

1. 두 일차함수 $\begin{cases} 2x - y + 10 = 0 \\ x + y + 2 = 0 \end{cases}$ 의 그래프와 y 축으로 둘러싸인 부분의 넓이를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 24

해설

두 직선의 교점을 구해 보면,

$$\begin{cases} 2x - y + 10 = 0 & \cdots \textcircled{A} \\ x + y + 2 = 0 & \cdots \textcircled{B} \end{cases}$$

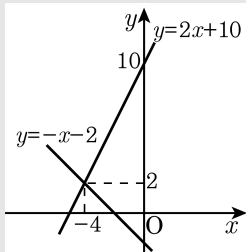
$$\textcircled{A} + \textcircled{B} : 3x = -12$$

$$\therefore x = -4$$

$x = -4$ 를 $\textcircled{B}$ 에 대입하면 $y = 2$

$\textcircled{A}$ 의 y 절편은 10, $\textcircled{B}$ 의 y 절편은 -2 이므로

$$\therefore (\text{넓이}) = (10 + 2) \times 4 \times \frac{1}{2} = 24$$



2. 직선 $5(x + 2) + y = -4$ 의 그래프와 평행하고, 점 $(0, -4)$ 를 지나는 직선의 방정식은?

① $y = -5x - 14$

② $y = 5x + 1$

③ $y = -5x + 4$

④ $y = -5x - 4$

⑤ $y = -5x - 1$

해설

$$5x + 10 + y = -4$$

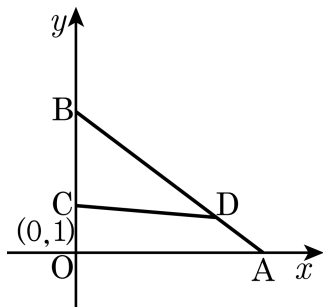
$$y = -5x - 14$$

$y = -5x - 14$ 와 평행하므로 기울기는 -5

$y = -5x + b$ 에 $(0, -4)$ 를 대입하면

$$\text{그러므로 } y = -5x - 4$$

3. 직선 AB의 방정식은 $3x + 4y = 12$ 이다. 점 D의 x 좌표를 t , $\square OADC$ 의 넓이를 S 라 하자. $\triangle OAB$ 의 넓이가 $\square OADC$ 의 넓이의 2배일 때, t 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $t = 3$

해설

A(4, 0), B(0, 3) 이므로

$$S = \triangle OAB - \triangle BCD = \frac{1}{2} \times 4 \times 3 - \frac{1}{2} \times 2 \times t = 6 - t$$

$$2S = 6$$

$$2(6 - t) = 6$$

$$\therefore t = 3$$

4. 다음 중에서 y 가 x 의 일차함수인 것을 모두 고르면?

㉠ 한 변의 길이가 x cm 인 정사각형의 둘레는 y cm 이다.

㉡ 시속 x km로 달리는 자동차가 y 시간 동안 달리는 거리는 200 km 이다.

㉢ 반지름의 길이가 x cm 인 원의 넓이는 y cm² 이다.

㉤ 가로, 세로의 길이가 각각 5 cm, x cm 인 직사각형의 넓이는 y cm² 이다.

㉥ 50 원 짜리 우표 x 장과 100 원 짜리 우표 4 장, y 원 짜리 우표 4 장의 가격을 합하면 1200 원 이다

① ㉠, ㉡, ㉥

② ㉡, ㉢, ㉥

③ ㉠, ㉤, ㉥

④ ㉠, ㉡, ㉢, ㉥

⑤ ㉠, ㉢, ㉤, ㉥

해설

㉠ $y = 4x$

㉡ $xy = 200 \Rightarrow y = \frac{200}{x}$

㉢ $y = \pi x^2$

㉤ $y = 5x$

㉥ $50x + 400 + 4y = 1200 \Rightarrow 50x + 4y = 800$

5. 일차함수 $y = 2x - 1$ 에 대하여 $f(f(2))$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$f(2) = 2 \times 2 - 1 = 3$$

$$f(f(2)) = f(3) = 5$$

6. 일차함수 $y = -2x + 4$ 의 그래프를 y 축의 음의 방향으로 2만큼 평행 이동한 그래프의 기울기를 a , x 절편을 b , y 절편을 c 라고 할 때, $a - b - c$ 의 값은?

- ① -5 ② 1 ③ 0 ④ -11 ⑤ -6

해설

$y = -2x + 4$ 의 그래프를 y 축의 음의 방향으로 2만큼 평행 이동한 그래프는 $y = -2x + 2$ 이고 이 그래프의 기울기는 $a = -2$, x 절편은 $b = 1$, y 절편은 $c = 2$ 이므로
 $a - b - c = -2 - 1 - 2 = -5$ 이다.

7. 세 점 $(2, 3)$, $(-2, 5)$, $(a, 6)$ 을 지나는 직선을 그래프로 하는 일차함수의 식을 $y = mx + n$ 이라 할 때, 상수 m, n, a 에 대하여 $m \times n - a$ 의 값은?

① -2

② -1

③ 1

④ 2

⑤ 4

해설

두 점 $(2, 3)$, $(-2, 5)$ 를 지나는 직선의 기울기는 $\frac{5-3}{-2-2} = -\frac{1}{2}$

이므로

직선의 방정식은 $y = -\frac{1}{2}x + 4$ 이다.

이 직선 위에 점 $(a, 6)$ 이 있으므로

$$6 = -\frac{1}{2} \times a + 4, \quad a = -4$$

$$\therefore m \times n - a = \left(-\frac{1}{2}\right) \times 4 - (-4) = -2 + 4 = 2 \text{이다.}$$

8. 직선 $x - my + n = 0$ 이 제 3 사분면을 지나지 않을 때, 일차함수 $y = mx - n$ 의 그래프는 제 몇 사분면을 지나지 않는지 구하여라. (단, $mn \neq 0$)



답 :

사분면

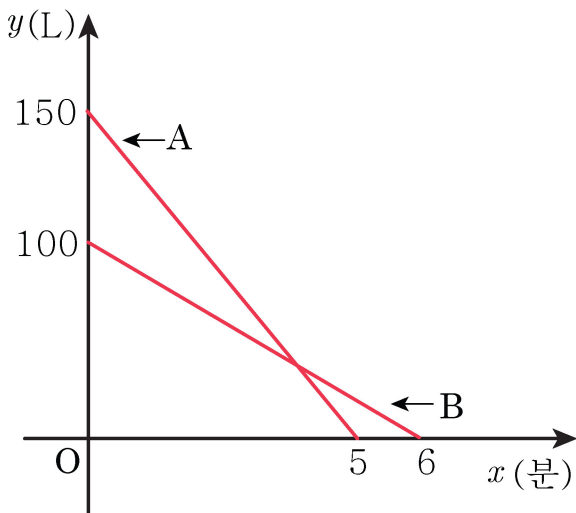


정답 : 제 3사분면

해설

$x - my + n = 0$ 을 y 에 관하여 풀면 $my = x + n$, $y = \frac{1}{m}x + \frac{n}{m}$ 이다. 제 3 사분면을 지나지 않으면 (기울기) < 0 , (y 절편) > 0 이어야 하므로 $\frac{1}{m} < 0$, $m < 0$ 이고 $\frac{n}{m} > 0$, $m < 0$ 이므로 $n < 0$ 이다. 따라서 $y = mx - n$ 의 그래프는 (기울기) < 0 , (y 절편) > 0 이므로 제 3 사분면을 지나지 않는다.

9. 물이 각각 150L, 100L씩 들어있는 두 물통 A, B에서 동시에 각각 일정한 속력으로 물을 빼낸다. x 분 후에 남아 있는 물의 양을 y L라 할 때, x 와 y 사이의 관계를 그래프로 나타낸 그림은 다음과 같다. 물을 빼내기 시작한 지 몇 분 후에 남아 있는 물의 양이 같아지는가?



- ① $\frac{10}{3}$ 분 ② $\frac{11}{4}$ 분 ③ $\frac{15}{4}$ 분 ④ 4분 ⑤ $\frac{13}{3}$ 분

해설

$$A : y = -30x + 150$$

$$B : y = -\frac{50}{3}x + 100$$

$$-30x + 150 = -\frac{50}{3}x + 100 \quad \therefore x = \frac{15}{4}$$

따라서 남은 물의 양이 같아지는 것은 $\frac{15}{4}$ 분 후이다.

10. 3^n 의 일의 자리의 숫자를 $f(n)$ 이라 할 때, $f(1) + f(2) + \cdots + f(20)$ 의 값은?

① 50

② 100

③ 150

④ 200

⑤ 250

해설

$n = 1$ 일 때, $3^1 = 3$

$n = 2$ 일 때, $3^2 = 9$

$n = 3$ 일 때, $3^3 = 27$, 따라서 일의 자리는 7

$n = 4$ 일 때, $3^4 = 81$, 따라서 일의 자리는 1

$n = 5$ 일 때, $3^5 = 243$, 따라서 일의 자리는 3

따라서 3, 9, 7, 1이 반복됨을 알 수 있다.

$$\therefore f(1) + f(2) + \cdots + f(20) = 5(3 + 9 + 7 + 1) = 100$$

11. $y = -x + 3$, $y = 2x + a$ 의 그래프는 y 축에서 만나고, $y = bx + 1$, $y = -2x + 2$ 의 그래프는 x 축에서 만난다고 할 때, 직선 $y = ax + b$ 의 x 절편을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : $\frac{1}{3}$

해설

$y = -x + 3$, $y = 2x + a$ 의 그래프는 y 축에서 만나므로 y 절편이 같다. $\therefore a = 3$

$y = bx + 1$, $y = -2x + 2$ 의 그래프는 x 축에서 만나므로 x 절편이 같다.

$$-\frac{1}{b} = 1 \quad \therefore b = -1$$

따라서 $y = ax + b$ 는 $y = 3x - 1$ 이고, x 절편은 $\frac{1}{3}$ 이다.

12. 일차함수 $y = ax + b$ 는 점 $\left(2, -\frac{5}{2}\right)$ 를 지나고 $\frac{f(m) - f(n)}{m - n} = -\frac{3}{4}$ 이다. 이 때, $f(-4) + f(6)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $-\frac{7}{2}$

해설

기울기 $a = -\frac{3}{4}$ 이므로

$y = -\frac{3}{4}x + b$ 에 점 $\left(2, -\frac{5}{2}\right)$ 를 대입하면

$$-\frac{5}{2} = -\frac{3}{2} + b, b = -1$$

$$y = -\frac{3}{4}x - 1$$

$$\therefore f(-4) + f(6) = 3 - 1 + \left(-\frac{9}{2}\right) - 1 = -\frac{7}{2}$$

13. $(-2, 0), (0, 6)$ 를 지나는 일차함수의 그래프가 점 (m, m) 을 지날 때, m 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -3

해설

$y = ax + b$ 의 그래프가 $(0, 6)$ 을 지나므로

$$6 = a \times 0 + b \text{ 에서 } b = 6$$

또한, $y = ax + 6$ 의 그래프가 $(-2, 0)$ 을 지나므로 $0 = -2a + 6$
에서 $a = 3$

따라서 $y = 3x + 6$ 의 그래프가 (m, m) 을 지나므로

$x = m, y = m$ 을 대입하면 $m = 3m + 6$ 이다.

$$\therefore m = -3$$

14. 좌표평면 위의 두 점 $A(2, 5)$, $B(4, 5)$ 에 대하여, 점 A 를 y 축에 대하여 대칭이동한 점을 A' , 점 B 를 x 축에 대하여 대칭이동한 점을 B' 이라 할 때, 삼각형 $A'BB'$ 의 넓이를 이등분하는 직선 중, 점 B' 을 지나는 직선의 y 절편을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{25}{3}$

해설

$A'(-2, 5)$, $B'(4, -5)$

구하는 직선이 점 B' 와 $\overline{A'B}$ 의 중점 $(1, 5)$ 를 지나면 삼각형 $A'BB'$ 의 넓이를 이등분된다.

따라서 두 점 $(4, -5)$ 과 $(1, 5)$ 를 지나는 직선의 방정식은

$$y = \frac{5+5}{1-4}(x-1) + 5, y = -\frac{10}{3}x + \frac{25}{3}$$

따라서 구하는 직선의 y 절편은 $\frac{25}{3}$ 이다.

15. 두 직선 $6y + x = -7$, $3x - 2y = 4 - a$ 의 교점이 직선 $x - 2y - 1 = 0$ 위에 있을 때, a 의 값은?

① -3

② -1

③ 1

④ 3

⑤ 5

해설

세 직선은 한 점에서 만난다.

$6y + x = -7$ 과 $x - 2y - 1 = 0$ 을 연립하여 풀면

$$x = -1, y = -1$$

$(-1, -1)$ 을 $3x - 2y = 4 - a$ 에 대입하면

$$-3 + 2 = 4 - a \text{에서 } a = 5$$