 주머니 속에 흰 구슬과 검은 구슬을 합하여 7개가 들어 있다. 이 중에서 한 개를 꺼내어 보고 다시 넣은 후 또 한 개를 꺼낼 때, 두 개 모두 흰 구슬이 나올 확률이 $\frac{9}{49}$ 이다. 흰 구슬의 개수는?

① 3개 ② 4개 ③ 5개 ④ 6개 ⑤ 12개

해설

흰 구슬의 개수는 n개, 검은 구슬의 개수는 $7-n$으로 할 때,

두 번 모두 흰 구슬이 나올 확률은 $\frac{n}{7}\times\frac{n}{7}=\frac{n^2}{49}, n^2=9, n=3$ 이다.

따라서 흰 구슬의 개수는 3개이다.

20. 일기예보에 의하면 이번 토요일에 비가 올 확률이 30 %, 일요일에 비가 올 확률이 20 %라고 한다. 토요일에는 비가 오지 않고 일요일에는 비가 올 확률은?

① 6 % ② 14 % ③ 21 % ④ 30 % ⑤ 60 %

해설

(구하는 확률)= (토요일에 비가 오지 않을 확률)× (일요일에 비가 올 확률)
$= (1 - 0.3) \times 0.2 = 0.14$
따라서 구하는 확률은 14 %