

1. 다음 중  $\sqrt{5}$  와  $\sqrt{10}$  사이에 있는 무리수는?

①  $\sqrt{5} - 1$

②  $2\sqrt{5}$

③  $\sqrt{10} - 2$

④  $\frac{\sqrt{5} + \sqrt{10}}{2}$

⑤ 4

해설

$$2\sqrt{5} = \sqrt{20}, \sqrt{5} < \frac{\sqrt{5} + \sqrt{10}}{2} < \sqrt{10}$$

2. 다음 중 수의 형태를  $\sqrt{x}$ 는  $a\sqrt{b}$ 의 꼴로,  $a\sqrt{b}$ 는  $\sqrt{x}$ 의 꼴로 바르게 나타낸 것을 모두 고르면?

①  $\sqrt{50} = 5\sqrt{2}$       ②  $\sqrt{98} = 6\sqrt{2}$       ③  $3\sqrt{7} = \sqrt{63}$

④  $8\sqrt{2} = \sqrt{256}$       ⑤  $4\sqrt{3} = \sqrt{24}$

해설

①  $\sqrt{50} = \sqrt{5^2 \times 2} = 5\sqrt{2}$

②  $\sqrt{98} = \sqrt{7^2 \times 2} = 7\sqrt{2}$

③  $3\sqrt{7} = \sqrt{3^2 \times 7} = \sqrt{63}$

④  $8\sqrt{2} = \sqrt{8^2 \times 2} = \sqrt{128}$

⑤  $4\sqrt{3} = \sqrt{4^2 \times 3} = \sqrt{48}$

3. 다음 중 옳지 않은 것은?

①  $3\sqrt{2} = \sqrt{18}$

②  $-3\sqrt{3} = -\sqrt{27}$

③  $\frac{\sqrt{5}}{2} = \sqrt{\frac{5}{4}}$

④  $-\frac{\sqrt{2}}{3} = -\sqrt{\frac{2}{9}}$

⑤  $\frac{2\sqrt{2}}{5} = \sqrt{\frac{4}{25}}$

해설

⑤  $\frac{2\sqrt{2}}{5} = \sqrt{\frac{2^2 \times 2}{25}} = \sqrt{\frac{8}{25}}$

4.  $3 - \sqrt{2}$  의 소수 부분은?

①  $\sqrt{2} - 3$

②  $2 - \sqrt{2}$

③  $\sqrt{2} - 2$

④  $-\sqrt{3} - 1$

⑤  $\sqrt{3} - 2$

해설

$1 < \sqrt{2} < 2$  에서  $-2 < -\sqrt{2} < -1$  이므로  $1 < 3 - \sqrt{2} < 2$  이므로  
정수 부분은 1

(소수 부분) =  $(3 - \sqrt{2}) - 1 = 2 - \sqrt{2}$

5.  $(3x-2)^2 = px^2 + qx + 4$  일 때, 상수  $p, q$  에 대하여  $p - q$  의 값은?

- ① -49    ② -14    ③ 7    ④ 14    ⑤ 21

해설

$$(3x)^2 - 2 \times 3x \times 2 + (-2)^2 = 9x^2 - 12x + 4 \text{ 이므로 } p - q = 9 - (-12) = 21$$

6.  $\sqrt{36} - \sqrt{(-5)^2} + \sqrt{81} \times \sqrt{\frac{4}{9}}$  를 간단히 하면?

- ① 3      ② 7      ③ 10      ④ 15      ⑤ 17

해설

$$\sqrt{36} - \sqrt{(-5)^2} + \sqrt{81} \times \sqrt{\frac{4}{9}} = 6 - 5 + 9 \times \frac{2}{3} = 7$$

7.  $\sqrt{150-x}$ 의 값이 가장 큰 자연수가 되도록 하는 자연수  $x$ 의 값은?

- ① 1      ② 2      ③ 4      ④ 5      ⑤ 6

해설

$150-x$ 가 150보다 작은 제곱수 중에서 가장 커야 하므로  $150-x=144$   
 $\therefore x=6$

8. 다음 중 무리수만 묶은 것은?

①  $\frac{1}{2}, \sqrt{3}, \sqrt{25}-2$

②  $0.\dot{7}9, \sqrt{5}, \sqrt{3.8}$

③  $\sqrt{0.1}, \pi, 11$

④  $-3.14, \frac{\sqrt{3}}{2}, \sqrt{21}$

⑤  $\sqrt{0.1}, \pi, \sqrt{11}$

해설

②  $0.\dot{7}9 = \frac{79}{99}$

9. 다음 중 대소 관계가 옳은 것은?

①  $4 - \sqrt{2} < 2$

②  $2 - \sqrt{7} < \sqrt{3} - \sqrt{7}$

③  $-\sqrt{15} > -4$

④  $-\sqrt{3} - \sqrt{10} < -\sqrt{10} - 3$

⑤  $\sqrt{2} + 1 > \sqrt{3} + 1$

해설

①  $4 - \sqrt{2} - 2 = 2 - \sqrt{2} = \sqrt{4} - \sqrt{2} > 0$

$\therefore 4 - \sqrt{2} > 2$

②  $2 - \sqrt{7} - (\sqrt{3} - \sqrt{7}) = 2 - \sqrt{3} = \sqrt{4} - \sqrt{3} > 0$

$\therefore 2 - \sqrt{7} > \sqrt{3} - \sqrt{7}$

③  $-\sqrt{15} - (-4) > 0$

④  $-\sqrt{3} - \sqrt{10} - (-\sqrt{10} - 3) = -\sqrt{3} + 3$

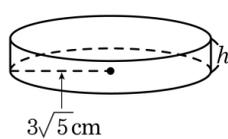
$= -\sqrt{3} + \sqrt{9} > 0$

$\therefore -\sqrt{3} - \sqrt{10} > -\sqrt{10} - 3$

⑤  $\sqrt{2} + 1 - (\sqrt{3} + 1) = \sqrt{2} - \sqrt{3} < 0$

$\therefore \sqrt{2} + 1 < \sqrt{3} + 1$

10. 밑면의 반지름의 길이가  $3\sqrt{5}$  cm 인 원기둥의 부피가  $15\sqrt{42}\pi$  cm<sup>3</sup> 일 때, 이 원기둥의 높이를 구하면?



- ①  $\sqrt{42}$  cm      ②  $\frac{\sqrt{42}}{2}$  cm      ③  $\frac{\sqrt{42}}{3}$  cm  
 ④  $\sqrt{52}$  cm      ⑤  $\frac{\sqrt{52}}{3}$  cm

**해설**

$$\begin{aligned}
 V &= \text{밑면이} \times \text{높이} \\
 15\sqrt{42}\pi &= \pi \times (3\sqrt{5})^2 \times h \\
 15\sqrt{42}\pi &= \pi \times 45 \times h \\
 \therefore \text{높이 } h &= \frac{15\sqrt{42}}{45} = \frac{\sqrt{42}}{3} \text{ (cm)}
 \end{aligned}$$

11.  $(x+A)^2 = x^2 + Bx + \frac{1}{81}$  에서  $A, B$  의 값으로 가능한 것을 모두 고르면?

①  $A = \frac{1}{9}, B = \frac{2}{9}$

②  $A = \frac{1}{9}, B = \frac{1}{9}$

③  $A = -\frac{1}{9}, B = \frac{1}{3}$

④  $A = \frac{1}{9}, B = -\frac{1}{9}$

⑤  $A = -\frac{1}{9}, B = -\frac{2}{9}$

해설

$$(x+A)^2 = x^2 + 2Ax + A^2 = x^2 + Bx + \frac{1}{81}$$

$A^2 = \frac{1}{81}$  이므로  $A = \frac{1}{9}$  일 때  $B = \frac{2}{9}$ ,  $A = -\frac{1}{9}$  일 때  $B = -\frac{2}{9}$  이다.

12.  $(x-3)(x+3)(x^2+\square) = x^4 - 81$ 에서  $\square$ 안에 알맞은 수는?

- ① -3      ② 3      ③ 6      ④ 9      ⑤ 18

해설

$$(x^2 - 9)(x^2 + 9) = x^4 - 81$$

13. 다음 중 옳은 것은?

①  $(-a-b)^2 = -(a+b)^2$

②  $(-a+b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$

③  $(-a+2)(-a-2) = -a^2 - 4$

④  $(2a-b)^2 = 4a^2 - b^2$

⑤  $(a+b)^2 - (a-b)^2 = 0$

해설

①  $(-a-b)^2 = \{-(a+b)\}^2 = (a+b)^2$

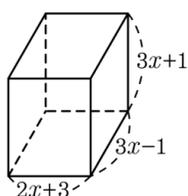
②  $(-a+b)^2 = \{-(a-b)\}^2 \overset{\text{㉠}}{=} (a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$

③  $(-a+2)(-a-2) = (-a)^2 - 2^2 = a^2 - 4$

④  $(2a-b)^2 = (2a)^2 - 2 \times 2a \times b + b^2 = 4a^2 - 4ab + b^2$

⑤  $(a+b)^2 - (a-b)^2 = 4ab$

14. 다음 그림과 같이 세 모서리의 길이가 각각  $2x+3$ ,  $3x-1$ ,  $3x+1$  인 직육면체의 겉넓이는?



- ①  $18x^2 + 36x + 3$                       ②  $36x^2 + 18x + 3$   
 ③  $42x^2 + 18x - 2$                       ④  $42x^2 + 24x - 2$   
 ⑤  $42x^2 + 36x - 2$

**해설**

$$\begin{aligned}
 & \text{(직육면체의 겉넓이)} \\
 &= (\text{옆면의 넓이}) + (\text{밑면의 넓이}) \times 2 \\
 &= 2(2x+3+3x-1)(3x+1) + 2(2x+3)(3x-1) \\
 &= 2(5x+2)(3x+1) + 2(6x^2+7x-3) \\
 &= 30x^2+22x+4+12x^2+14x-6 \\
 &= 42x^2+36x-2
 \end{aligned}$$

15.  $(x+y)(x-y-2)$ 를 전개한 것은?

①  $x^2 - y^2 - 2x - 2y$

②  $x^2 - y^2 - 2x + 2y$

③  $x^2 - y^2 + 2x + 2y$

④  $x^2 + y^2 - 2x - 2y$

⑤  $x^2 - y^2 + 2x - 2y$

해설

$$\begin{aligned} & (x+y)(x-y-2) \\ &= (x+y)(x-y) - 2(x+y) \\ &= x^2 - y^2 - 2x - 2y \end{aligned}$$

16.  $(-12)^2$ 의 제곱근 중 양수인 것을  $x$ ,  $\sqrt{625}$ 의 제곱근 중 음수인 것을  $y$ 라 할 때,  $x - 2y$ 의 값을 구하여라.

- ① 2      ② 7      ③ 17      ④ 22      ⑤ 29

해설

$(-12)^2 = 144$ 의 제곱근은  $\pm 12$ , 양수  $x = 12$   
 $\sqrt{625} = 25$ 의 제곱근  $\pm 5$ , 음수  $y = -5$   
 $\therefore x - 2y = 12 - 2 \times (-5) = 12 - (-10) = 22$

17. 다음 보기의 수들을 큰 수부터 차례대로 나열했을 때, 첫째와 셋째에 놓이는 수는?

보기

$$2\sqrt{5}, -\sqrt{2}, \sqrt{2^3}, -\sqrt{5}, 3\sqrt{3}$$

- ①  $2\sqrt{5}, \sqrt{2^3}$       ②  $2\sqrt{5}, -\sqrt{2}$       ③  $2\sqrt{5}, -\sqrt{5}$   
④  $3\sqrt{3}, 2\sqrt{5}$       ⑤  $3\sqrt{3}, \sqrt{2^3}$

해설

$2\sqrt{5} = \sqrt{20}$ ,  $-\sqrt{2}$ ,  $\sqrt{2^3} = \sqrt{8}$ ,  $-\sqrt{5}$ ,  $3\sqrt{3} = \sqrt{27}$  이고,  
큰 수부터 차례대로 나열하면 다음과 같다.

$$3\sqrt{3}, 2\sqrt{5}, \sqrt{2^3}, -\sqrt{2}, -\sqrt{5}$$

따라서 첫째와 셋째에 놓이는 수는 각각  $3\sqrt{3}$ ,  $\sqrt{2^3}$ 이다.

18.  $\sqrt{2} = a$ ,  $\sqrt{3} = b$  라고 할 때,  $\sqrt{8} + 2\sqrt{27} + \frac{6}{\sqrt{54}} - \frac{3}{\sqrt{18}}$  을  $a, b$  를 이용하여 나타내면?

①  $\frac{1}{2}a + 6b + \frac{1}{3}ab$   
③  $\frac{5}{2}a + 6b + \frac{1}{3}ab$   
⑤  $\frac{3}{2}a + 4b + \frac{1}{3}ab$

②  $\frac{3}{2}a + 6b + \frac{1}{3}ab$   
④  $\frac{1}{2}a + 4b + \frac{1}{3}ab$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= 2\sqrt{2} + 6\sqrt{3} + \frac{6}{3\sqrt{6}} - \frac{3}{3\sqrt{2}} \\ &= 2\sqrt{2} + 6\sqrt{3} + \frac{\sqrt{6}}{3} - \frac{\sqrt{2}}{2} \\ &= \frac{3}{2}\sqrt{2} + 6\sqrt{3} + \frac{1}{3}\sqrt{2}\sqrt{3} \\ &= \frac{3}{2}a + 6b + \frac{1}{3}ab\end{aligned}$$

19. 다음 식을 전개한 것 중 옳은 것은?

①  $(x+7)(x-5) = x^2 - 2x - 35$

②  $(x-2)(x-3) = x^2 + 6$

③  $(x+3)(x+4) = x^2 + x + 12$

④  $\left(x - \frac{2}{7}\right)\left(x - \frac{3}{5}\right) = x^2 - \frac{31}{35}x + \frac{6}{35}$

⑤  $\left(x - \frac{1}{2}\right)\left(x + \frac{1}{3}\right) = x^2 - \frac{5}{6}x - \frac{1}{6}$

해설

①  $(x+7)(x-5) = x^2 + 2x - 35$

②  $(x-2)(x-3) = x^2 - 5x + 6$

③  $(x+3)(x+4) = x^2 + 7x + 12$

⑤  $\left(x - \frac{1}{2}\right)\left(x + \frac{1}{3}\right) = x^2 - \frac{1}{6}x - \frac{1}{6}$

20. 곱셈 공식을 이용하여 다음 수의 값을 계산할 때, 나머지 넷과 다른 공식이 적용되는 것은?

①  $5.8 \times 6.2$

②  $16 \times 24$

③  $51 \times 49$

④  $98 \times 102$

⑤  $27 \times 30$

해설

①, ②, ③, ④  $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$

⑤  $(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$