

1. 복소수  $z$  를 원소로 하는 집합  $M = \{z \mid z = (x+y) + (x-y)i, x, y \text{는 양의 실수 } \}$  일 때, 다음 중  $M$  의 원소인 것은? (단,  $i = \sqrt{-1}$ )

- ①  $-3 - 2i$       ②  $-1 + 2i$       ③  $2 + 3i$   
④  $3 + 4i$       ⑤  $5 + 2i$

해설

복소수  $z = (x+y) + (x-y)i$  에서  $x > 0, y > 0$  인 실수이므로  $x+y > 0$  이고  $x+y > x-y$  따라서 (실수 부분) $> 0$ , (실수 부분) $>$ (허수 부분)이다. 이를 만족시키는 복소수는 ⑤ $5 + 2i$  이다.

2. 이차방정식  $x^2 - 3x + 1 = 0$ 의 두 근이  $\alpha, \beta$ 일 때,  $\alpha^2 + \beta^2$ 의 값은?

- ① 3      ② 4      ③ 5      ④ 6      ⑤ 7

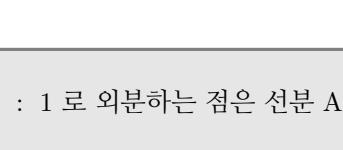
해설

두근의 합 : 3, 두근의 곱 : 1

$$\begin{aligned}\therefore \alpha^2 + \beta^2 &= (\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta \\ &= 7\end{aligned}$$

3. 다음 빈 칸에 들어갈 수를 차례로 써라.

다음 수직선의 점들 중에서 선분 AB를 2 : 1로 외분하는 점의 좌표는 ( )이고, 1 : 2로 외분하는 점의 좌표는 ( )이다.



▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 5

▷ 정답: -1

해설

선분 AB를 2 : 1로 외분하는 점은 선분 AB의 오른쪽 연장선 위에 있다.

선분 AB를 2 : 1로 외분하는 점을 Q라 놓으면 선분 AQ의 길이와 선분 BQ의 길이의 비가 2 : 1이 되어야 하므로 구하는 점 Q의 좌표는 Q(5)이다.

선분 AB를 1 : 2로 외분하는 점은 선분 AB의 왼쪽 연장선 위에 있다.

선분 AB를 1 : 2로 외분하는 점을 R라 놓으면 선분 AR의 길이와 선분 BR의 길이의 비가 1 : 2이 되어야 하므로 구하는 점 R의 좌표는 R(-1)이다.

4. 방정식  $x^2 + y^2 + 2x = 0$  이 나타내는 도형의 넓이를 구하면?

- ①  $3\pi$       ②  $2\pi$       ③  $\pi$       ④  $\frac{1}{2}\pi$       ⑤  $\frac{1}{3}\pi$

해설

$$(준식) : (x + 1)^2 + y^2 = 1$$

중심  $(-1, 0)$ , 반지름의 길이가 1인 원이므로 넓이는  $\pi$

5.  $n(\{1, 3, 5, 7, 9\}) - n(\{3, 6, 9\})$  의 값은?

- ① 1      ② 2      ③ 5      ④ 7      ⑤ 9

해설

$$(준식) = 5 - 3 = 2$$

6. 어떤 두 집합  $A$ ,  $B$  사이의 포함관계가  $A \subset B$  이다. 이 때, 집합  $A$ ,  $B$  가 될 수 없는 것을 모두 골라라.

①  $A = \{x|x\text{는 } 10\text{보다 작은 짝수}\}$ ,  $B = \{x|x\text{는 } 2\text{의 배수}\}$

②  $A = \{x|x\text{는 } 9\text{의 배수}\}$ ,  $B = \{x|x\text{는 } 3\text{의 배수}\}$

③  $A = \{x|x\text{는 } 12\text{의 약수}\}$ ,  $B = \{x|x\text{는 } 6\text{의 약수}\}$

④  $A = \{x|x\text{는 } 10\text{이하의 홀수}\}$ ,  $B = \{1, 3, 5, 7, 9\}$

⑤  $A = \{x|x\text{는 소수}\}$ ,  $B = \{x|x\text{은 홀수}\}$

해설

①  $A = \{2, 4, 6, 8\}$ ,  $B = \{2, 4, 6, 8, 10, \dots\} \therefore A \subset B$

②  $A = \{9, 18, 27, \dots\}$ ,  $B = \{3, 6, 9, 12, 15, 18, \dots\} \therefore A \subset B$

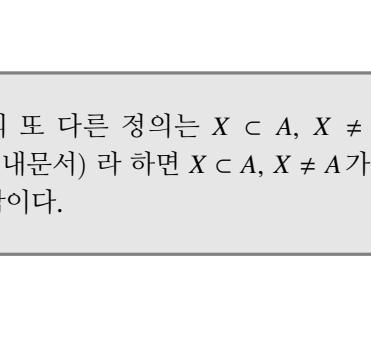
③  $A = \{1, 2, 3, 4, 6, 12\}$ ,  $B = \{1, 2, 3, 6\} \therefore A \not\subset B$

④  $A = \{1, 3, 5, 7, 9\}$ ,  $B = \{1, 3, 5, 7, 9\} \therefore A \subset B$

⑤  $A = \{2, 3, 5, 7, \dots\}$ ,  $B = \{1, 3, 5, 7, 9, \dots\} \therefore A \not\subset B$

7. 컴퓨터에 여러 가지 파일을 종류별로 나누어 저장하기 위하여 몇 개의 폴더를 만들고, 한 폴더 안에도 다시 몇 개의 폴더를 만들어 파일을 세부적으로 분류한다.

다음 그림에서 숙제 집합은 내문서 집합에 포함되고, 서로 같지는 않다. 이런 두 집합 사이의 포함 관계를 무엇이라고 하는가?



- ① 부분집합  
② 진부분집합  
③ 서로 같은 집합  
④ 속하는 집합  
⑤ 답 없음

해설

진부분집합의 또 다른 정의는  $X \subset A$ ,  $X \neq A$  이므로  $X =$  (숙제),  $A =$  (내문서) 라 하면  $X \subset A$ ,  $X \neq A$ 가 성립한다. 따라서 진부분집합이다.

8. 전체집합  $U$  의 공집합이 아닌 두 부분집합  $A, B$ 에 대하여  $B \subset A$  일 때, 다음 중 항상 옳은 것은?

- ①  $A \cap B = \emptyset$       ②  $A \cup B = U$       ③  $B - A = \emptyset$   
④  $A - B = \emptyset$       ⑤  $A \cap B^c = \emptyset$

해설

$B \subset A$  이면, 집합  $A, B$ 는 다음 벤 다이어그램과 같은 포함관계를 만족한다.

- ①  $A \cap B = B$   
②  $A \cup B = A$   
④  $A - B \neq \emptyset$   
⑤  $A \cap B^c \neq \emptyset$



9. 실수 전체의 집합에서 정의된 두 함수  $f(x)$ ,  $g(x)$ 에 대하여  $f(x)$ 는 항등함수이고, 모든 실수  $x$ 에 대하여  $g(x) = -2$  일 때,  $f(4) + g(-1)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$f(x)$ 는 항등함수이므로  $f(4) = 4$   
모든  $x$ 에 대하여  $g(x) = -2$  이므로  
 $g(x)$ 는 상수함수이다.  
 $\therefore g(-1) = -2$   
 $\therefore f(4) + g(-1) = 4 + (-2) = 2$

10. 다항식  $x^3 + ax + b$ 가 다항식  $x^2 - x + 1$ 로 나누어 떨어지도록 상수  $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

나누어 떨어지려면 나머지가 0이어야 하므로

$x^2 = x - 1$ 을 대입하면

$$ax + (b - 1) = 0$$

이 등식이  $x$ 에 대한 항등식이므로,

$$a = 0, b - 1 = 0$$

$$\therefore a = 0, b = 1$$

$$\therefore a + b = 1$$

해설

$$x^3 + ax + b$$

$$= (x^2 - x + 1)Q(x)$$

$$= (x^2 - x + 1)(x + b)$$

$$\therefore b = 1, a = 0$$

11. 이차함수  $y = -\left(x + \frac{1}{2}\right)^2$  의 최댓값은?

- ① 3      ② 4      ③ -1      ④ 0      ⑤ 5

해설

꼭짓점의 좌표는  $\left(-\frac{1}{2}, 0\right)$  이므로  $x = -\frac{1}{2}$  일 때, 최댓값을 갖는다.

12. 다음 세 개의 3차방정식의 공통근을 구하여라.

$$x^3 + 3x^2 - x - 3 = 0, \quad x^3 + 2x^2 - x - 2 = 0,$$

$$x^3 - 4x^2 + 5x - 2 = 0$$

▶ 답:

▷ 정답:  $x = 1$

해설

$$\text{제 1식에서 } (x-1)(x+1)(x+3) = 0$$

$$\therefore x = 1, -1, -3$$

$$\text{제 2식에서 } (x-1)(x+1)(x+2) = 0$$

$$\therefore x = 1, -1, -2$$

$$\text{제 3식에서 } (x-1)^2(x-2) = 0$$

$$\therefore 1, 2$$

$$\therefore \text{공통근 : } x = 1$$

13.  $x, y$ 에 대한 연립방정식  $\begin{cases} ax - y = a \\ x - ay = 1 \end{cases}$  이 오직 한 쌍의 해를 갖도록 하는  $a$ 값은?

- ①  $a = -1$       ②  $a = 1$   
③  $a = \pm 1$       ④  $a \neq \pm 1$  인 모든 실수  
⑤ 없다.

해설

연립방정식이 오직 한 쌍의 해를 가지려면

$$\frac{a}{1} \neq \frac{-1}{-a}, -a^2 \neq -1$$

$$\therefore a \neq \pm 1$$

따라서 오직 한 쌍의 해를 갖도록 하는  $a$ 의 값은  $a \neq \pm 1$ 인 모든 실수이다.

14. 다음 연립부등식의 해를  $a < x < b$  라 할 때,  $a + b$ 의 값을 구하여라.

$$\begin{cases} 5x + 2 > 3x - 4 \\ 2x - 1 < -7x + 26 \end{cases}$$

▶ 답:

▷ 정답: 0

해설

$$\begin{aligned} 5x + 2 &> 3x - 4 \\ 2x &> -6 \\ \therefore x &> -3 \\ 2x - 1 &< -7x + 26 \\ 9x &< 27 \\ \therefore x &< 3 \\ -3 < x < 3 &\text{ 이므로 } a = -3, b = 3 \\ \therefore a + b &= 0 \end{aligned}$$

15. 도형  $(x+1)^2 + (y-2)^2 = 5$  를  $x$  축 방향으로  $-2$  만큼,  $y$  축 방향으로  $1$  만큼 평행이동한 도형의 방정식을 구하면?

- ①  $(x-1)^2 + (y-1)^2 = 5$       ②  $(x-2)^2 + (y+2)^2 = 5$   
③  $(x-3)^2 + (y+3)^2 = 5$       ④  $(x-3)^2 + (y-3)^2 = 5$   
⑤  $(x+3)^2 + (y-3)^2 = 5$

해설

$$\begin{aligned}x - 2 &= x' \quad y + 1 = y' \\&\text{라 하고 주어진 식에 대입한다.} \\&\Rightarrow (x'+2+1)^2 + (y'-1-2)^2 = 5 \\&\Rightarrow (x'+3)^2 + (y'-3)^2 = 5 \\&\Rightarrow (x+3)^2 + (y-3)^2 = 5\end{aligned}$$

16. 점  $(5, 1)$  을 직선  $y = 3$  에 대하여 대칭이동한 다음  $y$  축의 방향으로 4 만큼 평행이동한 점은 점  $(5, 1)$  을 직선  $y = b$  에 대하여 대칭이동한 점과 같다. 이때, 상수  $b$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

- (i) 점  $(5, 1)$  을 직선  $y = 3$  에 대하여 대칭이동한 점의 좌표는  $(5, 2 \cdot 3 - 1)$  즉,  $(5, 5)$   
점  $(5, 5)$  를 다시  $y$  축의 방향으로 4 만큼 평행이동한 점의 좌표는  $(5, 5 + 4)$   
즉,  $(5, 9)$
- (ii) 점  $(5, 1)$  을 직선  $y = b$  에 대하여 대칭이동한 점의 좌표는  $(5, 2b - 1)$
- (i), (ii)로부터  $2b - 1 = 9 \quad \therefore b = 5$

17. 다음 중 옳은 것은?

[보기]

- Ⓐ  $n(\emptyset) = 0$
- Ⓑ  $A \subset B$  이면,  $n(A) \leq n(B)$  이다.
- Ⓒ  $n(\{x \mid x \text{는 } 1 \text{ 이상 } 4 \text{ 이하의 짝수}\}) = 2$
- Ⓓ  $n(A) < n(B)$  이면  $A \subset B$
- Ⓔ  $n(\{a, b, c, d\}) - n(\{e\}) = 3$

① Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ

② Ⓑ, Ⓓ, Ⓔ

③ Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ, Ⓔ

④ Ⓐ, Ⓑ, Ⓓ, Ⓔ

⑤ Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ, Ⓔ, Ⓕ

[해설]

- Ⓔ 반례 :  $A = \{2\}$ ,  $B = \{1, 3\}$

18.  $\{1, 4\} \subset X \subset \{1, 2, 3, 4\}$  를 만족하는 집합  $X$  의 개수를 구하여라.

▶ 답:

개

▷ 정답: 4 개

해설

집합  $X$  는 1, 4 를 반드시 원소로 가지는  $\{1, 2, 3, 4\}$  의 부분집합이므로 개수는  $2^2 = 4$  (개)

19.  $x$ 에 대한 다항식  $2x^3 - 5x^2 + ax + b$ 가 다항식  $x^2 - x + 2$ 로 나누어떨어지도록 상수  $a, b$ 의 값을 정하면?

- ①  $a = 7, b = -6$     ②  $a = 6, b = -5$     ③  $a = 5, b = -3$   
④  $a = 4, b = -5$     ⑤  $a = 3, b = 7$

해설

직접 나누면

몫이  $2x - 3$ , 나머지가  $(a - 7)x + b + 6$ 이므로

$$2x^3 - 5x^2 + ax + b$$

$$= (x^2 - x + 2)(2x - 3) + (a - 7)x + b + 6$$

$x^2 - x + 2$ 로 나누어떨어지기 위해서는 나머지가 0이어야 하므로

$$(a - 7)x + b + 6 = 0$$

$$\therefore a = 7, b = -6$$

20. 다음 방정식의 해는?

$$x^2 - 5|x| + 6 = 0$$

- ① 0,  $\pm 1$       ② 0,  $\pm 2$       ③  $\pm 1, \pm 2$   
④  $\pm 2, \pm 3$       ⑤  $\pm 3, \pm 4$

해설

( i )  $x^2 - 5|x| + 6 = 0$  에서

$x \geq 0$  일 때,

$$x^2 - 5x + 6 = 0$$

$$(x-2)(x-3) = 0$$

$$\therefore x = 2, \text{ 또는 } x = 3$$

( ii )  $x < 0$  일 때,

$$x^2 + 5x + 6 = 0$$

$$(x+2)(x+3) = 0$$

$$\therefore x = -2, \text{ 또는 } x = -3$$

( i ), ( ii )에서  $x = \pm 2, x = \pm 3$

21.  $x$ 에 관한 이차방정식  $3(x-1)(x-m) - x(7-m^2) = 4 - m^2$ 의 두 실근의  
절댓값이 같고 부호가 다를 때, 실수  $m$ 의 값은?

- ① 5      ② 2      ③ -5      ④ -2      ⑤ 1

해설

$$3x^2 + (m^2 - 3m - 10)x + m^2 + 3m - 4 = 0 \text{의}$$

두 근을  $\alpha, \beta$ 라 하면

$$\alpha + \beta = -\frac{1}{3}(m^2 - 3m - 10) = 0,$$

$$\alpha\beta = \frac{1}{3}(m^2 + 3m - 4) < 0$$

$$(m-5)(m+2) = 0 \quad \therefore m = 5, -2$$

$$(m+4)(m-1) < 0 \quad \therefore -4 < m < 1$$

$$\therefore m = -2$$

22. 이차방정식  $x^2 - 2x + 3 = 0$ 의 두 근을  $\alpha, \beta$ 라 할 때,  $\frac{2}{\alpha}, \frac{2}{\beta}$ 을 두 근으로 갖고 계수가 정수인 이차방정식은?

- ①  $4x^2 - 3x + 4 = 0$       ②  $3x^2 - 4x + 4 = 0$   
③  $3x^2 + 4x - 4 = 0$       ④  $4x^2 + 3x - 4 = 0$   
⑤  $3x^2 - 3x + 4 = 0$

해설

근과 계수의 관계에 의해

$$\alpha + \beta = 2, \quad \alpha\beta = 3$$

$$\therefore \frac{2}{\alpha} + \frac{2}{\beta} = \frac{2(\alpha + \beta)}{\alpha\beta} = \frac{4}{3} \quad \cdots \text{두근의합}$$

$$\frac{2}{\alpha} \cdot \frac{2}{\beta} = \frac{4}{\alpha\beta} = \frac{4}{3} \quad \cdots \text{두근의곱}$$

$$\therefore x^2 - \frac{4}{3}x + \frac{4}{3} = 0$$

$$\therefore 3x^2 - 4x + 4 = 0$$

23. 집합  $A = \{x|x\text{는 } 8\text{의 약수}\}$  에서 원소 1은 포함되고 동시에 원소 4는 포함하지 않는 부분집합의 개수는?

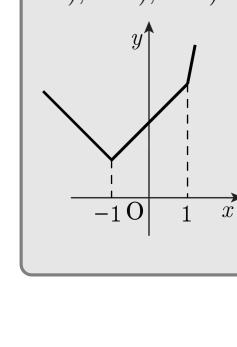
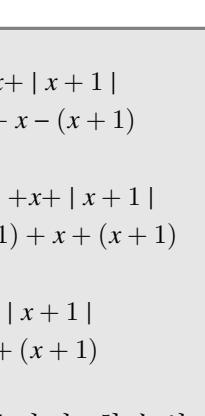
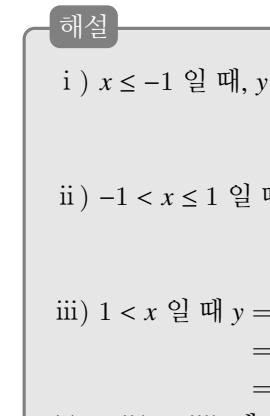
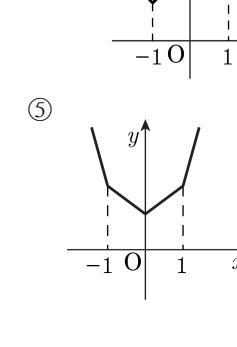
① 4 개      ② 6 개      ③ 8 개      ④ 10 개      ⑤ 12 개

해설

집합  $A$ 에서 원소 1과 4를 제외한 부분집합의 개수와 같다.

$$\therefore 2^{4-2} = 2^2 = 4$$

24. 다음 중 함수  $y = |x - 1| + x + |x + 1|$ 의 그래프는?



해설

i)  $x \leq -1$  일 때,  $y = |x - 1| + x + |x + 1|$   
 $= -(x - 1) + x - (x + 1)$

$= -x$

ii)  $-1 < x \leq 1$  일 때  $y = |x - 1| + x + |x + 1|$   
 $= -(x - 1) + x + (x + 1)$

$= x + 2$

iii)  $1 < x$  일 때  $y = |x - 1| + x + |x + 1|$   
 $= (x - 1) + x + (x + 1)$

$= 3x$

i), ii), iii) 에 의하여 주어진 함수의 그래프는



25. 자연수  $n$ 에 대하여 함수  $f(n)$ 과 다음과 같다고 하자.

$$f(n) = \begin{cases} i^{n+1} & (n = 4k) \\ -i^n & (n = 4k + 1) \\ 2i & (n = 4k + 2) \\ -i & (n = 4k + 3) \end{cases}$$

(단,  $k$ 는 정수) 이 때,  $f(1) + f(2) + \dots + f(2005)$  를 구하면?

- ①  $i$       ②  $-i$       ③  $0$       ④  $500i$       ⑤  $501i$

해설

$$\begin{aligned} n = 4k &\Rightarrow f(n) = i^{4k+1} = i \\ n = 4k + 1 &\Rightarrow f(n) = -i^{4k+1} = -i \\ n = 4k + 2 &\Rightarrow f(n) = 2\pi \\ n = 4k + 3 &\Rightarrow f(n) = -i \\ \therefore f(1) + f(2) + f(3) + f(4) &= -i + 2\pi - i + i = i \\ \text{계속 반복되므로} \\ f(1) + f(2) + \dots + f(2005) &= i \times 501 + f(2005) \\ &= 501i - i = 500i \end{aligned}$$