

1. $2^4 \times 3^2 \times 5$ 의 약수 중에서 두 번째로 큰 수는?

- ① $2^3 \times 3^2 \times 5$ ② $2^3 \times 3^2$ ③ $2^4 \times 3^2 \times 5$
④ $2^4 \times 3 \times 5$ ⑤ $2^4 \times 5$

해설

제일 큰 약수는 자기 자신인 $2^4 \times 3^2 \times 5$ 이고, 두 번째로 큰 수는
가장 작은 소인수인 2가 한번 덜 곱해진 것이므로, $2^{4-1} \times 3^2 \times 5 =$
 $2^3 \times 3^2 \times 5$ 이다.

2. 630의 약수의 개수는?

- ① 8 ② 12 ③ 16 ④ 24 ⑤ 30

해설

$$630 = 2 \times 3^2 \times 5 \times 7$$

약수의 개수는 $(1+1) \times (2+1) \times (1+1) \times (1+1) = 24$ (개)

3. 두 자연수 A , B 의 최소공배수가 36 일 때, A 와 B 의 공배수 중 200
에 가장 가까운 수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 216

해설

최소공배수의 배수인 36, 72, 108, 144, 180, 216, … 중 200
에 가장 가까운 수는 216 이다.

4. 1200 을 가장 작은 자연수 a 로 나누어 어떤 자연수 b 의 제곱이 되도록 할 때, $b - a^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 11

해설

$$1200 \div a = b^2 \text{에서}$$

$$1200 = 2^4 \times 3 \times 5^2$$

$$a = 3$$

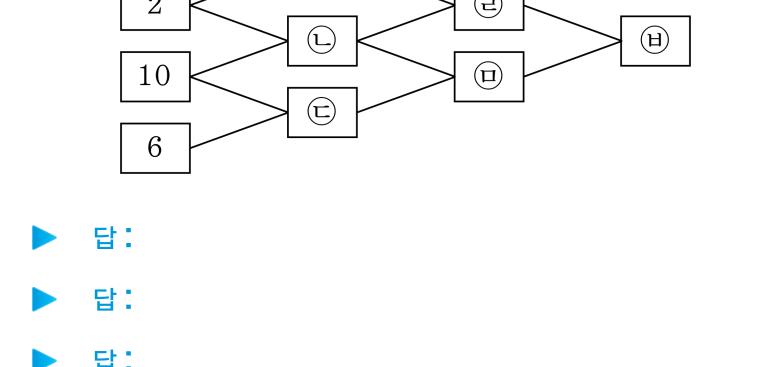
$$2^4 \times 3 \times 5^2 \div 3 = b^2$$

$$2^4 \times 5^2 = b^2$$

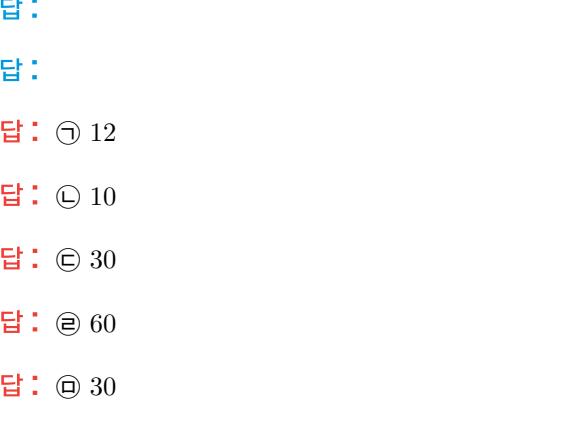
$$b = 2^2 \times 5 = 20$$

$$b - a^2 = 20 - 3^2 = 11$$

5. 다음 보기는 서로 다른 두 수의 최소공배수들의 관계를 나타낸 것이다.



와 같이 빙칸에 들어가야 할 수를 구하여라.



▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: ⊛ 12

▷ 정답: ⊖ 10

▷ 정답: ⊚ 30

▷ 정답: ⊛ 30

▷ 정답: ⊛ 60

▷ 정답: ⊛ 60



6. 석진이의 방은 가로가 300cm, 세로가 420cm이고, 벽의 적당한 높이에 정사각형 모양의 액자를 빈틈없이 떠처럼 둘러 걸어 놓으려고 한다. 가능한 한 큰 액자를 걸려고 할 때, 액자의 한 변의 길이를 구하여라.

▶ 답: cm

▷ 정답: 60 cm

해설

걸어 놓으려고 하는 액자의 한 변의 길이는 300과 420의 공약수이다.

그런데 가능한 한 큰 액자를 걸려고 했으므로 한 변의 길이는 300과 420의 최대공약수이다.

$$2) 300 \quad 420$$

$$2) 150 \quad 210$$

$$3) \quad 75 \quad 105$$

$$5) \quad 25 \quad 35$$

$$\quad \quad \quad 5 \quad 7$$

$$\therefore 2 \times 2 \times 3 \times 5 = 60(\text{cm})$$

7. 두 자리 자연수 중에서 3, 4, 5, 6 의 어느 수로 나누어도 나머지가 항상 2 인 가장 작은 수를 7 로 나눌 때의 나머지는?

① 5 ② 6 ③ 7 ④ 8 ⑤ 9

해설

구하는 수를 x 이라 하면 $x-2$ 는 3, 4, 5, 6 의 공배수이다. 3, 4, 5, 6 의 최소공배수는 60 이므로 $x - 2 = 60$ 이다. 따라서 $x = 62$ 이다. 62 를 7 로 나누면 나머지는 6 이다.

8. 민수는 15 층 아파트에서 살고 있는데, 엘리베이터가 자주 고장이 난다. 어느 날 엘리베이터 입구에 ‘약수의 개수가 1 개 또는 3 개 이상인 층에서만 셉니다.’라는 문구가 적혀 있었을 때, 엘리베이터가 서는 층은 모두 몇 개인가?

① 5 개 ② 6 개 ③ 7 개 ④ 8 개 ⑤ 9 개

해설

약수의 개수가 1 개인 수는 1 뿐이다. 약수가 3 개 이상인 수는 합성수이므로 15 층 아래에 있는 합성수는 4, 6, 8, 9, 10, 12, 14, 15로 8 개이다. 따라서 약수의 개수가 1 개 또는 3 개 이상인 수는 모두 9 개이다.

9. 자연수 a, b, c 에 대하여 $5 \times a = 7 \times b = c^2$ 을 만족하는 c 의 값으로 가능하지 않은 것은?

- ① 35 ② 70 ③ 105 ④ 140 ⑤ 180

해설

$5 \times a = 7 \times b = c^2$ 이어서

i) $a = 5 \times 7^2$, $b = 5^2 \times 7$ 일 때, $5 \times (5 \times 7^2) = 7 \times (5^2 \times 7) =$

$$(5 \times 7)^2 = 35^2$$

ii) $a = 2^2 \times 5 \times 7^2$, $b = 2^2 \times 5^2 \times 7$ 일 때, $5 \times (2^2 \times 5 \times 7^2) =$

$$7 \times (2^2 \times 5^2 \times 7) = (2 \times 5 \times 7)^2 = 70^2$$

iii) $a = 3^2 \times 5 \times 7^2$, $b = 3^2 \times 5^2 \times 7$ 일 때, $5 \times (3^2 \times 5 \times 7^2) =$

$$7 \times (3^2 \times 5^2 \times 7) = (3 \times 5 \times 7)^2 = 105^2$$

iv) $a = 4^2 \times 5 \times 7^2$, $b = 4^2 \times 5^2 \times 7$ 일 때, $5 \times (4^2 \times 5 \times 7^2) =$

$$7 \times (4^2 \times 5^2 \times 7) = (4 \times 5 \times 7)^2 = 140^2$$

따라서 c 의 값으로 가능한 것은 35, 70, 105, 140, … 이다.

10. 18과 a 의 공약수가 1, 2, 3, 6일 때, a 가 될 수 있는 50 보다 작은 자연수는 모두 몇 개인가?

- ① 4 개 ② 5 개 ③ 6 개 ④ 7 개 ⑤ 8 개

해설

18과 a 의 최대공약수가 6이므로

$$18 = 6 \times 3, a = 6 \times k$$

k 는 3의 배수이면 안 된다.

따라서 50 보다 작은 자연수 a 는

$$6 \times 1 = 6, 6 \times 2 = 12, 6 \times 4 = 24, 6 \times 5 = 30, 6 \times 7 = 42, \\ 6 \times 8 = 48 \text{의 } 6 \text{ 개이다.}$$