

1. 두 복소수 $z_1 = 1 + (a-2)i$, $z_2 = (b-2) - ai$ 에 대하여 $z_1 + (2-4i) = z_2$ 가 성립할 때, 실수 a , b 의 합 $a+b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $a+b=8$

해설

$$z_1 = 1 + (a-2)i, z_2 = (b-2) - ai \text{ 를}$$

$z_1 + (2-4i) = z_2$ 에 대입하면

$$1 + (a-2)i + (2-4i) = (b-2) - ai$$

$$3 + (a-6)i = (b-2) - ai$$

복소수가 서로 같을 조건에 의하여

$$3 = b-2, a-6 = -a$$

위의 두식을 연립하여 풀면

$$b=5, a=3$$

$$\therefore a+b=8$$

2. $x = 1 + 2i$, $y = \frac{1+2i}{1-i}$, $z = \frac{1-2i}{1-i}$ 일 때, $xy + xz$ 의 값을 구하면?

- ① $-1 + 3i$ ② $-1 - 2i$ ③ $-1 + 2i$

- ④ $-1 - i$ ⑤ $-1 + i$

해설

$$\begin{aligned}x &= 1 + 2i, y = \frac{1+2i}{1-i}, z = \frac{1-2i}{1-i} \\ \therefore xy + xz &= \frac{(1+2i)^2}{1-i} + \frac{(1-2i)(1+2i)}{1-i} \\ &= \frac{-3+4i+5}{1-i} \\ &= \frac{2+4i}{1-i} \\ &= -1 + 3i\end{aligned}$$

3. $\left(\frac{1+i}{1-i}\right)^{2008}$ 을 간단히 하면?

- ① -1 ② 0 ③ 1 ④ i ⑤ $-i$

해설

$$\begin{aligned}\frac{1+i}{1-i} &= \frac{(1+i)^2}{(1-i)(1+i)} \\ &= \frac{2i}{2} = i \\ \therefore \left(\frac{1+i}{1-i}\right)^{2008} &= i^{2008} \\ &= (i^4)^{502} = 1\end{aligned}$$

4. $x = 1 + \sqrt{2}i$, $y = 1 - \sqrt{2}i$ 일 때, $x^2 + y^2$ 의 값을 구하면?

- ① -1 ② 1 ③ -2 ④ 2 ⑤ -3

해설

$$x + y = 2, xy = 3$$
$$x^2 + y^2 = (x + y)^2 - 2xy = 4 - 6 = -2$$

5. 복소수 z 에 대한 다음 보기의 설명 중 옳은 것을 모두 고른 것은? (단, \bar{z} 는 z 의 결례복소수이다.)

보기

- Ⓐ $z \cdot \bar{z}$ 는 실수이다.
Ⓑ $z + \bar{z}$ 는 실수이다.
Ⓒ $z - \bar{z}$ 는 허수이다.

- Ⓓ $(z + 1)(\bar{z} + 1)$ 은 실수이다.

Ⓐ, Ⓑ

Ⓑ, Ⓒ

Ⓒ, Ⓓ, Ⓕ

Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ

Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ, Ⓕ

해설

$z = a + bi$ (a, b 는 실수)로 놓으면 $\bar{z} = a - bi$ 이므로

$$\text{Ⓐ } z \cdot \bar{z} = (a + bi)(a - bi) = a^2 + b^2 \text{ (실수)}$$

$$\text{Ⓑ } z + \bar{z} = (a + bi) + (a - bi) = 2a \text{ (실수)}$$

$$\text{Ⓒ } z - \bar{z} = (a + bi) - (a - bi) = 2bi$$

$b = 0$ 이면 실수, $b \neq 0$ 이면 허수이다.

$$\text{Ⓓ } (z + 1)(\bar{z} + 1) = (a + bi + 1)(a - bi + 1) \\ = (a + 1 + bi)(a + 1 - bi) \\ = (a + 1)^2 + b^2 \text{ (실수)}$$

6. 복소수 z 에 대하여 $z\bar{z} = 13$, $z + \bar{z} = 4$ 일 때, 복소수 z 는? (단, \bar{z} 는 z 의 켤레복소수이다.)

① $2 - 2i$

② $2 \pm 3i$

③ $2 \pm \sqrt{3}i$

④ $3 \pm 2i$

⑤ $4 \pm 3i$

해설

$z = a + bi$ (a, b 는 실수)로 놓으면 $\bar{z} = a - bi$ 이므로

$z\bar{z} = 13$, $z + \bar{z} = 4$ 에서

$$(a + bi)(a - bi) = 13, (a + bi) + (a - bi) = 4$$

$$a^2 + b^2 = 13, 2a = 4$$

$$\therefore A = 2, b = \pm 3$$

$$z = 2 \pm 3i$$

7. $x = -2 - i$ 일 때, $x^2 + 4x + 10$ 의 값을 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$x = -2 - i$ 에서 $x + 2 = -i$ 의 양변을 제곱하면

$(x + 2)^2 = (-i)^2$ 이므로

$x^2 + 4x = -5$

$\therefore x^2 + 4x + 10 = -5 + 10 = 5$

8. $2|x - 1| + x - 4 = 0$ 의 해를 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 2

▷ 정답: -2

해설

$$\text{i) } x < 1 \text{ 일 때},$$

$$-2(x - 1) + (x - 4) = 0$$

$$\therefore x = -2$$

$$\text{ii) } x \geq 1 \text{ 일 때},$$

$$2(x - 1) + x - 4 = 0$$

$$\therefore x = 2$$

따라서 구하는 해는 $x = -2$ 또는 $x = 2$ 이다.

9. 다음 이차방정식의 해를 바르게 짹지은 것은?

(1) $x(5x - 4) = 4(x - 1)$
(2) $x^2 - 3\sqrt{2}x + 6 = 0$

- Ⓐ (1) $\frac{4 \pm 2i}{5}$, (2) $\frac{3\sqrt{2} \pm \sqrt{6}i}{2}$
Ⓑ (1) $\frac{4 \pm 2i}{5}$, (2) $\frac{3\sqrt{3} \pm \sqrt{6}i}{2}$
Ⓒ (1) $\frac{1 \pm 2i}{5}$, (2) $\frac{2\sqrt{2} \pm \sqrt{6}i}{2}$
Ⓓ (1) $\frac{4 \pm 3i}{5}$, (2) $\frac{3\sqrt{2} \pm \sqrt{6}i}{2}$

해설

근의 공식을 이용하여 푼다.

(1) $x(5x - 4) = 4(x - 1)$

$\therefore 5x^2 - 8x + 4 = 0$

$\therefore x = \frac{4 \pm \sqrt{16 - 20}}{5} = \frac{4 \pm 2i}{5}$

(2) $x = \frac{3\sqrt{2} \pm \sqrt{18 - 24}}{2} = \frac{3\sqrt{2} \pm \sqrt{6}i}{2}$

10. 이차방정식 $x^2 + 2(k-1)x + 4 = 0$ 의 중근을 갖도록 하는 상수 k 값들의 합은?

- ① 1 ② -2 ③ -1 ④ 0 ⑤ 2

해설

중근을 가지려면 판별식 $D = 0$

$$\frac{D}{4} = (k-1)^2 - 4 = 0$$

$$k^2 - 2k - 3 = 0, (k-3)(k+1) = 0$$

$$\therefore k = 3, -1$$

11. 이차방정식 $x^2 + 2x + 3 = 0$ 의 해를 구하기 위해 완전제곱식으로 고쳐 $(x+a)^2 = b$ 를 얻었다. 이때, 상수 a, b 에 대하여 $a-b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$x^2 + 2x + 3 = 0$ 를 완전제곱식으로 고치면

$$(x^2 + 2x + 1) + 2 = 0, \quad (x+1)^2 = -2$$

$$\therefore a = 1, b = -2$$

$$\therefore a - b = 3$$

12. 이차식 $x^2 + 2x + 4$ 를 일차식의 곱으로 인수분해 하여라.

Ⓐ $(x + 1 - \sqrt{3}i)(x + 1 + \sqrt{3}i)$

Ⓑ $(x + 1 - \sqrt{3})(x + 1 + \sqrt{3})$

Ⓒ $(x + 1 - \sqrt{2}i)(x + 1 + \sqrt{2}i)$

Ⓓ $(x + 1 - \sqrt{2})(x + 1 + \sqrt{2})$

Ⓔ $(x - 1 - \sqrt{2}i)(x - 1 + \sqrt{2}i)$

해설

$$x^2 + 2x + 4 = 0 \text{ 의 해를 구하면}$$

$$x = -1 \pm \sqrt{1-4} = -1 \pm \sqrt{3}i$$

$$\therefore x^2 + 2x + 4$$

$$= \{x - (-1 + 3\sqrt{i})\} \{x - (-1 - \sqrt{3}i)\}$$

$$= (x + 1 - \sqrt{3}i)(x + 1 + \sqrt{3}i)$$

13. $\sqrt{-x^2(x^2 - 1)^2}$ 이 실수가 되는 서로 다른 실수 x 들의 총합은?

- ① -1 ② 0 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

해설

$$\begin{aligned}\sqrt{-x^2(x^2 - 1)^2} &= \sqrt{x^2(x^2 - 1)^2}i \\ &= \sqrt{x^2} \sqrt{(x^2 - 1)^2}i \\ &= |x| \cdot |x^2 - 1| i\end{aligned}$$

그러므로 $x = 0, 1, -1$ 일 때 총합은 0이 된다.

14. $z = (1+i)x^2 + (2-i)x - 8 - 2i$ 에 대하여 $z^2 < 0$ 을 만족하는 실수 x 의 값을 구하면?(단, $i = \sqrt{-1}$)

- ① -4 ② -2 ③ 2 ④ 4 ⑤ 6

해설

$$\begin{aligned} z &= (x^2 + 2x - 8) + (x^2 - x - 2)i \\ &= (x-2)(x+4) + (x+1)(x-2)i \\ \text{그런데, } z^2 < 0 \text{에서 } z \text{는 순허수이므로} \\ \therefore x &= -4 \end{aligned}$$

15. 방정식 $(k^2 - 6)x = k(x + 1) + 2$ 의 해가 존재하지 않을 때, k 의 값을 구하면?

- ① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

해설

$x \neq 0$ 대하 \cdot 여 정리하면
 $(k^2 - k - 6)x = k + 2$
 $(k + 2)(k - 3)x = k + 2$
 $k = 3$ 일 때, $0 \cdot x = 5$ (불 $\frac{1}{5}$)

16. 이차방정식 $(2 - \sqrt{3})x^2 - 2(\sqrt{3} - 1)x - 6 = 0$ 의 두 근 중 큰 근에 가장 가까운 정수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

이차항의 계수를 유리수로 고치기 위해 방정식의 양변에 $2 + \sqrt{3}$ 을 곱하면

$$x^2 - 2(\sqrt{3} + 1)x - (12 + 6\sqrt{3}) = 0$$

근의 공식을 이용해 위 방정식을 풀면

$$x = (\sqrt{3} + 1) \pm \sqrt{(\sqrt{3} + 1)^2 + 12 + 6\sqrt{3}}$$

$$= (\sqrt{3} + 1) \pm 2\sqrt{4 + 2\sqrt{3}}$$

$$= (\sqrt{3} + 1) \pm 2(\sqrt{3} + 1)$$

$$\therefore x = 3\sqrt{3} + 3 \text{ 또는 } x = -\sqrt{3} - 1$$

큰 근은 $3\sqrt{3} + 3$

그런데 $\sqrt{3} \approx 1.7\cdots$ 이므로

가장 가까운 정수는 8이다.

17. 방정식 $x^2 - 2|x| - 3 = 0$ 의 근의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 0

해설

i) $x \geq 0$ 일 때

$$x^2 - 2x - 3 = 0, (x + 1)(x - 3) = 0$$

$$x = -1 \text{ 또는 } x = 3$$

그런데 $x \geq 0$ 이므로 $x = 3$

ii) $x < 0$ 일 때

$$x^2 + 2x - 3 = 0, (x - 1)(x + 3) = 0$$

$$x = 1 \text{ 또는 } x = -3$$

그런데 $x < 0$ 이므로 $x = -3$

(i), (ii)에서 $x = 3$ 또는 $x = -3$

따라서 근의 합은 0이다.

18. $[x]$ 는 x 를 넘지 않는 최대의 정수를 나타낸다. $0 \leq x < 2$ 일 때,
 $4[x]x^2 - 4x - 1 = 0$ 의 해를 α 라 하면 2α 의 값은?

- ① $\sqrt{2} - 1$ ② $\sqrt{2} + 1$ ③ $\sqrt{3} + 2$
④ $\sqrt{3} - 1$ ⑤ $\sqrt{3} - 2$

해설

(i) $0 \leq x < 1$ 일 때, $[x] = 0$ 이므로

$$-4x - 1 = 0$$

$$\therefore x = -\frac{1}{4} \text{ (부적합)}$$

(ii) $1 \leq x < 2$ 일 때, $[x] = 1$ 이므로

$$4x^2 - 4x - 1 = 0$$

$$\therefore x = \frac{1 \pm \sqrt{2}}{2}$$

$$1 \leq x < 2 \Rightarrow x = \frac{\sqrt{2} + 1}{2}$$

$$\therefore 2\alpha = \sqrt{2} + 1$$

19. 이차방정식 $x^2 - x + m = 0$ 의 한 근이 2일 때, 다른 한 근을 구하여라.
(단, m 은 상수)

▶ 답:

▷ 정답: -1

해설

$x^2 - x + m = 0$ 의 한 근이 2이므로

$x = 2$ 를 대입하면

$$2^2 - 2 + m = 0 \quad \therefore m = -2$$

따라서 주어진 방정식은 $x^2 - x - 2 = 0$ 이다.

이 방정식을 풀면

$$(x - 2)(x + 1) = 0$$
에서 $x = 2$ 또는 $x = -1$

이므로 다른 한 근은 -1이다.

20. 이차방정식 $x^2 + 6x + a = 0$ 의 한 근이 $b + \sqrt{3}i$ 일 때, $a + b$ 의 값을 구하여라. (단, a, b 는 실수이고 $i = \sqrt{-1}$ 이다.)

▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

계수가 모두 실수이므로
다른 한 근은 $b - \sqrt{3}i$ 이다.
따라서 두 근의 곱과 계수의 관계에서
 $a = (b + \sqrt{3}i)(b - \sqrt{3}i) = b^2 + 3$
 $-6 = (b + \sqrt{3}i) + (b - \sqrt{3}i) = 2b,$
 $b = -3, a = 12$
따라서 $a + b = 9$

21. 다음 설명 중 틀린 것을 고르면?

- ① $x^2 + 5x + 1 = 0$ 은 서로 다른 두 실근을 가진다.
- ② $x^2 + 5 = 0$ 는 두 허근을 가진다.
- ③ $m = 0$ 또는 4 일 때, $x^2 - mx + m = 0$ 은 중근을 가진다.
- ④ $k \geq 1$ 일 때 $x^2 - 2x + 2 - k = 0$ 은 서로 다른 두 실근을 가진다
- ⑤ $x^2 - 6x + a = 0$ 은 $a = 9$ 일 때만 중근을 가진다.

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{1} & 25 - 4 \cdot 1 \cdot 1 = 21 > 0 \\ \textcircled{2} & 0^2 - 4 \cdot 1 \cdot 1 = -4 < 0 \\ \textcircled{3} & (-m)^2 - 4 \cdot 1 \cdot m = m(m - 4) = 0 \\ \textcircled{5} & 9 - 1 \cdot a = 9 - a = 0, a = 9 \\ \Rightarrow \textcircled{4} & (-1)^2 - 1 \cdot (2 - k) = k - 1 > 0 \quad \therefore k > 1 \end{aligned}$$

22. 방정식 $x^2 - 4x + y^2 - 8y + 20 = 0$ 을 만족하는 실수 x, y 에 대하여 $x + y$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 6

해설

$$x^2 - 4x + y^2 - 8y + 20 = (x - 2)^2 + (y - 4)^2 = 0$$

$$\therefore x = 2, y = 4$$

$$\therefore x + y = 6$$

해설

$$x^2 - 4x + y^2 - 8y + 20 = 0 \Leftrightarrow$$
 실근을 가지므로

$$D/4 = 4 - (y^2 - 8y + 20) \geq 0$$

$$y^2 - 8y + 16 \leq 0$$

$$(y - 4)^2 \leq 0, y = 4$$

준식에 대입하면 $x = 2$

따라서 $x + y = 6$

23. x 에 대한 이차방정식 $ax^2 + 2(a-1)x - (a+1) = 0$ 은 어떤 근을 갖는지 판별하시오. (단, a 는 실수)

- ① 중근 ② 한 실근과 한 허근
③ 서로 다른 두 실근 ④ 서로 같은 두 실근
⑤ 서로 다른 두 허근

해설

$$\begin{aligned} ax^2 + 2(a-1)x - (a+1) &= 0 \\ \frac{D}{4} &= (a-1)^2 + a(a+1) \\ &= a^2 - 2a + 1 + a^2 + a \\ &= 2a^2 - a + 1 = 2\left(a^2 - \frac{1}{2}a\right) + 1 \\ &= 2\left(a^2 - \frac{1}{2}a + \frac{1}{16}\right) + 1 - \frac{1}{8} \\ &= 2\left(a - \frac{1}{4}\right)^2 + \frac{7}{8} > 0 \end{aligned}$$

따라서 서로 다른 두 실근을 갖는다.

24. x 에 대한 이차방정식 $x^2 + (2m + a + b)x + m^2 + ab = 0$ 의 m 의 값에
관계없이 항상 중근을 가질 때, 실수 $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 0

해설

$$\begin{aligned}x^2 + (2m + a + b)x + m^2 + ab &= 0 \\ \text{항상 중근을 가질 조건 : 판별식 } D &= 0 \\ D = (2m + a + b)^2 - 4(m^2 + ab) &= 0 \\ 4m^2 + a^2 + b^2 + 4ma + 2ab + 4mb - 4m^2 - 4ab &= 0 \\ m \text{에 관해 식을 정리하면} \\ (4a + 4b)m + (a^2 - 2ab + b^2) &= 0 \\ 4a + 4b = 0, \quad a^2 - 2ab + b^2 &= 0 \\ \therefore a + b &= 0\end{aligned}$$

25. 이차방정식 $x^2 - (a+2)x + a = 0$ 의 두 근의 차가 2 일 때, 상수 a 의 값은?

① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

해설

두 근을 α, β 라 하면
 $\alpha + \beta = a + 2, \quad \alpha\beta = a$
 $(\alpha - \beta)^2 = (\alpha + \beta)^2 - 4\alpha\beta$
 $4 = a^2 + 4a + 4 - 4a$
 $\therefore a = 0$

26. 갑, 을 두 학생이 이차방정식 $ax^2 + bx + c = 0$ 을 푸는데, 갑은 이차항의 계수를 잘못 보고 풀어 두 근 $1 \pm \sqrt{6}$ 을 얻었고, 을은 상수항을 잘못 보고 풀어 두 근 $-\frac{1}{3}, 1$ 을 얻었다. 이 이차방정식의 올바른 근을 구하여 더하면 얼마인가?

① $\frac{2}{3}$ ② $\frac{1}{3}$ ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

해설

먼저 갑이 푼 이차식의 형태를 알아보자.

갑이 푼 이차식을 $a'x^2 + bx + c = 0$ 라 하면

$$-\frac{b}{a'} = 1 + \sqrt{6} + 1 - \sqrt{6} = 2,$$

$$\frac{c}{a'} = (1 + \sqrt{6})(1 - \sqrt{6}) = -5 \text{ 이므로}$$

갑이 푼 이차식은 위의 값들을 대입해 정리하면

$x^2 - 2x - 5 = 0$ 의 실수배 형태인 것을 알 수 있다.

같은 방법으로 을이 푼 이차식을 알아보면

$$-\frac{b}{a} = \frac{2}{3}, \frac{c}{a} = -\frac{1}{3} \text{ 으로}$$

$3x^2 - 2x - 1 = 0$ 의 실수배임을 알 수 있다.

b 값은 둘 다 잘못보고 풀지 않았는데 구한 식의 원형 2개가 b 값이 일치하므로

$a = 3, c = -5$ 임을 알 수 있고 b 는 -2 임을 알 수 있다.

따라서 원래 식에서 두 근의 합은 $\frac{2}{3}$ 이다.

27. 다음 x 의 이차방정식의 두 실근의 절댓값이 같고, 부호가 다르게 실수 m 의 값을 정하면?

$$3(x-1)(x-m) - x(7-m^2) = 18 - m^2$$

- ① -4 ② -2 ③ 0 ④ 2 ⑤ 4

해설

두 근의 절댓값이 같고 부호가 다를 조건은

$$\alpha + \beta = 0, \alpha\beta < 0$$

준식을 x 에 관해서 정리하면,

$$3x^2 + (m^2 - 3m - 10)x + m^2 + 3m - 18 = 0$$

$$\text{따라서, } \alpha + \beta = \frac{-(m^2 - 3m - 10)}{3} = 0,$$

$$\therefore m^2 - 3m - 10 = 0$$

$$(m-5)(m+2) = 0 \quad \therefore m = 5, -2 \quad \dots\dots \textcircled{①}$$

$$\alpha\beta = \frac{m^2 + 3m - 18}{3} < 0, m^2 + 3m - 18 < 0$$

$$(m-3)(m+6) < 0 \quad \therefore -6 < m < 3 \quad \dots\dots \textcircled{②}$$

$$\textcircled{①}, \textcircled{②} \text{의 공동범위에 의해 } m = -2$$

28. 이차방정식 $ax(x-1) + bx(x-1) + c(x^2 + 1) = 0$ 의 두근을 α, β 라 할 때, $\frac{c}{(\alpha-1)(\beta-1)}$ 의 값은?

- ① $\frac{a+b+c}{2}$ ② $a+b+c$ ③ $ab+bc+ca$
④ $\frac{ab+bc+ca}{2}$ ⑤ abc

해설

(I) 주어진 식을 정리하면 $(a+b+c)x^2 - (a+b)x + c = 0$ ($a+b+c \neq 0$)

$$\alpha + \beta = \frac{a+b}{a+b+c}, \quad \alpha\beta = \frac{c}{a+b+c}$$

$$\begin{aligned} (\text{II}) \quad (\text{준식}) &= \frac{c}{\alpha\beta - (\alpha+\beta) + 1} \\ &= \frac{c(a+b+c)}{c - (a+b) + (a+b+c)} \\ &= \frac{c(a+b+c)}{2c} = \frac{a+b+c}{2} \end{aligned}$$

29. \diamond 차방정식 $f(x) = ax^2 + bx + c = 0$ 의 한 근을 $\frac{1}{(1+i)^2}$ \diamond 라 할 때,
 $f(2x+3) = 0$ 의 두 근의 합은? (단, a, b, c 는 실수)

- ① -5 ② -3 ③ 0 ④ 2 ⑤ 4

해설

$$\frac{1}{(1+i)^2} = \frac{1}{1+2i-1} = \frac{1}{2i} = -\frac{1}{2}i$$

$f(x) = ax^2 + bx + c = 0$ 의 한 근이 $-\frac{1}{2}i$ 면

a, b, c 가 실수이므로 다른 한 근은 $\frac{1}{2}i$

$\therefore f(x) = 0$ 의 두 근의 합은 0

$f(2x+3) = 0$ 의 두 근을 α, β 라 하자.

$$(2\alpha+3) + (2\beta+3) = 0$$

$$2(\alpha+\beta) = -6$$

$$\therefore \alpha+\beta = -3$$

30. 실계수의 이차방정식 $x^2 + bx + c = 0$ 이 허근 α, β 를 갖고, 두 허근 사이에 $\alpha^2 + 2\beta = 1$ 인 관계가 성립한다고 한다. 이 때, $b+c$ 의 값은?

- ① -1 ② 1 ③ 3 ④ 5 ⑤ 7

해설

계수가 실수이므로

$$\alpha = p + qi \text{ 이면 } \beta = p - qi \quad (q \neq 0)$$

$\alpha^2 + 2\beta = 1$ 이므로

$$(p + qi)^2 + 2(p - qi) = 1 \text{에서}$$

$$(p^2 - q^2 + 2p - 1) + 2q(p - 1)i = 0$$

$$\therefore p^2 - q^2 + 2p - 1 = 0, 2q(p - 1) = 0$$

$q \neq 0$ 이므로

$$p = 1, q^2 = 2$$

$$\therefore \alpha + \beta = 2p = 2, \alpha\beta = p^2 + q^2 = 3$$

$$\therefore x^2 - 2x + 3 = 0$$

$$\therefore b = -2, c = 3$$

$$\therefore b + c = 1$$