1. 다음 중
$$x^4 - x^2$$
의 인수가 아닌 것은?

 $x^4 - x^2 = x\left(x^3 - x\right)$

$$2x-1$$

(4) $x^3 - x$

 $= x^2 (x^2 - 1)$ $= x^2 (x-1) (x+1)$



(3) x + 1







다항식 ax + ay - bx - by를 인수분해 하면?

①
$$x(a-b)$$

①
$$x(a-b)$$
 ② $(a-b)(x-y)$ ③ $(a+b)(x-y)$ ④ $(a+b)(x+y)$

해설
$$ax + ay - bx - by = a(x + y) - b(x + y)$$
$$= (a - b)(x + y)$$

3. $3x^4 - x^2 - 2$ 를 인수분해 하여라.

①
$$(3x^2-2)(x+1)(x-1)$$
 ② $(3x^2+2)(x-1)(x-1)$

③
$$(3x^2+2)(x+1)(x+1)$$
 ④ $(3x^2+3)(x+1)(x-1)$

$$(3x^2+2)(x+1)(x-1)$$

$$A = x^2$$
로 치환하면
(준식) = $3A^2 - A - 2$
= $(3A + 2)(A - 1)$
= $(3x^2 + 2)(x + 1)(x - 1)$

4. 다음은 조립제법을 이용하여 다항식
$$x^3 - 2x^2 + 5x - 3$$
을 $x - 1$ 로 나누었을 때의 몫과 나머지를 구한 것이다. 몫과 나머지가 바르게 연결된 것은?

해설

③ 몫:
$$x^2 - x - 4$$
, 나머지: 1

④ 몫:
$$x^2 - x + 4$$
, 나머지: 1

'리케버스 '이 이디머

소립세법을 이용하면								
1	1	-2	5	-3				
		1	-1	4				
	1	-1	4	1				
∴ <i>x</i>	$^{3} + ^{3}$	$2x^{2} +$	5 <i>x</i> –	3 = (3)	(x-1)	$(x^2 \cdot$	-x +	4)+
		몫은 <i>x</i>		`				

1

5. 2012 = k라 할 때, $2013 \times 2011 \stackrel{\circ}{=} k$ 로 나타내면?

①
$$k^2 + k$$

$$2k^2 - 1$$

$$3 k^2 + k + 1$$

$$4 k^2 - k + 1$$

의
$$2013 \times 2011 = (k+1)(k-1)$$

= $k^2 - 1$

6. $a^2b^3c^4$, $ab^2c^4e^3$ 의 최대공약수를 구하면?

(1) ab^2c^3

② ab^2c^4

(3) ab^3c^4

 $a^2b^3c^4$

⑤ $ab^2c^4e^3$

해설

두 식의 공통인수 중 낮은 차수를 선택하여 곱한다. $a^2b^3c^4$, $ab^2c^4e^3$ 에서

공통인수는 a,b,c이고

차수가 낮은 것은 각각 a, b^2, c^4 이다. 이들을 모두 곱하면 최대공약수는 ab^2c^4 7. 두 다항식 $x^2 + ax - 2$, $x^2 + 3x + b$ 의 최대공약수가 x - 1일 때, 두 실수 a, b의 합 a + b의 값은?

 $\therefore a+b=-3$

8. 다항식 $8x^3 - 1$ 을 $4x^2 + 2x + 1$ 로 나누었을 때의 몫을 Q(x)라 할 때 Q(x)의 상수항의 계수는?

8
$$x^3 - 1 = (2x)^3 - 1^3 = (2x - 1)(4x^2 + 2x + 1)$$

$$\therefore Q(x) = 2x - 1$$

$$\therefore 상수 항우 -1$$

9. $x^2 + y^2 + 2xy - x - y$ 을 인수분해 하면?

① (x-y)(x+y+1)

$$(x-y)(x-y-1)$$

(5) (x+y)(x+y+1)

②
$$(x+y)(x-y-1)$$

④ $(x+y)(x+y-1)$

(4)(x+y)(x+y-1)





 $x^2 + y^2 + 2xy - x - y$ $= (x + y)^2 - (x + y) = (x + y)(x + y - 1)$

10. 다음 중 다항식
$$x^4 - 5x^2 + 4$$
를 인수분해 할 때, 나타나는 인수가 아닌 것은?

①
$$x-1$$
 ② $x-2$ ③ $x-3$ ④ $x+1$ ⑤ $x+2$

해설

$$x^4 - 5x^2 + 4 = (x^2 - 1)(x^2 - 4)$$

$$= (x+1)(x-1)(x+2)(x-2)$$

11.
$$(x^4 - 8x^2 - 9) \div (x^2 - 9)$$
 를 계산하여라.

①
$$x^2 + 1$$
 ② $x^2 - 1$
④ $x^2 - 2$ ⑤ $x^2 + 3$

(5)
$$x^2 + 3$$

(3) $x^2 + 2$

해설
$$x^4 - 8x^2 - 9 = (x^2 - 9)(x^2 + 1)$$

$$\therefore (준식) = x^2 + 1$$

12.
$$x^4 + 3x^2 + 4 = (x^2 + x + 2)(x^2 + ax + b)$$
일 때, 상수 a, b 의 곱을 구하여라.

▷ 정답 : -2

(좌 번) =
$$(x^2 + 2)^2 - x^2$$

= $(x^2 + x + 2)(x^2 - x + 2)$
∴ $a = -1$, $b = 2$
∴ $ab = -1 \times 2 = -2$

13. 다음 중 다항식 $x^4 - 8x^2 - 9$ 의 인수가 아닌 것은?

(1)
$$x - 3$$

②
$$x + 3$$

(3)
$$x^2 + 1$$

$$4x^2 + 9$$

(5)
$$x^3 + 3x^2 + x + 3$$

준 식을 인수분해 하면
$$x^4 - 8x^2 - 9 = (x^2 + 1)(x^2 - 9)$$

$$= (x^2 + 1)(x^2 - 9)$$
$$= (x^2 + 1)(x + 3)(x - 3)$$

 $(5) x^2(x+3) + x + 3 = (x^2+1)(x+3)$

14. $x^4 + 4x^3 - 2x^2 + ax + b$ 가 이차식의 완전제곱식이 될 때, 상수 a, b의 값은?

①
$$a = 12, b = 9$$
 ② $a = -12, b = 9$

③
$$a = 12, b = -9$$
 ④ $a = -12, b = -9$

(5)
$$a = 9$$
, $b = 12$

해설

$$x^4 + 4x^3 - 2x^2 + ax + b = (x^2 + px + q)^2$$
으로 놓으면

 이 식의 우변은

 $x^4 + 2x^2(px + q) + (px + q)^2$
 $= x^4 + 2px^3 + (p^2 + 2q)x^2 + 2pqx + q^2$

 좌변과 계수를 비교하면

 $2p = 4$, $p^2 + 2q = -2$

p=2, a=-3에서

 $a = 2pq = -12, b = q^2 = 9$

15. $x^2 - 2x - y^2 + 2y$ 를 인수분해 하였더니 (x + ay)(x - by + c)가 된다고 할 때, a + b + c의 값을 구하여라.

해설
$$x^{2}-2x-y^{2}+2y$$

$$=(x^{2}-y^{2})-2(x-y)$$

$$=(x+y-2)(x-y)$$

= (x + ay)(x - by + c)

계수를 비교하면
$$a = -1, b = -1, c = -2$$

 $\therefore a + b + c = -1 - 1 - 2 = -4$

16. 등식
$$f(x) = x^3 + 4x^2 + x - 6 = (x+a)(x+b)(x+c)$$
일 때, $a+b+c$ 의 값은?

① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤
$$6$$

17. $x^3 - 4x^2 + x + 6$ 을 인수분해하면 (x+a)(x+b)(x+c)이다. $a^2 + b^2 + c^2$ 의 값을 구하여라.

답:

▷ 정답: 14



따라서, f(x)는 (x+1)로 나누어 떨어진다.

즉,
$$f(x)$$
는 $(x+1)$ 의 인수를 갖는다.
즉, $f(x) = (x+1)Q(x)$ 몫

Q(x)는 조립제법으로 구한다.

$$f(x) = (x^2 - 5x + 6)(x + 1)$$

$$f(x) = (x-3)(x-2)(x+1)$$

$$\therefore a^2 + b^2 + c^2 = (-3)^2 + (-2)^2 + 1^2 = 14$$

18. x에 대한 다항식 $x^3 - 2x^2 - x + 2$ 가 (x+a)(x+b)(x+c)로 인수분해 될 때, $a^2 + b^2 + c^2$ 의 값은? (단, a,b,c는 상수)

① 5 ② 6 ③ 7 ④ 8 ⑤ 9

$$x^{3} - 2x^{2} - x + 2 = (x+1)(x-1)(x-2)$$
$$a^{2} + b^{2} + c^{2} = (-1)^{2} + 1^{2} + 2^{2} = 6$$

19.
$$(a+1)(a^2-a+1)=a^3+1$$
을 이용하여 $\frac{1999^3+1}{1998\times 1999+1}$ 의 값을 구하여라.

= a + 1 = 2000

$$a = 1999$$
라 하면
$$1998 \times 1999 + 1 = (a-1)a + 1 = a^2 - a + 1$$

$$\therefore \frac{1999^3 + 1}{1998 \times 1999 + 1} = \frac{a^3 + 1}{a^2 - a + 1}$$

$$= \frac{(a+1)(a^2 - a + 1)}{a^2 - a + 1}$$

20. 자연수
$$N=p^nq^mr^l$$
로 소인수분해될 때, 양의 약수의 개수는 $(n+1)(m+1)(l+1)$ 이다. 이 때, $38^3+3\cdot 38^2+3\cdot 38+1$ 의 양의 약수의 개수는?

21. 세 개의 다항식
$$x^3 + ax + b$$
, $x^3 + cx^2 + a$, $cx^2 + bx + 4$, 의 공약수 중하나가 $x - 1$ 일 때, $a + b + c$ 의 값은?

① 2 ②
$$-2$$
 ③ 3 ④ -3 ⑤ 4