

1.  $x$ 에 대한 다항식  $3x^3y + 5y - xz + 9xy - 4$ 에 대하여 다음 보기 중 옳은 것을 모두 고른 것은?

- ㉠ 내림차순으로 정리하면  
 $3yx^3 + (9y - z)x + 5y - 4$ 이다.
- ㉡ 오름차순으로 정리하면  
 $5y - 4 + (9y - z)x + 3yx^3$ 이다.
- ㉢ 주어진 다항식은  $x$ 에 대한 3 차식이다.
- ㉣  $x^3$ 의 계수는 3이다.
- ㉤ 상수항은 -4이다.

① ㉠, ㉢

② ㉠, ㉡, ㉢

③ ㉠, ㉡

④ ㉠, ㉢, ㉣, ㉤

⑤ ㉠, ㉡, ㉢, ㉣, ㉤

해설

- ㉣  $x^3$ 의 계수는  $3y$ 이다.
- ㉤ 상수항은  $5y - 4$ 이다.

2.  $x^2 + x - 1 = 0$  일 때,  $x^5 - 5x$ 의 값을 구하면?

① 2

② 1

③ 0

④ -1

⑤ -3

해설

$$\begin{aligned}x^5 - 5x &\text{ 를 } x^2 + x - 1 \text{ 로 나누면} \\&\therefore x^5 - 5x = (x^2 + x - 1) \times \text{몫} - 3 \\x^2 + x - 1 &= 0 \\&\therefore x^5 - 5x = -3\end{aligned}$$

해설

다음과 같이 식의 차수를 낮춰 나갈 수 있다.

$$\begin{aligned}x^2 &= -x + 1 \\x^5 - 5x &= (x^2)^2 \times x - 5x \\&= x(-x + 1)^2 - 5x \\&= x^3 - 2x^2 - 4x \\&= x(-x + 1) - 2(-x + 1) - 4x \\&= -x^2 - x - 2 \\&= -(x^2 + x) - 2 \\&= -1 - 2 = -3\end{aligned}$$

3.  $P = (2+1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1)$  의 값을 구하면?

- ①  $2^{32}-1$       ②  $2^{32}+1$       ③  $2^{31}-1$   
④  $2^{31}+1$       ⑤  $2^{17}-1$

해설

주어진 식에  $(2-1)=1$  을 곱해도 식은 성립하므로

$$\begin{aligned}P &= (2-1)(2+1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1) \\&= (2^2-1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1) \\&= (2^4-1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1) \\&= \dots \\&= (2^{16}-1)(2^{16}+1) \\&= 2^{32}-1\end{aligned}$$

4. 세 모서리의 길이의 합이 22이고 대각선의 길이가 14인 직육면체의  
겉넓이는?

① 144

② 196

③ 288

④ 308

⑤ 496

해설

세 모서리를  $x, y, z$ 라 하면

$$x + y + z = 22 \cdots \cdots ①$$

$$\sqrt{x^2 + y^2 + z^2} = 14 \cdots \cdots ② \text{이고}$$

겉넓이는  $2(xy + yz + zx)$ 이다.

$$①, ② \text{에서 } 22^2 = 14^2 + 2(xy + yz + zx)$$

$$\therefore 2(xy + yz + zx) = 288$$

5. 등식  $2x^2 - 3x - 1 = a(x-1)(x-2) + bx(x-1) + cx(x-2)$  이  $x$ 에 관한 항등식이 되도록 할 때,  $a + b + c$ 의 값은?

- ① 0      ② 1      ③ 2      ④ 3      ⑤ 4

해설

수치대입법을 이용한다.

$$x = 0 \text{ 대입}, a = -\frac{1}{2}$$

$$x = 2 \text{ 대입}, b = \frac{1}{2}$$

$$x = 1 \text{ 대입}, c = 2$$

$$\therefore a + b + c = -\frac{1}{2} + \frac{1}{2} + 2 = 2$$

6. 등식  $(2k+1)y - (k+3)x + 10 = 0$  이  $k$ 의 값에 관계없이 항상 성립하도록 하는 상수  $x, y$ 에 대하여  $x+y$ 의 값은?

① 5

② 6

③ 7

④ 8

⑤ 9

해설

$$(\text{준식}) = (y - 3x + 10) + (2y - x)k = 0$$

$$\therefore 2y = x, \quad y - 3x = -10$$

$$\therefore x = 4, \quad y = 2$$

$$\therefore x + y = 6$$

7.  $x$ 에 관한 항등식  $x^n(x^2 + ax + b) = (x - 2)^2 p(x) + 2^n(x - 2)$  가 성립할 때,  $a + b$ 의 값을 구하면?

① 1

② -1

③ 2

④ -2

⑤ 5

해설

$$x^n(x^2 + ax + b) = (x - 2)^2 p(x) + 2^n(x - 2)$$

위의 식에  $x = 2$ 를 대입하면,  $2^n(4 + 2a + b) = 0$

$$\therefore b = -2a - 4 \quad (2^n \neq 0) \cdots ①$$

①을 준식에 대입하면,

$$x^n(x^2 + ax - 2a - 4) = (x - 2)^2 p(x) + 2^n(x - 2)$$

$$x^n(x - 2)(x + a + 2) = (x - 2)^2 p(x) + 2^n(x - 2)$$

위의 식이 항등식이므로 다음 식도 항등식이다.

$$x^n(x + a + 2) = (x - 2)p(x) + 2^n$$

다시  $x = 2$ 를 대입하면,

$$2^n(4 + a) = 2^n \quad \therefore a = -3$$

$a = -3$ 을 ①에 대입하면,

$$b = (-2)(-3) - 4 = 2$$

$$\therefore a = -3, b = 2$$

$$\therefore a + b = -1$$

8. 등식  $(1+x+x^2)^3 = a_0 + a_1x + a_2x^2 + \dots + a_8x^8$  을  $x$ 에 대한 항등식일 때,  $a_1 + a_3 + a_5 + a_7$  의 값은?

- ① 28      ② 26      ③ 15      ④ 14      ⑤ 13

해설

양변에  $x = 1$  을 대입하면

$$3^3 = a_0 + a_1 + a_2 + \dots + a_8 - \textcircled{7}$$

양변에  $x = -1$  을 대입하면

$$1^3 = a_0 - a_1 + a_2 + \dots + a_8 - \textcircled{L}$$

$$\textcircled{7} - \textcircled{L} : 26 = 2(a_1 + a_3 + a_5 + a_7)$$

$$\therefore a_1 + a_3 + a_5 + a_7 = 13$$

9.  $(x^2 + x)(x^2 + x + 1) - 6$  을 인수분해하면?

- ①  $(x - 1)(x + 2)(x^2 + x + 3)$       ②  $(x - 1)(x + 2)(x^2 + x - 3)$
- ③  $(x - 2)(x + 1)(x^2 + x + 3)$       ④  $(x - 1)(x + 2)(x^2 - x + 3)$
- ⑤  $(x + 1)(x - 2)(x^2 - x + 3)$

해설

$x^2 + x = X$  라 하자.

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= X(X + 1) - 6 \\&= X^2 + X - 6 \\&= (X + 3)(X - 2) \\&= (x^2 + x + 3)(x^2 + x - 2) \\&= (x - 1)(x + 2)(x^2 + x + 3)\end{aligned}$$

10.  $x^4 + 2x^2y^2 + 9y^4$  을 인수분해하면?

- ①  $(x^2 + 3y^2)^2$
- ②  $(x^2 - 3y^2)^2$
- ③  $(x^2 + xy + 3y^2)(x^2 - xy + 3y^2)$
- ④  $(x^2 + 2xy + 3y^2)(x^2 - 2xy + 3y^2)$
- ⑤  $(x^2 + 2xy + 2y^2)(x^2 - 2xy + 2y^2)$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= x^4 + 6x^2y^2 + 9y^4 - 4x^2y^2 \\&= (x^2 + 3y^2)^2 - (2xy)^2 \\&= (x^2 + 2xy + 3y^2)(x^2 - 2xy + 3y^2)\end{aligned}$$

11.  $2x^2 + xy - y^2 + 10x + 4y + 12$ 를  $x, y$ 의 두 일차식의 곱으로 인수분해하면,  $(x + ay + b)(2x + cy + d)$ 가 된다고 할 때,  $a + b + c + d$ 의 값은? (단,  $a, b, c, d$ 는 상수)

① 6

② 7

③ 8

④ 9

⑤ 10

해설

$$2x^2 + xy - y^2 + 10x + 4y + 12 \quad (\leftarrow x에 관하여 정리)$$

$$= 2x^2 + (y + 10)x - (y^2 - 4y - 12)$$

$$= 2x^2 + (y + 10)x - (y + 2)(y - 6)$$

$$= \{x + (y + 2)\}\{2x - (y - 6)\}$$

$$= (x + y + 2)(2x - y + 6)$$

$$\therefore a = 1, b = 2, c = -1, d = 6$$

$$\therefore a + b + c + d = 8$$

12.  $x, y, z$ 가 삼각형의 세 변의 길이이고,  $xz^2 - yz^2 + yx^2 + zx^2 - zy^2 - xy^2 = 0$  을 만족할 때, 이 삼각형은 어떤 삼각형인가?

- ①  $z$ 가 빗변인 직각삼각형      ②  $x$ 가 빗변인 직각삼각형  
③  $x = y$ 인 이등변삼각형      ④  $y = z$ 인 이등변삼각형  
⑤  $z = x$ 인 이등변삼각형

해설

$$xz^2 - yz^2 + yx^2 + zx^2 - zy^2 - xy^2 = 0$$

$$(x - y)z^2 + (x^2 - y^2)z + (x - y)xy = 0$$

$$(x - y)\{z^2 + (x + y)z + xy\} = 0$$

$$(x - y)(z + x)(z + y) = 0 \therefore x = y (\because x, y, z \text{는 모두 양수})$$

$\therefore x = y$ 인 이등변삼각형

13.  $\frac{2006^3 - 1}{2006 \times 2007 + 1}$  의 값을 구하면?

- ① 2005      ② 2006      ③ 2007      ④ 2008      ⑤ 2009

해설

$a = 2006$  로 놓으면

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= \frac{a^3 - 1}{a(a+1) + 1} = \frac{(a-1)(a^2 + a + 1)}{a^2 + a + 1} \\&= a - 1 = 2005\end{aligned}$$

14.  $a+b+c = 1$ ,  $a^2+b^2+c^2 = 5$ ,  $a^3+b^3+c^3 = 2$  일 때,  $abc$ 의 값은?

①  $-\frac{5}{3}$

② 0

③  $\frac{5}{3}$

④  $\frac{5}{2}$

⑤ 1

해설

$$a^2 + b^2 + c^2$$

$$= (a+b+c)^2 - 2(ab+bc+ca) \quad | \text{므로}$$

$$5 = 1 - 2(ab+bc+ca)$$

$$\therefore ab+bc+ca = -2$$

$$a^3 + b^3 + c^3 - 3abc$$

$$= (a+b+c)(a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca) \quad | \text{므로}$$

$$2 - 3abc = 1 \cdot (5 + 2)$$

$$\therefore abc = -\frac{5}{3}$$

15. 두 다항식  $x^2 + x - 2$ ,  $x^3 + 2x^2 - 3x$ 의 최대공약수를  $G(x)$ , 최소공배수를  $L(x)$  라 할 때,  $G(2) + L(2)$ 의 값을 구하면?

- ① 1      ② 11      ③ 21      ④ 31      ⑤ 41

해설

$$x^2 + x - 2 = (x + 2)(x - 1)$$

$$x^3 + 2x^2 - 3x = x(x - 1)(x + 3)$$

$$\therefore G(x) = x - 1$$

$$L(x) = x(x - 1)(x + 2)(x + 3)$$

$$\therefore G(2) + L(2) = 1 + 40 = 41$$