

1. 다음 중 옳지 않은 것은?

①  $(x + 2)^2 = x^2 + 4x + 4$

②  $(x - 3)^2 = x^2 - 6x + 9$

③  $(x - 1)^2 = x^2 - 2x - 1$

④  $(x + 2y)^2 = x^2 + 4xy + 4y^2$

⑤  $(x - 5y)^2 = x^2 - 10xy + 25y^2$

해설

③  $(x - 1)^2 = x^2 - 2x + 1$

## 2. 다음 중 옳지 않은 것은?

①  $x^2 - x - 6 = (x - 3)(x + 2)$

②  $x^2 - 4 = (x + 2)(x - 2)$

③  $x^3 - x^2 - 2x = x(x + 1)(x - 2)$

④  $18x^3 - 2x = 2x(3x - 1)(3x + 1)$

⑤  $3x^2 + 6x + 3 = (3x + 1)(x + 2)$

해설

⑤  $3x^2 + 6x + 3 = 3(x + 1)^2$

3. 다음 중 완전제곱식이 아닌 것은?

①  $4a^2 + 24ab + 9b^2$

②  $x^2 - 14x + 49$

③  $a^2 - \frac{2}{3}a + \frac{1}{9}$

④  $64a^2 + 32ab + 4b^2$

⑤  $4x^2 + 4xy + y^2$

해설

$$a^2x^2 \pm 2abx + b^2 = (ax \pm b)^2$$

①  $4a^2 + 24ab + 9b^2 \neq (2a + 3b)^2$

②  $x^2 - 14x + 49 = (x - 7)^2$

③  $a^2 - \frac{2}{3}a + \frac{1}{9} = \left(a - \frac{1}{3}\right)^2$

④  $64a^2 + 32ab + 4b^2 = (8a + 2b)^2$

⑤  $4x^2 + 4xy + y^2 = (2x + y)^2$

4. 다음 중  $x^2 + 7xy + 10y^2$  의 인수를 모두 고르면?(정답 2개)

①  $x + y$

②  $x + 2y$

③  $x + 5y$

④  $x - 2y$

⑤  $x - 5y$

해설

$$x^2 + 7xy + 10y^2 = (x + 5y)(x + 2y)$$

5. 다음 그림은 대수막대를 이용하여 인수분해 한 것이다. 어떤 식을 인수 분해 한 것인가?

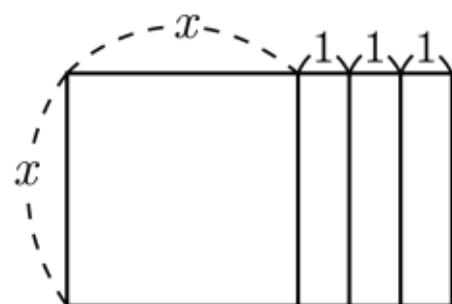
①  $x^2 + 3x$

②  $x^2 + 2x + 1$

③  $x^2 + 3x + 1$

④  $2x^2 + 3x$

⑤  $2x^2 + 2x + 1$



해설

$$x(x+3) = x^2 + 3x$$

6.  $4a^2 - 6ab$  를 인수분해한 것은?

- ①  $4a(a - b)$
- ②  $2ab(a - 3)$
- ③  $a(a - b)$
- ④  $2a(2a - 3b)$
- ⑤  $4a^2(1 - 6b)$

해설

$$4a^2 - 6ab = 2a(2a - 3b)$$

7.  $9a^2 - 16b^2 = -12$  이고  $3a - 4b = 4$  일 때,  $3a + 4b$  의 값을 구하면?

① 2

② 3

③ -2

④ -3

⑤ -5

해설

$$(3a + 4b)(3a - 4b) = -12$$
$$\therefore 3a + 4b = -3$$

8.  $\left(\frac{5}{2}x + \frac{1}{4}y\right)^2 = ax^2 + bxy + cy^2$  일 때, 상수  $a, b$ 에 대하여  $4(a+b)$ 의 값은?

- ① 25      ② 30      ③ 35      ④ 40      ⑤ 45

해설

$$\left(\frac{5}{2}x\right)^2 + 2 \times \frac{5}{2}x \times \left(\frac{1}{4}y\right) + \left(\frac{1}{4}y\right)^2$$

$$= \frac{25}{4}x^2 + \frac{5}{4}xy + \frac{1}{16}y^2$$

$$\therefore 4(a+b) = 4\left(\frac{25}{4} + \frac{5}{4}\right) = 30$$

9.  $(x - 4)(x + 4)(x^2 + \boxed{\quad}) = x^4 - 256$ 에서  $\boxed{\quad}$ 안에 알맞은 수는?

- ① -4
- ② 4
- ③ 8
- ④ 12
- ⑤ 16

해설

$$(x^2 - 16)(x^2 + 16) = x^4 - 256$$

## 10. 다음 중 식을 전개한 것 중 옳은 것은?

①  $(x + 3)^2 = x^2 + 9$

②  $\left(x - \frac{1}{2}\right)^2 = x^2 - \frac{1}{2}x + \frac{1}{4}$

③  $(3x + 1)^2 - 2(x + 1)(x - 3) = 7x^2 + 10x + 7$

④  $\left(a + \frac{1}{3}\right)\left(a - \frac{1}{3}\right) = a^2 + \frac{1}{9}$

⑤  $(3x + 5)(2x - 7) = 6x^2 + 31x - 35$

해설

①  $(x + 3)^2 = x^2 + 6x + 9$

②  $\left(x - \frac{1}{2}\right)^2 = x^2 - x + \frac{1}{4}$

③  $(3x + 1)^2 - 2(x + 1)(x - 3)$   
 $= (9x^2 + 6x + 1) - 2(x^2 - 2x - 3)$   
 $= (9x^2 + 6x + 1) - (2x^2 - 4x - 6)$   
 $= 7x^2 + 10x + 7$

④  $\left(a + \frac{1}{3}\right)\left(a - \frac{1}{3}\right) = a^2 - \frac{1}{9}$

⑤  $(3x + 5)(2x - 7)$   
 $= 6x^2 - 21x + 10x - 35$   
 $= 6x^2 - 11x - 35$

11. 한 변의 길이가  $2x$ 인 정사각형에서 가로와 세로의 길이를 각각 3, 4 만큼 늘릴 때, 새로 생긴 직사각형의 넓이는?

①  $4x^2 + 7x + 7$

②  $4x^2 + 7x + 12$

③  $4x^2 + 14x + 12$

④  $2x^2 + 7x + 12$

⑤  $2x^2 + 14x + 12$

해설

$$\begin{aligned}(\text{직사각형의 넓이}) &= (\text{가로}) \times (\text{세로}) \\&= (2x + 3)(2x + 4) \\&= 4x^2 + 14x + 12\end{aligned}$$

12.  $(x+y-5)(x-y-5)$ 를 전개하는데 가장 적절한 식은?

- ①  $\{(x+y)-5\}\{(x-y)-5\}$
- ②  $\{x+(y-5)\}\{x-(y+5)\}$
- ③  $\{(x-5)+y\}\{(x-5)-y\}$
- ④  $\{x+(y-5)\}\{(x-y)-5\}$
- ⑤  $\{(x+y)+5\}\{(x-y)+5\}$

해설

식을  $\{(x-5)+y\}\{(x-5)-y\}$ 로 묶어서  $x-5 = t$ 로 치환하여 전개하는 것이 가장 적절하다.

13.  $4x^2 + Ax y + 9y^2 = (Bx + Cy)^2$  일 때, 이를 만족하는 세 자연수  $A, B, C$ 의 합을 구하면?

① 14

② 15

③ 16

④ 17

⑤ 18

해설

$$\begin{aligned}(Bx + Cy)^2 &= B^2x^2 + 2BCxy + C^2y^2 \\&= 4x^2 + Ax y + 9y^2\end{aligned}$$

$$B = 2, \quad C = 3, \quad A = 12$$

$$A + B + C = 12 + 2 + 3 = 17$$

14.  $x^2 + 5x + a = (x + b)^2$  에서  $a - b$  의 값은?

①  $\frac{5}{4}$

②  $\frac{15}{2}$

③  $\frac{15}{8}$

④  $\frac{15}{4}$

⑤  $\frac{11}{4}$

해설

$$x^2 + 5x + a = x^2 + 2bx + b^2$$

$$2b = 5, \quad b = \frac{5}{2}$$

$$a = b^2 = \frac{25}{4}$$

$$\therefore a - b = \frac{15}{4}$$

## 15. 다음 중 옳은 것은?

①  $(a - b)^2 = (b - a)^2$

②  $(a + b)^2 = (a - b)^2$

③  $(a + b)^2 = a^2 + b^2$

④  $(a - b)(-a - b) = (a - b)(a + b)$

⑤  $(b + a)(b - a) = (-b - a)(b + a)$

해설

①  $(a - b)^2 = \{-(a - b)\}^2 = (b - a)^2$

16.  $6x^2 + 5x - a = (2x + b)(3x + 7)$  가 성립할 때,  $a - b$  의 값은?

① -24

② -18

③ -10

④ 18

⑤ 24

해설

$$\begin{aligned}6x^2 + 5x - a &= (2x + b)(3x + 7) \\&= 6x^2 + 14x + 3bx + 7b \\&= 6x^2 + (14 + 3b)x + 7b\end{aligned}$$

$$14 + 3b = 5, 7b = -a, b = -3, a = 21$$

$$\therefore a - b = 21 - (-3) = 24$$

17. 다항식  $2x^2 - xy - Ay^2$  中  $x - 2y$  를 인수로 가질 때, 다음 중 이 다항식의 인수는? (단,  $A$  는 상수)

①  $2x - 3y$

②  $2x - y$

③  $2x + y$

④  $2x + 3y$

⑤  $2x + 5y$

해설

$$\begin{aligned}2x^2 - xy - Ay^2 &= (x - 2y)(2x + my) \\&= 2x^2 + (m - 4)xy - 2my^2\end{aligned}$$

$$-4 + m = -1, m = 3$$

$$-A = -2m, A = 6$$

$$\therefore 2x^2 - xy - Ay^2 = (x - 2y)(2x + 3y)$$

18. 정사각형 모양의 땅의 넓이가  $16a^2 - 24a + 9$  일 때, 한 변의 길이는?

①  $3a + 5$

②  $4a - 3$

③  $4a + 3$

④  $3a - 3$

⑤  $2a + 5$

해설

$$16a^2 - 24a + 9 = (4a - 3)^2$$

따라서 한 변의 길이는  $4a - 3$  이다.

19.  $(a+b)(a+b-3) + 2$  를 인수분해하면  $(a+b-m)(a+b-n)$  일 때,  
 $m+n$  의 값은?

- ① 2      ② 3      ③ 6      ④ 11      ⑤ 16

해설

$a+b = t$  라 하면,

$$\begin{aligned}t(t-3)+2 &= t^2 - 3t + 2 \\&= (t-1)(t-2) \\&= (a+b-1)(a+b-2)\end{aligned}$$

따라서  $m+n = 1+2 = 3$  이다.

20.  $x^2 - 2xy - 1 + y^2$  을 인수분해하면?

- ①  $(x - y + 1)(x - y - 1)$       ②  $(x + y + 1)(x + y - 1)$   
③  $(x - y + 1)(x + y - 1)$       ④  $(x - y - 1)(x + y - 1)$   
⑤  $(x + y + 1)(x - y - 1)$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2xy - 1 + y^2 &= (x^2 - 2xy + y^2) - 1 \\&= (x - y)^2 - 1^2 \\&= (x - y + 1)(x - y - 1)\end{aligned}$$